アナコンによる巻取り張力制御系の解析

沢井善三郎・稲 葉 博・川瀬 太郎

張力を直接検出せず巻取り動力を検出値とする張力制御系には多くの特徴があるが、送り出しロール のスピード変動をいち早くとらえて巻取り側へ伝達するので、張力の過渡的変化がたいへん小さく、 特に高速度巻取り機構の自動化に適している。しかしこの系は掛算を含む非線形系なので解析的に扱 うのはむずかしい。そこでアナログ計算機(アナコン)を使ってその動特性を明らかにし、補償要素 の設計を行なった。演算の結果は実験とよく一致し、設計した補償要素で十分の補償効果が得られた。

1. 緒 言

巻取り機は鋼帯圧延機、伸線機、抄紙機等の各種製造 機械の主要部として工業的に大きな役割を果たしてい る. これら巻取り装置においては,製品の均一化のため, 巻取り張力の調整が必要である.ことに最近,各種製造 工業の品質管理と生産スピードの向上に伴い、精度が高 くて信頼のおける巻取り張力自動制御装置の開発が望ま れている. 従来から張力の制御には多くの試みがなされ ており¹⁾, 第1表にその主なものを分類した. 開ループ 制御はシステムの自己平衡性を利用する方式で、精度は 低いが装置が簡単なのが特徴である.閉ループ制御のう ち、直接法は張力を直接にフィードバックするもっとも オーソドックスな方式である.間接法は操作用電動機と して直流電動機を使用した場合、巻取り張力と電動機の 電機子電圧,電機子電流および動力とは密接な関係があ るので、これらを制御して張力を間接的に制御する方式 である.

> 第1表 張力制御方式 開ループ制御 (開ループ制御……) (間接法 (電圧,電流制御 (間接法) (動力制御)

これらの制御方式にはそれぞれ一長一短があり,要求 される精度,設備費,保守の難易等を考えて選定される べきで,いちがいに優劣は決め難い.しかし動力によっ て巻取り張力を制御する方式には,他の間接法には見ら れない特徴があり,大きな将来性が考えられるので,沢 井研究室では数年にわたりこの研究を続けてきた^{20~71}.

間接的張力制御法は張力測定をしないので、測定装置 の機械的振動による制約から解放されている.しかし, 電圧,電流制御においては張力に最も大きな影響を及ぼ す送り出しロールのスピード変動に対して制御性能が悪 い.それはこれらの制御系では送出し線速度の変化が張 力の変動を招き,この張力の変動が電流変化,電圧変化 となって初めて制御動作が開始されるからである.

これに対し,動力制御方式では送り出し線速度に関す

る情報が設定値の変動として制御装置に与えられている ので,線速度の変動は張力の変化となって検出されるの を待たずに,制御装置を介して巻取り側へ直ちに伝達さ れるので,巻取り張力の偏差を非常に小さくすることが できる.ただしこの場合,巻取りプロセスのダイナミク スと制御装置の伝達特性をうまくマッチングさせない と,かえって悪い結果を招くおそれも十分にある.した がって,制御系の設計は慎重を要する.

しかも,動力制御系はその中に掛算要素を含むので, 本来非線形である.また,送り出し線速度が同時にシス テムの二点に入るので,単純なフィードバック系として も扱えない.したがって,これが解析と設計にはアナロ グ計算機(アナコン)を使うのがもっとも適している.

そこで、低速度形アナコン ALS-10 を使って、われ われの張力制御実験装置の動特性を明らかにし、かつ、 その制御性能を向上させるために補償要素の設計を行な った. また、補償要素の設計の理論的バックグランドと して V.S. Kulebakin の Invariance 理論を使ってみた.

2. 実験装置とそのブロック線図

(1) 実験装置

いま,巻取り張力をf,巻取り速度をv,巻取り動力 をpとすれば,次の関係がある.

$$p = f v \tag{1}$$

また,設定動力を p_0 として,設定張力 f_0 と送り出し 速度 v_0 の積とする. すなわち,

$$p_0 = f_0 v_0 \tag{2}$$

巻取り動力 p を検出して,設定動力 p_0 に常に等しく なるよう制御したとすると, (1), (2)より,

$$f = \frac{p}{v} = \frac{p_0}{v} = \frac{f_0 v_0}{v}$$
(3)

材料の伸びが無視できるほど小さいとすると静的には v =vo である. したがって, (3)より f=fo が得られ, 張力を設定張力に等しくすることができる.

