# 第2章 レーザーフォーカス変位計(LFD)による 液膜流動特性の計測

## 2.1 緒言

既存の解析モデルの拡張・高精度化のためには、軸方向全域に渡る液膜厚さおよび界 面波の時空間変動特性を詳細かつ高精度に捉えることが不可欠となる。また近年、数値 解析手法の高度化やコンピュータの高性能化によって、従来の実験技術では測定が困難 であった二相流特性のかなりの部分を数値計算によって予測することが可能となったが、 それとともに二相流現象の局所特性や時間依存特性の実験データが求められるようにな った。特に液膜破断条件と密接に関係するサブミクロン厚さの局所変動やミクロン単位の 細かい波の挙動、数ミリオーダの大きい波への成長過程については、より厳密に評価する 必要があるが、どこまでこれらの諸物理値を微視的に扱えるかという問題については、液 膜厚さおよび界面波の計測機器性能に依存するところが大きい。これまでの液膜厚さの時 空間的変動や分布の測定には、触針法、静電容量法、定電流法などの電気的手法よる測 定技術が一般的に用いられてきたが、これらの手法にはそれぞれに電極を流動部に挿入 するため流れを乱す、液膜の厚さを電極間の空間平均値として捉えるために実界面の諸 情報を正確に測定することができないなどの原理的短所を有している。さらに多くの場合、 センサーをテスト部に固定しなければならず、測定点が限られるなどの理由から、軸方向 の多数点のデータを得ることが難しい。そのため液膜界面構造を、軸方向の限られた空間 でかつモデル化や数値解析結果の検証等に要求されるスケールに対して巨視的に整理 せざるを得ない状況にあり、信頼ある実験データの不足がこの領域の二相流研究の進展 を妨げている。従って、優れた時間・空間分解能を有し、かつ、非接触による詳細で精緻 な測定を保証する計測手法の開発が、液膜流を対象にした研究分野の重要な課題となっ ている。この章では、以上のような二相流測定技術の現状を背景とし、レーザーフォーカス 変位計による高精度膜厚測定方法を提案する。この章の目的は、LFDの液膜流動特性 (液膜厚さ、界面変動波形)の高時空間分解能測定方法としての可能性を検討しその有 効性を確認することである。平板上および円管内壁面に形成する液膜を対象にLFDの測 定方法を検討するとともに、それぞれの測定体系における計測特性と精度を検証する予 備実験を行った。

## 2.2 LFDの測定原理、特徴および利点

この節では、これまでに例がない全く新しい液膜の測定手法である、レーザーフォーカス変位計(LFD)による液膜厚さの測定方法を提案し、その原理、方法、測定精度について検討する。

#### 2.2.1 LFDの測定原理

Fig. 2.1にLFDの測定原理概念図を、Photo. 2.1にLFD全景を示す。図のように光源から 照射されたレーザー光は、ハーフミラー、対物レンズを通り対象物上で小さなスポットを形 成する。対象物より散乱反射した光は再びハーフミラーまで戻り、直角に反射してピンホー ルの位置で一点に集光されるため、ピンホールを通過し受光素子に到達する。対象物の 距離が変動すると、反射した光はピンホールの位置で集光されずぼやけ、ほとんどの光は ピンホールを通過できず受光素子にはわずかな光しか到達しないので受光信号として感 知できなくなる。これを共焦点原理と呼ぶが、LFDはこの原理を応用し、対物レンズを音叉 によって機械的に高速動させることにより、レンズがどの位置にある時に、光がピンホール を通過するかを検出することで対象物までの距離を測定する。

LFDの原理は、対物レンズをモーター駆動して焦点距離を検出するカメラのピント合わ せの動作と同じであるが、このように音叉とレーザーの使用により時空間的分解能は著しく 高くなっている。カメラのピント合わせが対象物の表面形状によらず焦点検出ができるのと 同様に、LFDはこれまで測定が難しかった大きな曲率を持った波、すなわち細かい波でも ロールウェーブのような多価関数にならなければその界面位置や波の周期を正確に測定 することができる。

### 2.2.2 LFDの特徴および利点

LFD の他の液膜計測方法に対する長所を以下に整理する(Table 1.1 参照)。

- (1) 光量や反射角度ではなく、対象物と焦点の合うレンズ位置を検出しているため、従来 の三角測量方式では避けられなかった界面の波立ちによる測定誤差、液膜へのもぐり 込み光の影響(APPENDIX A 参照)がない。
- (2) スポット径が2µmと非常に小さいため、これまでの計測計ではとらえられなかった小さい波の高さ、形状を正確に測定することができる。

- (3) 対象物に非接触なため、流れを乱すことなく正確に測定できる。
- (4) 作動距離の自由度が 28 mm ± 1 mm と大きいため、広範囲の流動条件に対応でき、 また取り付け、設定、計測を容易に行うことができる。

