43巻3号(1991.3)

研究解説

生産研究 143

UDC 669-419.8:541.183

繊維強化金属の界面力学特性

Interfacial Mechanical Properties in Fiber-Reinforced Metals

香川 豊* Yutaka KAGAWA

繊維強化金属の界面力学特性は材料のマクロな特性に影響することは古くから知られている. ここでは,界面力学特性のなかから特に重要な界面せん断特性をとりあげ,まず,金属をマト リックスとする場合特有の取り扱い方を説明し,ついで,その分類,定量化の指針ならびに制 御の方法について概説する.

1.はじめに

複合材料では人工的に二種類以上の材料を複合化して いるので複合化後には新しい界面が作られることになる。 この界面は複合材料の諸特性を考える際に重要であるこ とは古くから認識されていた.しかし,最近まで,複合 材料の特性に関しては構成素材の特性や強化素材とマト リックス間の反応性から議論されることが多く,最近よ うやく界面力学特性に関する厳密な理論,実験的な研究 が行われだした.

本解説で主対象とする金属をマトリックスとする複合 材料の界面の特性に関しては繊維とマトリックス間の反 応生成物や反応による繊維強度の低下のような観点から の研究がおよそ20年にわたって繰り返されてきた.また, 複合材料の力学的特性に直接影響する界面の力学的特性 に関しては "弱い"とか "強い"という非科学的な言葉 で代用されていることが多かった.このような背景から 繊維強化複合材料では界面の力学的特性を測定する手法 の確立と具体的な測定結果を得ることが望まれているも のと思われる.

ここでは、繊維強化型の先進複合材料の界面力学特性 の必要性や具体的な測定方法を金属系マトリックスの場 合を中心に解説する。なお、限られた紙面であるので数 式の導入などは省略させていただくので詳細は参考文献 1),2)にあたられたい。

2. 界面力学特性の働き

界面の力学特性に関する研究は1951年にCox³により 始めて行われ、そのときに用いられたモデルはshear lag モデルとして繊維強化複合材料の界面での応力伝達を考 える場合の基礎となっている。Coxの解析では、

*東京大学生産技術研究所 第4部

(1)繊維端部での応力伝達は行われない。

- (2)一本の繊維の周りの応力場は他の繊維への影響を 与えない。
- (3)マトリックスの引っ張り歪 em は繊維から Re離れ
 たところでは複合材料の歪 ec に等しい,

という仮定のもとで、繊維、マトリックスともに弾性的 な変形のみを取り扱っており、図1(a)に示した半径 R_r の一本の単繊維を含む半径 R_c のマトリックスの複合材 料に図1(b)のように荷重を加えた場合に図1(c)に示 した繊維軸方向の繊維応力の分布 $\sigma_r(x)$ と界面でのせん 断応力の分布 $\tau_1(x)$ は次式で与えられる.

$$\sigma_{\rm f}(x) = E_{\rm f} \varepsilon_{\rm m} \left(\frac{1 - \cosh\beta \left(\frac{l_{\rm f}}{2} - x\right)}{\cosh\frac{\beta l_{\rm f}}{2}} \right) \tag{1}$$

$$\tau_{1}(x) = E_{r} \varepsilon_{m} \left(\frac{G_{m}}{2E_{r} ln \left(\frac{R_{c}}{R_{f}} \right)} \right)^{1/2} \frac{\sinh \beta \left(\frac{l_{f}}{2} - x \right)}{\cosh \frac{\beta l_{f}}{2}} \quad (2)$$

ここで,βは

$$\beta = \left[\frac{2G_{\rm m}}{E_{\rm f}R_{\rm f}^2 \ln\left(\frac{R_{\rm c}}{R_{\rm f}}\right)}\right]^{1/2} \tag{3}$$

であり、 l_t は繊維長さ、 E_t は繊維のヤング率、 G_m はマト リックスのせん断弾性率である.式(2)、(3)の中の R_c / R_t は繊維の幾何学的な配列による定数であり、配列が図 2に示す正方配列(square packing)、六方配列(hexagonal packing)の場合には繊維の体積率をfとして

$$ln\left(\frac{R_{\rm c}}{R_{\rm f}}\right) = \frac{1}{2}ln\left(\frac{\pi}{f}\right) \qquad ({\rm square}) \qquad (4)$$

$$ln\left(\frac{R_{\rm c}}{R_{\rm f}}\right) = \frac{1}{2}ln\left(\frac{2\pi}{\sqrt{3}f}\right) \qquad ({\rm hexagonal}) \qquad (5)$$

で与えられる.