第1図がわれわれの実験装置の構成である. 電動機の 動力はトルクと角速度との積で表わされ、トルクは電機 子電流に比例し、角速度は電動機の回転数に比例する. したがって、電機子電流と電動機回転数の積を作れば動 力は検出される.積の一方が回転数であるから、われわ れは掛算素子として交流速度計発電機を利用した.つま り、巻取り電動機と共通の軸に交流速度計発電機を取り 付け、これのフィールドには電動機電機子電流に比例し た交流電圧を加える.こうすれば求める積が発電機の出 力電圧となって生じる.設定動力の方は設定張力が定数 であるから、単に送り出し速度に比例した電圧をタコジ ェネで作ればよい.測定動力と設定動力の差は直流増幅 器およびアンプリダインで増幅されて巻取り直流電動機 の電機子に加えられる.

巻取りリール上で線を軸方向に分布させるためのトラ



第1図 実験装置の構成



写真1 実験装置

バーサは巻取り速度に比例して運転し,送り出し電動機 にも独立した速度制御を行なっている.また,アンプリ ダインの線形性を増すために外部フィードバックを行な った.

(2) ブロック線図の構成

2) トルクと角加速度の

このでが加速トルクと負荷

 $\Delta \tau = J \frac{d}{dt} 2 \pi \Delta n$

J は回転部分の総合慣性モ

ーメントである. (7)を

(8)に代入し,両辺をラプ ラス変換して整理すると,

> $ar\Delta F + 2\pi Js\Delta N$ $-K_1\Delta I = 0 \qquad (9)$

ただし, ΔI は Δi のラプ ラス交換. 第4図は(9)式

をブロック線図で表わした

 $+ar\Delta f$ (8)

 $\tau = K_1 i$

トルクになる.

関係 発生トルクてと 電機子電流 *i* は比例する.

(7)

自動制御系の研究の基礎となるのはブロック線図であ る.われわれの実験装置をまず4部分に分解して,その おのおののブロック線図を構成し,最後に全体のブロッ ク線図を組み立てる.

着取りプロセス ダンサー・ロールの質量と制動
 定数がスプリング定数 k にくらべて十分小さいとすれ
 ば、つぎの関係がある。

 $2 \Delta f = \frac{k}{2} \int_{0}^{t} (\Delta v - \Delta v_{0}) dt$ (4)

ただし, Δf , Δv , Δv_0 はそれぞ れ定常状態における f, v, v_0 か らの偏差分である. r を巻取りロ ールの半径, a を電動機・ロール 間の変速比, n を電動機の回転数 とすれば,

 $v=2\pi ran$ (5)

(5)を(4)に代入し、両辺をラプ ラス変換して整理すると、

 $-4 s\Delta F + 2\pi rak\Delta N$

 $=k\Delta V_0$ (6) ただし、 ΔF , ΔN , ΔV_0 はそれぞ れ Δf , Δn , Δv_0 のラプラス変換 である. 第2図に(6)式をブロッ ク線図化する.



第2図 巻取りプロセスの ブロック

 ΔE K₂ ΔN $\Delta \nabla g$ + 第 3 図 逆起電力と電機子電 流のブロック ΔI K₁ + ΔT ΔT Δ



第4図 トルクと角加速度の ブロック

9

386

のもである.

3) 逆起電力 逆起電力 e は n に比例する. すなわち,

77	
$e = K_2 n$	(10)
	S

電機子抵抗を R, 電機子に供給される電圧を v_g とする と,

$$\Delta i = \frac{\Delta v_g - \Delta e}{R} \tag{11}$$

(10)を(11)に代入し、両辺をラプラス変換して整理すると、

 $K_2 \Delta N + R \Delta I - \Delta V_g = 0 \tag{12}$

ただし, ΔV_g は Δv_g のラプラス変換. 第3図は(12)の ブロック線図化である.