1

(5) 薄膜の界面で反射する光と、壁面で反射する光をセンサに取り込み、自動的に膜厚 を演算することができる。そのため、三角測量方式のセンサ2台による煩雑な挟み込み 測定が解消され、センサ1台で1方向から液膜の厚さ、界面形状測定が可能である。 LFDの主要仕様をTable 2.1に示す。

以上のように、LFDは液膜界面の瞬時局所特性を非接触かつ高時空間分解能で入手 できる可能性を有しており、従前の電気的手法に変わる二相流計測技術として極めて有 望であると言える。唯一の欠点は、点計測であるため、液膜厚さの時空間領域での多次元 性を入手できないこと、また管内流を対象にした場合、非加熱系での計測に限られるとい うことである。

Measuring range	$\pm$ 1mm
Operating distance	28 mm
Light source	Semi-conductor laser (670 nm), max 20 $\mu$ W, class 1
Sampling frequency	1.4 KHz (minimum)
Temp. characteristics	$\pm$ 0.25 % of F.S. (20 - 30 °C)

Table 2.1 LFD specifications



Fig. 2.1 Principle of Laser Focus Displacement meter (LFD)





# 2.3 LFDの時空間分解能

次にLFDの測定精度を検討するため、測定分解能、直線性、時間分解能(応答時間)の 検証および表面傾斜に対する測定限界を評価する実験を行った。

### (1) 測定分解能と直線性

測定対象物が静止している場合においても、LFDからの測定出力値自身とデータ収録 器のノイズにより測定値にゆらぎが発生する。このゆらぎの幅がLFDで認識できる変位量 の限界すなわち測定分解能となる。また、LFDからの測定出力値は距離に対して比例関 係にありほぼ直線的であるが、理想直線に対して僅かなずれがあり、この理想直線に対す るずれ(直線性)がLFDの測定精度を示す一つの指標となる。ここではLFDによる測定の 最大誤差を、これら計測分解能と直線性を足し合わせたものとして評価する。

LFDの測定分解能は、対象物が完全に固定された状態での測定値変動幅の最大値と して評価する。測定分解能は測定対象物の反射率すなわち色や表面粗さによって変化 するが、検証実験では実際の液膜を想定し、透明ガラス平板の表面位置を対象とした。 LFDにより透明ガラス平板の表面位置を測定し、検出される表面位置電圧信号の時系デ ータをデータ収録器(16ビットAD変換、サンプリング周波数:8.2 kHz)に取り込んだ後、電 圧値を変位量に換算して評価した。Fig. 2.2に測定結果の代表例を示す。2秒間のデータ のサンプリングを計10回行った結果、測定値の変動幅は最大0.35 µmであった。

LFDの直線性は、Fig. 2.3に示されるように、透明ガラス平板表面とLFDの距離を変化さ せ、その移動距離とLFDの検出値を比較することで評価される。LFDのプローブ本体は、 最小1 µmで調節可能なトラバース装置(精度:±0.1 µm)に取り付けられており、コンピュ ータによる遠隔操作でLFDと平板の距離は任意に設定される。LFDの焦点基準(28 mm) を中心として、平板-LFD間の距離をLFDの最大測定レンジである±1 mmの範囲で移動 し、設定距離とLFDの測定値を比較した。Fig. 2.4、Fig. 2.5に測定結果を示す。LFDの焦 点基準位置を中心に距離が離れるに従い誤差は増加する傾向にあり、最大で1.1 µmの 誤差となるが(Fig. 2.4)、100 µm以下の極微小な変位に対しては精度が高く、0.5 µm以内 の誤差範囲となった(Fig. 2.5)。

以上の測定分解能と直線性の検証実験結果より、LFDの最大誤差は、焦点基準位置よ り100 µm以下の変位に対して0.85 µm、100 µmより大きい変位に対しては1.45 µmと評価 される。

### (2) 透明体の厚み測定精度

LFDは一台のセンサで透明薄膜の界面で反射する光と、裏面で反射する光を同時に 取り込み、膜厚を演算することができる。しかしながら、Fig. 2.6に示すように、膜厚が薄くな ると、界面からの受光波形と裏面からの受光波形が重なるため、光量ピークの位置検出が 不安定となり、測定精度が悪くなったり、誤測定する場合が生じる。そこで薄膜の厚みに対 する精度を評価する必要がある。Fig. 2.7は厚み、屈折率が既知の透明ガラス平板の厚み をLFDにより測定し、透明ガラス平板の公称厚みとLFDによる膜厚測定値を比較した結果 である(データ提供:キーエンス社)。比較結果にはガラス平板の公称厚さに対する誤差や 屈折率補正などによる誤差も含まれており、LFD自身の測定精度を厳密に評価することは 困難であるが、20 - 80 µmの厚さ測定に対して全ての誤差要因を含めた最大の誤差は3 µmであった。