式(1)では繊維の応力は複合材料に加えられる応力

144 43巻3号(1991.3)

(a)負荷前



図1 繊維とマトリックスが弾性変形する場合のマトリック スの変形((a),(b)の縦線)ならびに負荷後の繊維, 界面せん断応力の分布例(Coxのモデルによる解析)

(歪)は $l \ominus 0$ としても繊維の破断強度 σ_{ru} に達することが でき、繊維長さがどんなに短くても強化が行われること になる.一方、金属をマトリックスとした場合にはマト リックスのせん断破断歪が十分に大きければ、式(2)で 与えられる τ_0 の最大値はマトリックスのせん断降伏応力 τ_{my} あるいは τ_a とならば界面剝離のせん断応力 τ_a より は大きくならないはずである.

このような矛盾を解消し、Shear lagの考え方を金属マ トリックス複合材料に適用するために、Coxの理論が提 案されてからおよそ10年後にKelly-Tyson⁴は金属マト リックスの塑性変形を考慮したモデルを提案した。彼ら の理論ではマトリックスが塑性域に入っていれば、せん 断歪の働く繊維の先端近傍ではせん断応力 zmyは一定で あり、図3のモデルで繊維の軸方向に沿って微小長さdx の繊維の軸方向の荷重の変化 dP_t(x) はその領域内での



生産研究

図2 繊維強化複合材料中の代表的な繊維配列 (y-z面での繊 維配列)

界面せん断応力 $\tau_{i}(=\tau_{my})$ に等しいとし, $\frac{dP_{t}(x)}{dx} = 2\pi R_{t}\tau_{i}$ (6)

の関係があると考える。式(4)を積分すると、 $P_{f}(x) = 2\pi R_{f} \sigma_{t} x$ (7) であり、 $P_{f}(x)$ を繊維応力 $\sigma_{f}(x)$ に変換すると、

$$\sigma_{\rm f}(x) = \frac{2\tau_{\rm I}x}{R_{\rm f}} \tag{8}$$

となる.

繊維が十分に長ければ σ_r は繊維端から直線的に増加し、 やがて繊維の破断歪がマトリックスの歪に等しくなると せん断応力が働かなくなり、 σ_r は以後一定の値をとる.こ の状態を示したものが図4である。図4では σ_r は台形の 分布になり σ_r の最大値 σ_r (max)が繊維の引っ張り強度



図3 Shear lagモデルにより繊維応力を解析するためのモデル(Kelly-Tysonのモデルではri=rmy(一定)と考える)





 σ_{ru} に達すると繊維が破断し始める.このとき、 σ_r が σ_{ru} に 達するのに必要な長さ l_c と繊維の直径 R_r の比はアスペク ト比 (aspect ratio) と呼ばれ,

$$\frac{l_c}{R_t} = \frac{\sigma_{tu}}{\tau_1} \tag{9}$$

で表される。繊維のアスペクト比 l_t/R_t ぶ l_t/R_t よりも大き ければ繊維強度までの応力が加わることが可能であり, 逆に, l_t/R_t が l_t/R_t よりも小さければ繊維は三角形の応力 分布をとり,繊維強度に達することはできない。図5は l_t , l_t と σ_t の関係を示したものである。

通常,繊維強化金属の強度を考える場合に、繊維の寄 与としては図5に与えられた繊維の応力分布を繊維長さ で平均化した値のが用いられ、4>6の場合には

$$\overline{\sigma}_{r} = \frac{\int_{0}^{L} \sigma_{r}(x) dx}{l_{r}}$$

$$= \sigma_{ru} \left(1 - \frac{l_{c}}{2l_{r}} \right)$$
(10)