4) 制御装置 前方向回路,後方向回路ともそれぞれ 一次遅れ要素と考え,そのゲインを G,Q,時定数をA, Bとする.次式のように,掛算後の偏差分は3項からな り,定常値そのものが係数として含まれる.

(x+4x)(y+4y) = xy+(y4x+x4y+4x4y)したがって、ブロック線図には Fo, Vo, N, I が入る. Fo は張力の設定値である. 第5 図がそのブロック線図 である. 図中, K は差引点での調整量. X は補償要素 の伝達関数である(後述). AIAN, AF_0AV_0 の項を無 視して、線形化し、整理すると各変量間につぎの関係を 得る.



 $\frac{\Delta \nabla_{0}}{\Delta \nabla_{0}} + \frac{\nabla_{0}}{\Delta \nabla_{0}} + \frac{\nabla_{0}}{1 + \Delta S} + \frac{\nabla_{0}}{1 + \Delta S} + \frac{\nabla_{0}}{1 + \Delta S} + \frac{\nabla_{0}}{1 + K_{1}} + \frac{1}{\Delta T} + \frac{1}{2\pi TS} + \frac{\Delta \nabla_{0}}{2\pi TS} + \frac{\Delta \nabla_{0}}{2\pi$

第6図 巻取り張力制御系のブロック線図

生産研究

第2表 諸定数の測定値

記号	意義	数值	単位
k	スプリング定数	70	kg/m
K_1	トルク定数	0.112	kg•m/A
K_2	逆起電力定数	6.09	V/rps
r	巻取りロール半径	0.05	m
a	変速比	1.2	ロール rps/モーター rps
J	慣性モーメント	0.00225	kg•m²
R	電機子抵抗	9.65	Ω
G	前方向ゲイン	可変0~90	volt/volt
Α	前方向 時定数	0.08	sec
Q	後方向 ゲイン	3	volt/kgm·sec-1
В	後方向 時定数	0.05	sec
Κ	変換係数	4.81	volt/kgm•sec ⁻¹



写真2 ALS-10 型低速度型アナログ計算機

ΔI

ΔN

 $GQI \Delta N + GQN \Delta I$ + (1+As) (1+Bs) ΔV_g = $XF_0KG(1+Bs) \Delta V_0$ + $V_0KG(1+Bs) \Delta F_0$ (13) 以上のブロック線図をまとめて一つにし たのが第6図である、諸定数の測定値を第 2表に示す.

3. アナコンのプログラミング

第6図のブロック線図 と第2表の定数に従っ て,アナコンのプログラ ミングを行なった.

使用したアナコンは東 京大学航空研究所の日立 製ALS-10型低速度型ア ナログ計算機である.本 機は線形演算要素(加算 積分器14台,加算係数 器12台,演算増幅器2 台)および非線形演算要 素(サーボ乗算器,電子管乗算器,特殊非線形盤 etc.) を含む.

ブログラミングはプリパッチ方式となっていて、問題 の設定はパッチボード上で行なう.解は6素子ペン書き オシログラフに描出される.

本研究のプログラミングにおいて特に考慮した点は: (1) できるだけブロック線図の原形を崩さないように して,諸定数の分散を最小限に止めた.

(2) サーボ乗算器を使用する関係上,時間変換係数を10 にとり,現象の時間を 10 倍にした.

(3) 制御装置と巻取りプロセスの部分の変換係数を変 えてゲインを適当に配分し、各変数の変化範囲を同程度 にした.

以上の諸点を考慮して演算器の接続を行なったのが第



REC-3 23-9-

第7図 アナコンの結線(1)



7図, 第8図で ある.

制御性の 検討







第9図 G の変化 $\Delta V_0 = 0.4 \, \mathrm{m/sec}$

ド変化 ΔV_0 に対する系の応答につい て行なった.

(1) Gと制御性

前方向ゲイン G の値を変えた場合 の系の応答をアナコンに描かせたのが 第9図である. V_0 がステップ状に変 わった時の張力 F の変化 ΔF を示し

ている.

これを見て 判る こと は, G を 大きくするとオフセットが小さくなること, および <math>F の過渡的 変動は G によってあま り変わらないことであ る.