#### (3) 応答時間

対象物がある点からある点へ瞬間的に動いた時、LFDの検出値が安定するまでの時間 をLFDの応答時間として評価する。Fig. 2.8に示すように、同じ厚さの二枚の透明ガラス平 板(公称厚さ1.3 mm)を重ね合わせ、その上面の高さ位置をLFDで測定する。上段の平板 を水平に高速移動させた際のLFDが検出する高さ位置信号の時系データを入手し、高さ が変化してデータが安定するまでの時間を評価した。Fig. 2.9に測定結果の代表例を示す。 計10回の測定により評価された応答時間は、最大で1.1 msであった。

#### (4) 表面傾斜に対する測定限界

LFDは原理上、対象物表面の形状や傾きによらず、焦点位置を検出できるが、対象物の傾きが増加すると受光量が減衰するため、ある傾きを越えた時点で焦点位置を検出できなくなる。よって、ここでは対象物の表面傾斜に対する測定限界を評価する。表面傾斜に対する測定限界は対象物の反射率によって変化すると考えられるが、ここでは実際の液膜を想定し、透明ガラス製円柱(直径5 mm)の外形を対象とした。Fig. 2.10は表面傾斜の測定限界を評価するための装置概念図である。透明円柱の上部にLFDを設置し、円柱の頂点から径方向に75 µmの間隔でLFDを移動して、各傾斜位置における円柱外表面の高さ位置を測定した。Fig. 2.11に測定結果を示す。傾斜角の増加に従い受光量は徐々に減衰するが、傾斜角33°までは精度良く円柱の外表面位置を検出できた。傾斜角が33°を超えると受光量が検知レベルを下回り、検出不可能となった。よって透明体を対象にした場合のLFDの傾斜に対する測定限界は約30°と評価することができる。

以上に示した測定分解能、直線性、応答時間の検証および表面傾斜に対する測定限 界の評価結果から、LFDは液膜界面波の測定に対して十分な測定精度と検知能力を有し ていると言える。



Fig. 2.2 Estimation of spatial resolution



Fig. 2.3 Apparatus for the estimation of linearity



Fig. 2.4 Estimation of linearity



Fig. 2.5 Estimation of linearity in displacement under 100 µm



Fig. 2.6 Relation between received light wave and thickness of transparent film



Fig. 2.7 Estimation of measurement for thin film thickness





Fig. 2.8 Apparatus for the estimation of response time



Fig. 2.9 Estimation of response time



Fig. 2.10 Apparatus for the estimation of detection limits to surface inclination



Fig. 2.11 Estimation of detection limits to surface inclination

# 2.4 LFDによる液膜厚さの測定方法と精度の検証

2.4.1 LFDによる液膜厚さの測定方法

壁面上に形成される液膜の厚さのLFDによる測定は、液膜界面側からあるいは透明壁裏 面側から行うことができる。

(1) 透明壁裏面側からの測定

Fig. 2.12に示すように、レーザー光を透明壁裏面側から照射した場合、LFDは1周期の 対物レンズの往復運動により、液界面および壁面の位置を検出でき、見かけの液膜厚さを これらの差として出力することができる。薄膜の界面で反射する光と、壁面で反射する光を センサに取り込み、自動的に膜厚を演算することができる。そのため、壁面が移動する場 合などには、三角測量方式のセンサ2台による煩雑な挟み込み測定が解消され、センサ1 台で1方向から液膜の厚さ、界面形状測定が可能である。しかしながらこの方法で得られる 値には屈折による誤差成分が含まれており、正確な値を得るためには補正が必要となる。

### (2) 液膜界面側からの測定

液膜の界面側から測定する場合、LFDに取り込まれる液膜界面および透明壁表面の焦 点信号の位置関係はFig. 2.13の様になる。この場合、液膜界面の出力信号は問題なく検 出することができるが、レーザー光が液膜内へ入射する際に界面での屈折によってその光 路(焦点位置)が大きく変動するため、壁面からの出力信号は常に振動もしくは減衰が生 じることになり、透明壁裏面側からの測定のように一回の測定で両反射光を取り込み液膜 厚さを求める方法では十分な精度で液膜厚さを計測することができない。そこで以下に示 す手順で液膜厚さを求めている。

- 1. 液膜が流れていない、乾いた状態の壁面焦点出力値をあらかじめ測定しておく。
- 2. つぎにマスク処理(任意の設定区間内に存在する信号を取り込まないようにする機能) で壁面周辺の焦点位置信号を強制的に除去し、液膜界面変位量のみを測定する。
- 3. 最後に両測定値の差分量を演算して液膜厚さを求める。

この方法だと、屈折率の違いによる測定誤差を考慮にいれる必要がなく、理論上液膜 厚さを正確に測定することができる。しかしながら計測対象物およびLFD本体自身の振 動による測定誤差が問題となる。