なので、短繊維が一方向に整列している場合の最も単純 な複合則*による引っ張り強度 σ_{cu} は、

$$\sigma_{\rm cu} = \sigma_{\rm fu} f \left(1 - \frac{l_c}{2l_t} \right) + \sigma_{\rm m}' (1 - f)$$

$$= \sigma_{\rm ru} f \left(1 - \frac{\sigma_{\rm fu} R_{\rm f}}{2 l_{\rm f} \tau_{\rm i}} \right) + \sigma_{\rm m}' (1 - f) \tag{11}$$

となる.ここで, σ_{fu}は繊維強度, σ_m'は複合材料破断時の マトリックス単体の応力である.式(11)の複合則は図6



生産研究

145

図5 繊維長さ (l_t) とcの大小関係による繊維応力 (σ_t) の 変化, σ_{tu} は繊維の破断強度を示す. (c)の場合厳密には 繊維応力 σ_t は σ_{tu} に限りなく近い値であり、 $\sigma_{tu} - \sigma_t c 0$ と考えられる場合である.

(a)に示した場合であるが, *k*□∞とすると,図6(b)の
 場合の連続繊維が一方向に並んでいる場合の強度に関す
 る複合則

$$\sigma_{cu} = \sigma_{ru} f + \sigma_{m}'(1-f)$$
 (12)
に等しくなる。

式(11)からわかるように複合材料の強度は繊維軸に直 接力が加わる場合を除いては複合化によって人工的に導 入した構成素材の特性からは予期できない界面せん断強 度式が強化機構にとって重要であることがわかる.Kelly-Tysonのように界面長さを考慮した界面力学に関する考 察はこの他にも数多く行われている^{5~9)}.ここでは、最も 単純で物理的意味の理解しやすいモデルとしてKelly-Tysonモデルを取り上げた.

3. 界面せん断強度の分類

Kelly-Tysonの理論では界面せん断強度はマトリック スのせん断降伏応力 τ_{my} を基準として考えていた。一方, 界面せん断強度をさらに細かく分類すると,

- (1)せん断剝離強度 (interfacial shear debonding stress),
- (2)せん断滑り強度 (interfacial shear sliding stress),

の二つに分類される。このような分類の概念は繊維強化

^{*}ここでは、繊維とマトリックスが等歪で変形し、複合材料の 破壊は繊維の破断が生じることにより引き起こされることを 仮定している.このような条件下で式(11)、(12)の複合則は 一本の繊維をマトリクッス中に含む材料では良い近似を与え るが、実際の複合材料のように数多くの繊維を含む場合には 材料破壊時の強度は破壊過程に依存するところが大であり、 式(11)、(12)を用いるには問題がある.詳しくは、香川 豊、 大蔵明光:鉄と鋼、75(1989)、1719、および参考文献1)を参 照にしていただきたい。





図6 繊維強化金属で考えられる繊維への応力伝達モデル。 (a)では繊維の負荷荷重の伝達はマトリックスを通し て行われる。

セラミックス(脆性マトリックス)複合材料の分野では これらの値が比較的小さいために古くから分離されてい たが繊維強化金属の分野では値自体がマトリックスのせ ん断降伏応力に相当する程度大きい場合には界面せん断 強度はマトリックスのせん断降伏応力との大小関係で議 論されることが多かった.

しかし、セラミックス繊維強化金属のように反応を伴 う界面が現れる系ではヵにマトリックスのせん断降伏応 力を用いては定性的な話しかできない場合が多く、上記 二種類のせん断強度の定義とその値のマトリックスのせ ん断降伏応力との大小関係を考え従来の実験結果あるい は理論的解析を見直す必要があるものと考えられる.

4. 繊維破断とせん断応力分布

ここでは、界面せん断力学特性を前節の考え方に従っ て繊維強化金属で大切な繊維破断後のせん断応力の分布 がどのようになるかを説明しよう.ここでは、仮定とし て、繊維の破断歪がマトリックスよりも小さく、繊維破 断がマトリックス中で生じた場合を考察しよう.