(2) Vo と制御性 送り出し線速度 Vo お よび設定張力 Fo は、本 システムが掛算要素を含 むため、ゲインと同等に 制御性に影響を及ぼす.第 10 図は Vo の諸種の 値に対する系の応答であ る。前図の場合と同様、 Vo のステップ 状変化に

11



第 10 図 V₀ の変化 ΔV₀=0.4 m/sec



第 11 図 Fo の変化



生產研究

対する F の変化を 示した.

本図からわかるこ とは、 Vo の値は系 の過渡応答に大きな 影響を与えること で, Vo が大きくな ると次第に振動の減 衰性が悪くなる.

(3) F₀と制御 性

 V_0 と同様に F_0 も系の応答に大き な影響を及ぼす. 第11 図が Foの 諸種の値に対 する系の応答 をアナコンに 描かせたもの である. この図から F_0 を小さく すると系の振 動性が増し, F_0 を大きく するとオフセ ットの大きく なることがわ かる.

5. 補償要素 の設計

前章の演算 結果から、前 方向ゲイン G の調整のみで は,オフセッ トでは小さく できても,送 り出し線速度

の変化に対する張力の過渡的変動を抑えることができな いことがわかった. 張力は送り出し線速度と巻取り線

$$\begin{pmatrix} d \\ T \\ T \\ G \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} C \\ 100 \% \\ 80 \% \\ 80 \% \end{pmatrix}$$

R: 100K, C: 0.3 u~ 0.75 uF Go: 100 % 約 20 80% 約 16 第 15 図 装置の補償要素

速度の差の積分であるか ら,このことは巻取り側 が送り出し側の変動に追 っつかず,両者の間に遅 れの生じていることを意 味する.

第 14 巻 第 12 号





よび増幅器によっ て,第13図のよう に実現することがで きる.しかし,この Ar' は系を線形化し て導出したものであ り、しかも高次微分 項を省略してあるの で、果たして補償の 効果があるのか判ら tcu. そこで、アナログ 計算機上でも Ar を構成し,その補償 効果を確かめたのが 第 14 図である. R を 100kΩ に固定

し, Cを種々に変え た場合について、Vo のステップ状変化に 対する F の変動を 求めた.本図から, Af'でも補償の効果 は相当に上がること が判る. その効果は C=0.5 µF で最も 大きい. これ以上で もこれ以下でも張力 の過渡的変動は増大 ta. tc, C=0.5μFを境として, △F の最初の振れが 逆になっている. こ れはCが $0.5 \mu F$ よ り大きくなると補償 過剰になることを示

6. 実 測 結 果

第1図の電線用小型巻取り装置により,送り出し線速 度を変化させた場合の巻取り張力の応答をペン書きオシ ロで測定した結果を第 16 図, 第 17 図に示す. 使用し た線材は 0.65 mm¢ 裸硬銅線である。制御系の定数はア ナコンで使用した値と同一で あ る が,前方向ゲイン G

制御 り電動機は直ちに送り出し線速度の変動に追 従して, 張力の過渡的変動を小さくすること ができる.

第 12 図のように補償要素 Af を加えるとして、 Invariance 条件からその関数形を決定すると次式を得る. (巻末付録参照)

$$A_f = \frac{0.345\,s^3 + 1.14\,s^2 + 11\,s}{s + 20} \tag{14}$$

高次微分項を省略すると,

13

389 0.55 s

(15)

 $A_{f'} = \frac{0.01}{0.05 \, s + 1}$

この式は C, R お

生産研究

390

のみ、75 に固定した.

第 16 図(a),(b),(c)は送り出し線速度 V_0 を急速に変化させた場合で、加減速の補償回路のない(a)では、巻取り張力は大きく変化している.(b),(c)はア ナコンによる設計をもとに構成した補償回路(第 15 図) を設定回路に入れた場合で、送り出し線速度 V_0 の広い 範囲にわたり、巻取り張力の過渡的変動を十分小さくすることができる.

つぎに、補償要素の時定数を変えた場合の補償効果を 第 17 図に示す. $R=100 \text{ k}\Omega$, $C=0.4\sim0.5 \mu F$ が最も 適合した値で、これ以下では不足補償となり、これ以上 では過補償となることがわかる.