2.4.2 平板上に形成する液膜の測定

### (1) 透明平板の屈折補正

2.4.1項で述べたように、液膜厚さをLFDで測定する場合、透明壁裏面側からと液膜界 面側からの2種類の測定方法があるが、前者の場合はレーザー光が透明壁および液膜に 入射する際の屈折による影響について評価する必要がある。そこで、各媒体中を通過する レーザー光の光路をスネルの法則により予測し、実際の焦点距離との差異から理論上の 屈折誤差と屈折補正係数を算出する。

光路は均質、等方性の媒体の中では直進する。ここでは、空気、透明壁、液体のそれぞれの媒体は均質、等方性であるとし、光路は空気 – 透明壁、透明壁 – 液体の界面のみで 屈折し、各媒体中では直進するものとする。

いまFig. 2.14に示すような空気-透明壁-液体を通過するLFDのレーザー光路を考え る。空気中のレーザー光路は透明壁と空気の屈折率の違いにより進路を曲げられ、透明 壁内を直進する。同様に液体中のレーザー光路は透明壁と液体の屈折率の違いにより進 路を曲げられ液体中を直進する。すなわち、各媒体中でのレーザー光路はそれぞれの層 の屈折率N、入射角度 KA、交点の位置からスネルの法則により決定される。LFDのレーザ ー光はプローブの先端から空気中へ円錐状に一定の角度で入射する。そして対物レンズ によって焦点距離(プローブ先端でのレーザースポット径)を一定範囲一定周期で変化さ せ、対象物より反射されるレーザー光が最も強くなる位置(対象物上での焦点位置)をセン サで測定することにより、対象物までの距離を測定する。よってLFDのレーザーを透明壁 裏面側から照射したとき、液界面および透明壁表面でのそれぞれの焦点位置と各媒体中 におけるレーザー光路は図の実線の様に表すことができる。

図よりLFDで測定された液界面での焦点位置出力値を $x_1$ 、透明壁裏面の出力値を $x_2$ 、またレーザー光の透明壁への入射角および液体への入射角をそれぞれ $\kappa_A$ ,  $\kappa_F$ とすると実際の液膜厚さ  $\delta$  は

$$\delta = (x_1 - x_2) \frac{\tan \kappa_A}{\tan \kappa_F}$$
(2.1)

で与えることができる。

さらに空気の屈折率、透明壁の屈折率、液体の屈折率および透明壁界面における屈折 角をそれぞれN<sub>A</sub>, N<sub>w</sub>, N<sub>F</sub>, K<sub>w</sub>とすると、スネルの法則より基本式は

$$N_{\rm A} \sin \kappa_{\rm A} = N_{\rm W} \sin \kappa_{\rm W} = N_{\rm F} \sin \kappa_{\rm F} \tag{2.2}$$

で表すことができ、整理して、

$$\kappa_{\rm F} = \sin^{-1} \left[ \frac{N_{\rm A}}{N_{\rm F}} \left( \sin \kappa_{\rm A} \right) \right]$$
(2.3)

となる。

ここで常温大気圧下の空気の屈折率 $N_A = 1$ 、液体(水)の屈折率 $N_F = 1.32$ 、またLFDの レーザー角 $\kappa_A = 11.5^\circ$ を(2.1), (2.3)式にそれぞれ代入し、両者を連立させて解くと、実際 の液膜厚さ  $\delta$  は

$$\delta = 1.332 \left( x_1 - x_2 \right) \tag{2.4}$$

で表すことができる。

この簡単な式は液膜が液界面および壁面の位置の差から計算されるとき、屈折の補正 係数は透明壁の厚さ、屈折率およびLFD-透明壁間の距離等にはよらず空気と液体の 屈折率のみに依存し、1.332となることを示している。この値をLFDで測定された液膜厚さ の値に乗ずることによって真の液膜厚さを測定できることになる。

### (2) 平板液膜における測定精度の評価

次に上述の補正係数が実際の測定に適用できるかどうかを、二つの予備実験によって 評価した。Fig. 2.15, Photo. 2.2はシリンダと底面に観測窓をもった水槽からなる1番目の予 備実験装置である。シリンダはコンピュータからの信号により、1 μmの精度で上下にトラバ ースすることができる。液膜厚さに相当するシリンダ底面と観測窓上面との距離&は、窓の 下に置かれたLFDにより測定される。また測定値δmへのLFDから窓下面までの距離dの影 響を確認するために、LFDはマイクロメータによって上下に移動できる。

Fig. 2.16は&と&mの関係を示している。LFDと窓表面の異なる距離を示す図中のマーク は完全に重なっており、このことからこの距離が測定値&mにほとんど影響を与えていないこ とがわかる。黒丸は式(2.4)から計算される補正された測定値である。図からわかるように補 正値は、直線で示されている真値と1.5%以内の精度で合っている。