このような場合に繊維とマトリックス間のせん断応力 の分布は古くから研究が行われていたが、その大多数は τ_{my} を基準とするものであり、前述の二種類の界面せん断 強度を考慮するとその分布には再考が必要であることは 明らかである。

二種類の界面せん断応力を考慮したモデルでは破断し た繊維の回りのせん断応力の分布は*r*_{my}, *r*_a, *r*_bの大小関 係により大まかに分類すると図7(a),(b),(c)のい ずれかになると考えられる。図7で界面の剝離の有無で 応力分布は異なり,せん断剝離応力と滑り応力の差,お よびこれらの応力とマトリックスのせん断降伏応力の大 小関係により分布が異なることがわかる。図7中で一点 鎖線は繊維が破断した直後に界面剝離や滑りが生じる直 前,あるいはせん断降伏応力に達する直前の分布を示し ている。



図7 マトリックス中で破断した繊維の破断個所からの繊維 ーマトリックス界面に沿ってのせん断応力の分布(実 線).(z_{my}:マトリックスのせん断降伏応力,z_a:界面せ ん断距離応力,z₅:界面せん断すべり応力).

なお、本来は剝離している先端では図8のようにノッ チ先端のプロセスゾーンに相当するような損傷領域が存 在し、現実的にはせん断応力の分布は図8中の破線のよ うになることも予想されるが現状ではこのような詳細な 検討は行われていないので、通常は、図7の実線で示し た応力分布に対しては無視できるほど小さいものとして 取り扱われている.

実際の破壊過程中でのせん断応力の分布が破壊過程に 与える影響は明らかではないが繊維とマトリックス間で 十分な応力伝達が可能であれば図7(b),(c)のような 場合には隣接繊維への応力集中を緩和できるので大きな 強化効果が期待されると考えられる.いずれにせよ、nを いかに制御して複合材料を作り出すかということがプロ セス技術にとっても大切であり、プロセス技術で最適化を 図る新しいアイディアの提示が緊急の課題となっている.

5. 界面せん断応力の制御

ここでは, 複合材料の特性を論じるときに必要な界面



図8 実際の材料で考えられる繊維とマトリックス間のせん 断応力分布例(破線). r₄< r_mと仮定して示した図.

せん断強度特性とそれを支配する要因について説明し, 制御のための基本的な考え方と制御パラメータを説明す る.なお,すでに図7に示したように界面せん断剝離応 力とマトリックスのせん断降伏応力の大小関係で考え方 が異なる。もし,マトリックスのせん断応力一歪曲線が 完全弾塑性体であれば,いったん,せん断降伏応力に達 した後には一定値となる。せん断剝離応力がマトリック スのせん断降伏応力 τ_{my}を越えれば界面せん断剝離応力 はマトリックスのせん断降伏応力(一定と仮定)で与え られる。以後の考え方は τ_d, τ_sが τ_{my}よりも小さい場合の 取り扱いである。

5.1 界面せん断剝離応力

界面が滑るためには界面が剝離していることが必要で ある.界面が剝離するために必要なせん断応力は界面の 化学的結合力によるところが大である.繊維とマトリッ クス間の反応は図9に示した.

- (1)繊維/マトリックス間で何の化学反応も生じない (a),
- (2)繊維/マトリックス間の成分が相互固溶するが化 学反応物を作らない(b),
- (3)繊維/マトリックス間で成分が反応し、新しい生 成物を作る(c-1, c-2)、

という三つのグループに大別される¹⁰. ここで注意しな ければならないことは同じ繊維とマトリックスを用いた 複合材料でも複合化後の界面の状態はその成形プロセス に大きく依存するということである. 繊維とマトリック ス間の反応生成物は今までに行われた研究結果を整理し てみると, 熱力学の知識により大部分が予測できるもの である.