以上の実験結果はアナコンによる演算結果とよく一致 している.

7. 結 言

以上,動力を検出値とする巻取り張力制御系について,アナログ計算機を使って解析と設計を行なった.

解析は張力にもっとも大きな影響のある,送り出し線 速度の変化に対する系の応答を,前方向ゲイン,送り出 し線速度,設定張力の種々の値について検討した.これ らの定数として具体的にどのような数値をとるかは,制 御系に対する要求が精度に重いか,安定度に厳しいかに よって異なる.

つぎに,送り出し線速度と張力が無関係 (invariant) になるような伝達要素を Invariance 理論より求め (付 録),これをアナコン上に実現して補償の効果を確かめ, 補償要素の設計を行なった.

アナコンによる演算結果は実験装置の特性とよく一致 している.また,実際に補償要素を作って実験装置に組 み込み,運転すると確実に補償の効果が上がるので,ア ナコンと Invariance 理論による補償要素の設計が合理 的なことが立証された.

なお,実験装置による詳しいデータは他日まとめて報 告する予定である.

終わりに,アナログ計算機の使用に際し,種々ご便宜 をたまわった東京大学航空研究所東口助教授,同所エレ クトロニクス・ショップの杉本憲一氏に感謝する.

(1962 年 10 月8日受理)

(17)

付 録

V.S. Kulebakin らが一般的に論じている Invariance 理論は^{8),9)}, Multidimensional Process のような複雑な系や 扱うのに,有力な手段を提供する. それは一つの変量を他の変量(たとえば外乱,負荷変動,相互干渉,あるいは別^の 変量に対する操作量の変動)の変化とまったく無関係,すなわち"invariant"にする条件を追求する.

山これをわれわれの補償要素の設計に利用する. つまり,送り出し線速度の変化 ΔV_0 と巻取り張力の変動 ΔF の間の nva riance 条件を満足する A_f の値を求めればよい.

それにはまず,系を線形と考えて導いた式(6),(9),(12),(13)から出発する. これら四式は連立微分方程式を形成しているから,マトリクスで表示すると(16)式のように表現される.(13)式には,あらかじめ補償要素に相当する未知伝達関数 X を入れてある.

,	/-4 s	$2 \pi ark$	0	0) (ΔF	1	$(k\Delta V_0)$	
	ar	$2 \pi Js$	$-K_1$	0		$\varDelta N$		0	(16)
	0	K_2	R	-1		$\varDelta I$		0	(10)
1	0	GQI	GQN	(1+As) (1+Bs)	Д	ΔV_{g})	$XF_{0}KG(1+Bs)\Delta V_{0}+V_{0}KG(1+Bs)\Delta F_{0}$	
,	477								

これを ΔF について解く.

$$\Delta F = \frac{\Delta'}{\Delta_0}$$

ただし、 $\varDelta_0 \equiv 0$ とする. \varDelta_0 は(16)式左辺の係数マトリクスの 主行列式であり、 \varDelta' は次式で表わされる行列式である.

	$k \Delta V_0$	$2 \pi ark$	0	0	
⊿′=	0	$2 \pi Js$	$-K_1$	0	(18)
	0	K_2	R	1	,
	$XF_{0}KG(1+Bs) \Delta V_{0}+V_{0}KG(1+Bs) \Delta F_{0}$	GQI	GQN	(1+sA)(1+Bs)	
0					

式(18)は ΔF_{0} , ΔV_{0} に関する一次式に整理できる.

すなわち,

$$\Delta' = \Delta'' \Delta V_0 - 2 \pi ar k K_1 G K V_0 (1+Bs) \Delta F_0$$
⁽¹⁹⁾

X は Δ'' 中に一次式として含まれるはずである. したがって, (19)を(17)に代入すると,

$$\Delta F = \frac{\Delta''}{\Delta_0} \Delta V_0 - \frac{2 \pi a r k K_1 G K V_0 (1+Bs)}{\Delta_0} \Delta F_0 \tag{20}$$

第 14 巻 第 12 号

となるから、 ΔF を ΔV_0 と無関係にする条件は、

 $\Delta'' \equiv 0$

$$X = \frac{as^3 + bs^2 + cs + d}{es + f}$$

なる解が得られる. ここに, a, b, c, d, e, f は定数. $A_f = (X-1) \cdot F_0$

なる関係から求めたのが、本文中の(14)式である.