もう一つの予備実験として、鉛直壁面を流下する液膜を液膜界面側からと透明壁裏面からの2台のLFDを用いて同時に測定した。

Fig. 2.18 - 2.21は鉛直透明壁面を流下する実際の液膜をLFDを2台使用して液膜界面 側からと透明壁裏面側から同時に測定し(Fig. 2.17)、界面側から測定される実際の液膜波 形データ(実線)と透明壁裏面側から測定される屈折の測定誤差値を含むデータ(破線) および屈折補正係数を与えた波形データ(一点鎖線)を液膜の流量条件を変えて、それぞ れ比較した結果である。2台の計測位置を同一点にすると、それぞれから照射されるレー ザー光同士が干渉して測定誤差を生じるので、照射スポットは流下方向に2.5 mm離して 設置されている。

この図から分かるように、式(2.4)によって補正された裏面側からの測定波形は、界面側から測定された波形によく合っていることがわかった。この二つの予備実験の結果により、 透明壁を通過する際に生じる屈折の影響は式(2.4)によって評価でき、観測窓外側からで も正しい液膜厚さが測定できることが確認された。

また液膜測定予備実験において、液膜界面側から測定する場合、薄い液膜ではところ どころ波形データが欠落し、正しい波形が得られなかった。Fig. 2.22は、低液流量すなわ ち薄い厚さの液膜波形を界面側と透明壁裏面側から測定した波形例である。ここで裏面 側の波形は式(2.4)によって補正されている。Fig. 2.22からわかるように、液膜界面側から 測定した波形は液膜の薄くなるところでデータが欠落している部分(図中〇印)がある。前 述のように、透明壁裏面側からの測定による液膜厚さは、見かけの液膜厚さを液界面およ び壁面の位置信号の差から求め、式(2.4)によって補正して得ることができるが、液膜界面 側からの測定では、液膜界面位置信号と液膜が流れていない状態での壁面出力値との 差から液膜厚さを求めている。これは、界面側からの測定では、液膜表面におけるレンズ 効果により壁面位置に誤差を生じるために、壁面位置の測定を液膜界面位置の測定と同 時に行うことができないためである。このような処理により、ある程度厚い液膜の測定は問 題なくできるが、薄い液膜では液膜界面の位置信号とレンズ効果のために見かけ上移動 してしまう壁面信号の識別がつかなくなり、波形データに欠落が生じるのである。このような 現象は、レンズ効果とその焦点距離に依存するので液膜界面の曲率にもよるが、本予備 実験では厚さ約0.6 mm以下の液膜を測定する際に生じた。従って、このような薄い液膜の 波形を測定する場合は、透明壁裏面側からの方が精度良く測定できるということになる。



Fig. 2.14 Laser beam paths (plate wall)



Fig. 2.15 Apparatus for the preliminary test (for plate wall)







Fig. 2.16 Refraction error and corrected film thickness (Stationary)



Fig. 2.17 Front and back measuring



Fig. 2.18 Measured and corrected interfacial wave data (Falling liquid film  $Re_f = 369$ )



Fig. 2.19 Measured and corrected interfacial wave data (Falling liquid film  $Re_f = 581$ )



(Falling liquid film  $Re_f = 756$ )



Fig. 2.22 Wave phenomena on thin-liquid film

### 2.4.3 円管内に形成する液膜の測定

### (1) 円管内液膜の膜厚測定方法

円管路内壁面上に形成される液膜界面波は、透明壁外側からLFDによって測定される。 この場合、管路壁面両表面での屈折による誤差を評価し、その補正を行う必要がある。平 板透明壁裏面側より測定する際のレーザー光の屈折補正式は式(2.4)で表されるが、円管 壁面の場合はもう一つの問題が生じる。円錐状に照射されたLFDのレーザー光は液膜界 面上で焦点を結び、共焦点原理によってその散乱反射光がLFD内の受光素子に入光す る。ここで、円管壁面外部から管円周方向より入射し透明壁を通過するレーザー光と管軸 方向より入射するレーザー光は、この円錐状レーザー光が平板壁面を垂直に通過する場 合と異なり、同一点(レーザースポット)で焦点を結ぶことができない(Fig. 2.23)。この焦点 の拡散によって、受光素子に入光する散乱反射光が検知レベルよりも小さくなり、通常の 円管の形状では管路内の液膜界面位置を測定することができなくなるのである。この問題 を解決するためにいくつかの予備実験が行われた。その結果、通常の円管では管の内外 径および材質を変えてもLFDによる外側からの円管路内液膜界面位置の測定はできない こと、しかしながら Fig. 2.24 のように管外壁面を平滑にすることにより界面上の焦点からの 散乱反射光がLFDの検知レベルを超え、液膜界面位置の測定が可能になることが明らか になった。