現実的に重要な(3)の場合から界面せん断剝離応力の 制御の一例を紹介しよう.最近,著者らの研究いによると



図9 セラミックス繊維と金属マトリックス間に生じる界面 状態の分類。

SiC(CVD)繊維強化TiあるいはTi合金系の複合材料で はプロセス温度,時間での界面反応は避けることができ ず,むしろ,繊維表面のコーティング層とマトリックス 間で安定な反応生成物を作り,かつ,コーティング層の 働きにより繊維に損傷を与えなければ反応生成物の特性 により界面力学特性を制御し,かつ,複合材料の要求特 性に最適な界面状態を与えることができることが明らか になっている.

この例のように界面の反応が物質移動を伴う場合には 反応層の内部に物質移動によるボイドが生成され、その 部分では界面に欠陥を導入したもののようになり界面剝 離強度は著しく低下する.しかし、反応は繊維自体の表 面に行われたおよそ3µmの炭素に富むコーティング層 内のみで生じ、繊維強度には全く影響しない.図10はSiC (CVD)繊維強化Ti複合材料に見られる反応生成物とマ トリックス間のボイドとプッシュアウト試験時のこの部 分での破壊を示したものである¹²⁾.このように界面にこ のほかにも、繊維とマトリックス間の熱的な膨張率のミ スマッチにより複合化後に界面が剝離してしまったりす ることもあるので剝離応力の解釈には注意が必要である.

ここまでの議論では界面の応力に着目していたが、界 面のせん断剝離応力のかわりに界面せん断剝離エネル ギー Γ_1 (あるいはエネルギー解放率:G)が用いられる場 合がある。繊維体積率が小さい場合には界面の剝離に要 したエネルギーが繊維あるいはマトリックスにすべて吸 収されるとすると、Gは

$$G_{\rm I} \approx \frac{\sigma_{\rm d}^2 R_{\rm f}}{4E_{\rm f}} \tag{13}$$

で与えられる².ここで, σ₄は界面剝離時の繊維応力であ る.金属をマトリックスとする場合には測定上の問題か ら界面剝離エネルギーは使いにくいがセラミックス系マ トリックスの場合には界面剝離エネルギーを実験的に求

生 産 研 究 147



図10 SiC(CVD)繊維強化Ti合金に見られる界面反応層での せん断破壊. (push-out試験による,この場合には_{てa} ~ _{て5} < r_{my}である).

めることも可能である。応力基準とエネルギー基準の相 関関係や使用方法については今後の課題である。

5.2 界面せん断滑り強度

界面が剝離した後はマトリックスと繊維の間で滑りが 生じる.このときの、せん断滑りには対する抵抗は界面 の状態を図11のように仮定すると、せん断滑り強度を

σ,は材料の変形中に繊維とマトリックスが異なる変形 能力を持つことにより発生する応力である.いま,図12 のような軸対称円筒モデルを考えると,界面に働く半径 方向の応力成分σ,は繊維とマトリックス間で滑りが生じ ていない場合には

 $\sigma_{\rm r} = \frac{K_{\rm m} \left(1 - 2\nu_{\rm m}\right) \left(\nu_{\rm m} - \nu_{\rm f}\right) f \left(1 - f\right) \varepsilon_{\rm c}}{\left[f \left(1 - 2\nu_{\rm m}\right) \left(1 - K_{\rm m}/K_{\rm f}\right)\right] + \left[1 + \left(1 - 2\nu_{\rm m}\right) \overline{K_{\rm m}}/K_{\rm f}\right]}$ (15)

で表わされる^{12,13)}.ここで, $K = E/[(1+\nu)(1-2\nu)]$ であ り、 ν_i 、 ν_m はそれぞれ繊維とマトリックスのポアソン比, ϵ_c は複合材料の引っ張り歪である。式(15)の σ_i は複合材 料の縦変形の符号と一致し、複合材料が引っ張り応力を 受けているときには正の符号を持つ。したがって、もし σ_i が正ならば界面に圧縮応力が働き、式(14)よりそのと きの η を見積ることができる。

𝔥は複合材料の成形温度Tから室温までの冷却の過程



図11 繊維強化金属の界面剝離後の界面せん断すべり応力_{rs} を支配する材料パラメータ.(剝離は繊維あるいは反応 層とマトリックス間で生じ,k=0と仮定している)



図12 熱応力の単純な解析に用いられる軸対称円筒モデル R_c と R_t の間には $R_c = R_t/\sqrt{f}$ の関係がある.