文 献

- D. P. Campbell: Process Dynamics, (Book) John Wiley & Sons, Inc. 1958.
- 次井・稲葉・鈴木:直流電動機の機械的出力測定(生産研究,昭33・9)
- 3) 沢井・稲葉: 直流電動機の改良型動力測定装置(生産 研究,昭 34・9)
- 4) 沢井・稲葉: 電動巻取り機の制御(自動制御連合講演 会,昭34・11)
- 5) 沢井・稲葉: 巻取り張力の自動制御(生産研究,昭35 ・4)

(27 ページよりつづく)

4. ΔBの図表

10) 式は Δ_B , H/L, $w_1/\beta k$, $T_C/\beta kL$ の 4 変数の関係を示すが,

$$\frac{\Delta_B}{\frac{\omega_1}{\beta k} + \sqrt{\Delta_B (2 + \Delta_B)}} = \frac{H/L}{1 + \frac{T_C}{\beta k L}} (\equiv t)$$
 12)

とかきなおすと、変数分離型となり、共線図表、共点図 表化するのが容易である。第3図に共点図表を示す。図 には二組の曲線群がかかれ、実線はH/L と $T_c/\beta kL$ の



第3図 ⊿_Bの共線図表

関係, 破線は $\Delta_B \ge w_1/\beta k$ の関係を与える. 曲線に付 した数値は補助変数 t (12) 式)の値である. $H/L \ge$ $T_c/\beta k L$ から t を定め, $t \ge w_1/\beta k$ とから Δ_B を読み とることができる. (1962 年 9 月 19 日受理) 6)沢井・稲葉:巻取り張力制御系の過渡特性(電気四学)

- 会連合講演会,昭 35・7) 7)沢井・稲葉:巻取り機の自動制御(東京大学生産技術
- 研究所電気談話会報告,昭 35•7)
- 8) V.S. Kulebakin: The Theory of Invariance of Regulating and Control Systems, Proc. First IFAC Congress at Moscow, (1960)
- 9) B. N. Petrov: The Invariance Principle and Conditions for its Application during the Calculation of Linear and Nonlinear Systems, Proc. First IFAC Congress at Moscow, (1960)

			正	誤 表 (1	1月号)
頁	段	行	種 別	E	誤
1	左	16	本 文	1500 万 t	150万 t
"	"	16	"	30 分の 1	三分の一

次号予告(1月	号)	
卷頭言		
東京移転の新しい年に当たって	·藤高	周平
研究解説		
旋削におけるびびり振動	·杉本	隆尚
航空写真と電子計算機による道路の計画 および設計の一方法について	.丸安 中村	隆和 英夫
海外事情		
I.A.S.S および W.C.S.S 一人気の落ちた I.U.T.A.M. 運営のために一	·坪井	善勝
研究速報		
研究速報 微粒子充填層の空隙分布 一水銀ボロシメータの基礎的研究一	福田 ::河添非 池田	義民 (本) (本) (本) (本) (本) (本) (本) (本)
研究速報 微粒子充填層の空隙分布 一水銀ポロシメータの基礎的研究— 冷間振り鉄筋の加熱実験・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・		義太憲 善秀 勝雄
 研究速報 微粒子充填層の空隙分布 一水銀ボロシメータの基礎的研究一 冷間振り鉄筋の加熱実験・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	·····································	義太憲 善秀 栄民朗治 勝雄 吉
 研究速報 微粒子充塡層の空隙分布 一水銀ボロシメータの基礎的研究一 冷間捩り鉄筋の加熱実験・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	·····································	義太憲 善秀 栄 泰民朗治 勝雄 吉 平
 研究速報 微粒子充填層の空隙分布 一水銀ボロシメータの基礎的研究一 冷間捩り鉄筋の加熱実験・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・・	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	義太憲 善秀 栄 泰 芳信久日 堅民朗治 勝雄 吉 平 男行夫吉祥如

(21)

(22)

(23)

15