### (2) 透明円管の屈折補正

外壁側が平面である透明円管内壁面の液膜界面位置をLFDを用いて測定する際の屈 折補正式を以下のように求める。まず、屈折の法則より理論的にこれを求める。LFDは1周 期の対物レンズの往復運動により液界面および壁面の位置を検出でき、見かけの液膜界 面位置をこれらの差として出力することができる。Fig. 2.25のようにLFDの光軸と円管内面 との交点Oを原点とした X(内壁面接線方向)、Y(管直径、円錐照射レーザーの光軸)お よび Z(管軸方向)座標を置く。管軸方向から入射するレーザー光の焦点位置 yzは、水を 作動流体とした場合の平板における屈折の補正式を用いて算出される。

$$y_z = 1.332 \quad \delta_{\rm m} \tag{2.5}$$

次に円周方向から入射する円錐照射レーザー光の焦点位置 yxを求める。透明壁面中の光路は以下のように表される。

$$y = -\frac{1}{\tan\kappa_{\rm W}} x + \frac{\tan\kappa_{\rm A}}{\tan\kappa_{\rm W}} \delta_{\rm m}$$
(2.6)

内径Dの管内壁面位置は、

$$y = \frac{D}{2} - \sqrt{\frac{D^2}{4} - x^2}$$
(2.7)

式(2.6), (2.7)を連立させ、管円周方向の入射光の屈折点P (x<sub>p</sub>, y<sub>p</sub>)を求めると、P点を通る 接線がX軸とのなす角αは、

$$\alpha = \tan^{-1} \left( \frac{2x_{\rm p}}{D - 2y_{\rm p}} \right) \tag{2.8}$$

で求められる。スネルの法則から

$$\kappa_{\rm F} = \sin^{-1} \left[ \frac{N_{\rm W}}{N_{\rm F}} \sin \left( \kappa_{\rm W} - \alpha \right) \right]$$
(2.9)

よって管円周方向の入射光の焦点位置yxは、

$$y_{\rm X} = \frac{1}{\tan(\kappa_{\rm F} + \alpha)} x_{\rm p} + y_{\rm p}$$
(2.10)

で表せられる。真の界面位置が散乱したレーザースポットの中心にあるとすると、液膜厚さ &は、

$$\delta = \left(y_{\rm X} + y_{\rm Z}\right)/2 \tag{2.11}$$

ここで透明アクリルの屈折率 $N_W$  = 1.49、水の屈折率 $N_F$  = 1.32、またレーザー入射角 $\kappa_A$  = 11.5°を式にそれぞれ代入して解くと、式(2.5) - (2.11)より以下の近似式が得られる。

$$\delta = \delta \left( N_{\rm w}, N_{\rm F}, \kappa_{\rm A}, D, \delta_{\rm m} \right)$$
$$= \left[ 1.332 + 0.2469 \frac{\delta_{\rm m}}{D} \right] \delta_{\rm m}$$
(2.12)

上式は、円管内の液膜が管の外側に置かれた LFD により測定される場合、液界面およ

び壁面信号の差から計算される液膜厚さは式(2.12)に示される変数のみの関数になり、透明壁の厚さおよび LFD-透明壁間の距離にはよらないことを示している。

(3) 円管内液膜における測定精度の評価

次に、管軸方向に半分に割った水平透明アクリル管中の水深を測定する予備実験を行 い、円管壁における屈折の補正式(2.12)を評価した。Fig. 2.26に示されるように、アクリル 管の底部は水平面に加工されている。液膜厚さに相当する水の深さすなわち界面位置は、 液膜界面側からと透明壁裏面側からの2台のLFDを用いて測定される。内径26 mmの場 合の液膜界面側から測定された界面位置 ふと透明壁裏面側から測定された界面位置 ふ の関係をFig. 2.27に示す. 図において、□のマークは曲面を考慮していない屈折補正式 (2.5)によって、●のマークは曲面を考慮した屈折補正式(2.12)によって、それぞれ◇のマ ークで示される測定値 ふを補正した値を示している。これらの屈折補正された値は、図中 の直線で表される液膜界面側から測定された界面位置 ふと、前者は5 %、後者は1.5 %以 内の誤差で合っていることがわかる。ここで、この誤差をさらに小さくするために、また管内 径の大きさの影響を調べるために、さらに管内径10, 15 および30 mmのアクリル管を用い て、同様の予備実験を行った。その結果、管径によらず測定される界面位置はレーザース ポットの中心よりわずかに外よりの位置であることが示され(Fig. 2.28)、最小二乗法で整理 された補正式は、

$$\delta = \left[1.332 + 0.356 \frac{\delta_{\rm m}}{D}\right] \delta_{\rm m} \tag{2.13}$$

となった。この式は水を作動流体、アクリルを壁面として用いた場合の円管における液膜 厚さを1%以内の誤差で算出でき、管径 D = 10 - 30 mm、液膜厚さ $\delta \leq 2.4 \text{ mm}$ の測定 に有効である。











Fig. 2.25 Laser beam paths (round tube)







Fig. 2.27 Refraction error and corrected film thickness (D = 26 mm)



Fig. 2.28 Error estimation of film thickness corrected by Eq.(2.12) and Eq.(2.13)