で生じる残留熱応力であり、成形温度で $\sigma_0 = 0$ としている(実際にはマトリックス中に残留応力が蓄積され始める温度である).残留熱応力に関しては古くから数多くの理論的解析手法が提案されている.一例を示すと、図12に示した軸対称円筒モデルを用いたときの解析結果では次のように与えられる.**

$$\sigma_{\mathbf{r}}^{\mathrm{m}} = A\left(1 - \frac{1}{f}\right) \tag{16}$$

$$\sigma_{\theta}^{m} = A \left(1 + \frac{1}{f} \right)$$

$$\sigma_{x}^{m} = \alpha_{m} E_{m} T f \left(\xi - 1 \right) \times$$
(17)

$$\times \frac{B\eta (1 - \nu_{\rm m}) - 2(1 - f) (1 + \nu_{\rm f}) (\nu_{\rm m} - \nu_{\rm f})}{B (1 + \nu_{\rm m}) [1 - f (1 - \eta)] + 2f (1 - f) (\nu_{\rm m} - \nu_{\rm f})^2} + 2\nu_{\rm m}A \tag{18}$$

ここで

$$A = \alpha_{m} E_{m} Tf$$

$$\frac{(\nu \eta - \nu_{t}) \left[1 - f(1 - \gamma \eta)\right] - \left[1 - f(1 - \eta)\right]}{B(1 + \nu_{m}) \left[1 - f(1 - \eta)\right] + 2f(1 - f)} \times \frac{\left[(1 + \nu_{m}) - \xi(1 - f)\right]}{(\nu_{m} - \nu_{t})^{2}}$$
(19)

 $B=2(1-\nu_{m})f+(1-f)[(1-\eta)+2\eta(1-\nu_{m})]$ (20) ここで、ΔTは温度差、 $\eta=E_{t}/E_{m}$ 、 $\xi=\alpha_{t}/\alpha_{m}$ であり、 α は熱膨張係数であることを示す。式(16)-(20)から繊維 内の応力は

$$\sigma_{\rm r}^{\rm f} = \sigma_{\theta}^{\rm f} = -\frac{1-f}{f}A \tag{21}$$

$$\sigma_x^{\rm f} = -\frac{1-f}{f} \sigma_x^{\rm m} \tag{22}$$

で与えられる.この式は繊維,マトリックスともに弾性 変形する場合であり,マトリックスの応力状態が降伏条 件を越えない場合に適用できる.このような解析をさら に進めたものとしてマトリックスが塑性変形する場合な どの解析的な解も求められている¹⁹.

このような解析から絶対値はともかくとして、複合化 後の材料で繊維の径方向とマトリックス間の熱膨張率の 関係が $\alpha_t > \alpha_m$ ならば界面が離れるような熱応力が働き, その逆ならば界面が締め付けられるような力が働くこと は明らかである.なお、通常の繊維強化金属では $\alpha_t > \alpha_m$ なので常温では界面は締め付けられるように働くことに なる.

金属をマトリックスとする複合材料の場合には 60の値 の最大値はマトリックスの降伏応力程度と考えられてい る. なお,残留熱応力は径方向の熱応力のみでなく軸方 向の熱応力の影響も大きいことには留意しなければなら ない.