### 2.4.4 画像処理法との比較による測定精度の検証

流下液膜や環状流に見られる液膜は、流動条件に応じて波高、界面傾斜、移動速度を 常に変化させながら流動する。こうした実際の液膜界面の時空間変動特性に対する LFD の測定精度を確認するため、画像処理法により得られる液膜界面形状の情報と、LFD に より検出される液膜厚さの時間変動データを比較し、両者の測定差を評価する。

Fig. 2.29 に装置の概略図を示す。画像処理法により液膜厚さを定量的に評価するには、 撮影された画像から液膜界面の三次元的構造を把握し、局所位置における壁面と液膜界 面の位置情報を入手する必要があるが、一台のカメラによる画像からこれを正確に知るの は困難である。そこで狭隘矩形流路に形成する二次元液膜波を測定対象とし、カメラの設 置位置に対する奥行き方向の液膜厚さの差(もしくは界面傾斜)および屈折による画像の 歪を少なくすることで、一方向の二次元画像から予測される液膜厚さの誤差を低減する。 テスト部は幅 3mm、高さ 10mm、長さ 300mm のアクリル製鉛直矩形管である。液相はテス ト管上部に設けられた小孔より供給され、テスト管内壁に二次元波を形成して流下する。ま た、気相を上部より同時に供給することで液膜の流下速度および波高等の界面性状を変 化させる。液膜の画像は液膜発生部からの距離 150mm の位置において、液膜形成部の 横方向から高速度ビデオカメラにより透過光で撮影される。使用した高速度ビデオカメラの 撮影画像範囲は 16 mm×12 mm、シャッター速度は 1/12,000s、光源は面発光ライトの連 続光である。毎秒 1,000 コマで撮影された画像は、デジタルビデオテープに記録されたあ と、画素数 400×300 pixel でパーソナルコンピュータに取り込まれ、壁面と液膜界面の位 置情報から液膜厚さが求められる。LFD による液膜厚さの測定は、画像撮影部と同じ高さ 位置において、液膜形成部のアクリル透明壁裏面側より行われ、式(2.4)により屈折の補 正がなされる。また LFD から得られる液膜界面波形信号と高速度ビデオ映像はトリガーに よって同期されている。1 ケースあたり 0.5 秒間の映像から 10ms 毎に静止画像(サンプル 数 50)を抜き出し、画像処理して得られた液膜厚さとLFDの測定値を比較した。気液の流 量範囲は、液膜界面に二次元波を形成できる条件として、液膜レイノルズ数 Ref = 300 -600、気相の見かけ速度  $j_g = 0 - 22$  m/s とした。気液流量がこの範囲を超える条件では、液 膜界面の乱れと液滴の発生により矩形流路の両側壁面あるいは対向壁面にも液膜が形 成する状態となり、画像処理による液膜厚さの測定に限界が生じたため検証を行っていな い。

Fig. 2.30 - 2.33 に、高速度ビデオカメラにより撮影された液膜流動状況の画像とLFD に

より測定された液膜厚さの時間変動波形を示す。図中の〇のマークは、画像処理により得 られた液膜厚さの値である。液膜はメニスカスの影響を受けて流路両側壁面で盛り上がり、 中央部において厚さが薄くなる。そのため液膜の横方向から撮影されたこれらの画像には、 側壁面近傍の液膜が厚い部分と断面中央の液膜が薄い部分の界面が重なって映し出さ れているが、画像処理においては LFD の計測位置(断面中央部)と対応すると考えられる 壁面に最も近い(液膜の薄い)界面の位置情報を用いて液膜厚さを求めている。Fig. 2.30 は気相を流入させない条件で液膜を流下させた状態を測定した例である。そのまま液膜を 流下させた状態では、液膜の界面には波がほとんど形成せず鏡面状態となり、画像処理 で得られる液膜厚さが一定となるため、ここでは液の流入量を周期的に変化させて液膜界 面に規則的な二次元波を形成させている。この条件では、液膜厚さが波の前端部におい て約 0.1 mm から約 0.5 mm まで急激に変化し、その後徐々に減少して後部に長いすそ野 を持つ波形状となるが、LFD による液膜厚さの測定値は、画像処理によって得られた液膜 厚さの値と良く対応している。Fig. 2.31 は気相の見かけ速度 jg = 8.3 m/s、液膜レイノルズ 数 Ref = 600 の条件において測定された結果である。気相の混入によって、液膜の界面に は振幅 0.3 mm 以下となるリップル波が形成している。これらの波の通過頻度は約 90(1/s)、 波速度は1.0 - 1.3 m/s、波間距離は7 - 15 mm であるが、このような微小な波動を有する液 膜に対しても LFD は液膜厚さを良く検知できている。なお、従来の電極式測定法では、液 膜界面の変動が電極間(約 5 mm)の感度領域内で平均化されてしまうため、このような微 小な波動は捉えきれない。気相流量をさらに増加させると液膜界面の変動は激しくなり、 波高が 0.05 – 1 mm に達する孤立波を形成するようになる(Fig. 2.32, Fig. 2.33)。これらの 孤立波の前端部は、界面傾斜が大きくロールウェーブに近い形状となっており、それぞれ の波の前後に厚さが 0.1 mm 以下となる極薄い液膜を形成している。このように液膜厚さが 時空間的に急変する流動条件においても LFD は実際の流動を良く捉えることができてお り、従来の測定手法では正確に測定できなかった波の頂部と最小部の厚さを精度良く測 定できている。Fig. 2.34 は LFD で測定された液膜厚さと画像処理により得られた液膜厚 さの測定差を示している。両者の差は最大で 0.15 mm であるが、画像処理における誤差 (分解能が低いことおよびメニスカスの影響や二次元波がくずれることにより生じる誤差)を 踏まえると、両者は良好な一致を示しているといえる。以上のように、時空間的に急変を伴 う実際の液膜に対しても、LFD では従来の測定手法では測定できなかった界面の微小な 波動や 0.1 mm 以下となる極薄い液膜の厚さを精度良く測定できることが確認された。



Fig. 2.29 Apparatus for the error estimation of liquid film thickness measured by LFD and image-processing method



Fig. 2.30 Comparison between the data of film thickness measured by LFD and image-processing method ( $j_g = 0.0 \text{ m/s}$ , Re<sub>f</sub> = 300)



Fig. 2.31 Comparison between the data of film thickness measured by LFD and image-processing method ( $j_g = 8.3$  m/s, Re<sub>f</sub> = 600)



Fig. 2.32 Comparison between the data of film thickness measured by LFD and image-processing method ( $j_g = 17 \text{ m/s}, \text{Re}_f = 300$ )



Fig. 2.33 Comparison between the data of film thickness measured by LFD and image-processing method ( $j_g = 22$  m/s, Re<sub>f</sub> = 600)



Fig. 2.34 Error estimation of film thickness measured by LFD and image-processing method

# 2.5 結言

第2章の目的は、LFDの液膜流動特性(液膜厚さ、界面変動波形)の高時空間分解能 測定方法としての可能性を検討しその有効性を確認することである。平板上および円管内 壁面に形成する液膜を対象にLFDの測定方法を検討するとともに、それぞれの測定体系 における計測特性と精度を検証する予備実験を行った。その結果以下の結論を得た。

(1) LFDの測定精度を検討するため、測定分解能、直線性、時間分解能(応答時間)の検 証および表面傾斜に対する測定限界を定量的に評価する実験を行い、以下の結果を 得た。

- LFDの測定分解能と直線性の検証結果より、透明体表面の変位に対するLFDの 最大誤差は、焦点基準位置より100 µm以下の変位に対して0.85 µm、100 µmより 大きい変位に対して1.45 µmであった。
- ・ LFDの応答時間は最大で1.1 msであった。
- ・ 透明体の表面傾斜に対する測定限界は約30°であった。

以上の結果より、LFDは液膜界面波の測定に対して十分な測定精度と検知能力を 有していると言える。

- (2)透明平板壁裏面側から測定する場合の壁面両表面での屈折による誤差を評価し、その補正を行う式を得た。液膜が液界面および壁面の位置の差から計算されるときの屈折の補正係数は透明壁の厚さ、屈折率およびLFD-透明壁間の距離等にはよらず空気と液体の屈折率のみに依存し、式(2.4)で表されることが示された。予備実験により、透明壁を通過する際に生じる屈折の影響は式(2.4)によって評価でき、観測窓外側からでも正しい液膜厚さが測定できることが確認された。
- (3) 液膜界面側から測定する場合、薄い液膜では液膜界面の位置信号とレンズ効果のために見掛け上移動してしまう壁面信号の識別がつかなくなり、波形データに欠落が生じることがあることがわかった。このような現象は、本予備実験では厚さ約0.6 mm以下の液膜を測定する際に生じた。このような薄い液膜の波形を測定する場合は、透明壁裏面側からのほうが精度よく測定できる。
- (4) 透明円管路内の液膜厚さは管外壁面を平滑にすることによりLFDによって測定できる。 作動流体と透明壁にそれぞれ水とアクリルを用いた場合の屈折の補正は式(2.13)のよ うに表される。式(2.13)は観測窓における透明壁の厚さおよびLFD-透明壁間の距離

によらない。また、管径D = 10 - 30 mm、液膜厚さ $\delta = 2.4 \text{ mm}$ 以内の測定の場合、円管 における液膜厚さを1 %以内の誤差で算出できる。

(5) 矩形狭隘流路に形成する二次元液膜波を高速度ビデオカメラにより撮影し、画像処理 法により得られる液膜界面形状の情報と、LFDにより検出される液膜厚さの時間変動 データを比較した結果、時空間的に急変を伴う実際の液膜に対しても、LFDでは従来 の測定手法では測定できなかった界面の微小な波動や0.1 mm以下となる極薄い液膜 厚さを精度良く測定できることが確認された。