界面の摩擦係数は剝離した面の凹凸に依存し,垂直応 力成分は内部熱応力に影響される.界面のせん断滑り応 力が式(1)に従うならば図3で微小長さ*dx*の部分での 繊維の軸方向の力を*dP_i*(*x*)とすると,

$$\frac{dP_{\rm f}(x)}{dx} = 2\pi R_{\rm f} \mu \left(\sigma_0 + k\sigma_{\rm r}\right) \tag{23}$$

なので,式(23)からnを求めると最終的には,図3でnの 分布は,

$$\tau_1(x) = \mu \left(\sigma_0 + k\sigma_r\right) \exp\left(-\frac{2\mu kx}{R_r}\right)$$
(24)

となる¹⁸⁾. この式は図3で繊維の軸方向に沿った繊維応 力を示している.式(24)から明らかなように繊維の軸方 向の応力は μ や σ_0 , σ_r に依存している.ただし, τ_s の最大 値はマトリックスの変形が完全弾塑性体であるとすると τ_{my} であり,また, $(\sigma_0 + \sigma_r)$ の最大も $\sigma_0 + \sigma_r > 0$ ならば, マトリックスの降伏応力 σ_{my} (=2 τ_{my})であると考えられ る.

このようなパラメータを人為的に制御すれば界面せん 断滑り強度を制御した複合材料が得られることになる. また,このときの値は界面せん断剝離応力とは独立して 働くと考えられる.

6.まとめ

繊維強化金属基複合材料を対象に界面力学特性につい て重要性,分類方法ならびに制御の方法を概説した。複 合材料の理論的解析には界面せん断力学特性は不可欠な 要素であり,重要なパラメータとして用いられてきた。 しかし,界面の力学特性を測定してその値と種々の構造 敏感な特性との対応付けは最近始まったばかりである。

今後は、十分に分類された界面力学特性と破壊,強度 の相関関係の理解,および界面力学特性の測定方法の確 立とそれを用いた複合材料の強度,破壊靱性値との相互 関係の検討などが必要であると考えられる.また,理想 とする界面特性を作り出すためのプロセス技術の進歩も 不可欠であることはいうまでもない.

(1991年1月28日受理)

参考文献

- 1) 香川 豊: 繊維強化複合金属, CMC, (1987).
- 香川 豊,八田博志:セラミックス基複合材料,アグ ネ承認風社,(1990).
- 3) H.L. Cox: Br. J. Appl. Phys., 3 (1952), 72.
- A. Kelly and W.R. Tyson: High Strength Materials, John Wiley & Sons, (1965), p. 578.
- A. Kelly: Strong Solids, 2nd. Ed., Clarden Press, Oxford, (1973), p. 277.
- A. Kelly and G.J. Davis:Metall. Rev., 10, 37 (1965),
 1.
- W.R. Tyson and G.J. Davis: Br. J. Appl. Phys., 16 (1965), p. 199.
- 8) M.R. Piggott: Acta Met., 14 (1966), 1429.
- 9) M.R. Piggott: Load Bearing Fiber Composites, Pergamon Press, Oxford, (1980), p. 277.
- A.G. Metcalfe: Composite Materials, Vol. 1, Interfaces in Metal Matrix Composites, Eds. by A.G. Metcalfe, Academic Press, New York, (1974), p. 65.

^{**}ここで述べた式が理論的に最も妥当であるとは言えない.一 つの参考例として,材料を構成する素材の特性の働きを知る ための目安として記述した.実際に式を用いて考察を行う場 合には式を導いた際の仮定や条件を十分に考慮しておくこ とが必要なことは言うまでもない.

150 43巻3号(1991.3)

- 11) Y. Kagawa, T. Fujita, and A. Okura: Proc. ICCM-7, Hawaii, (1991),投稿予定.
- 12) Y. Kagawa and A. Okura: 投稿予定.
- 13) A. Kelly and C. Zweben: J. Mater. Sci., 15 (1980), 3122.
- 14) Карпинос Д. М., Тучинский Л. И. Термические напряжения в металлах, армированных волокнами. --Порощковая металлургия,

1968, No. 11, c. 77.

- 15) たとえば, H. Poritsky: Physics, 5 (1934), 406., A. W. Hull and E.E. Burger: Physics, 5 (1934), 384., O. Hoffman and G. Sachs: Introduction to the Theory of Plastisity for Engineers, McGraw-Hill, New York, (1953), p. 81, など.
- 16) A. Takaku and R.G.C. Arridge: J. Phys. D., 6 (1973), 2038.



生産研究