第4卷 第3號

衝

―― 簡 單 な 高 速 氣 流 寶 驗 装 置 一

木

査

墼

Ŧ

波

夫・

篑

1. はしがき

戰後諸外國ではショッ ク・チューブ(衝撃波管) とよばれるものが高速空氣 力學の研究に盛に用いられ 衝撃波管は今から約 50 年も前に考え出されたもので あるが、その價値が認められたのは最近のことである。 装置が簡單である上に、通常の高速風洞ではできないよ うな實驗ができるので、今後高速空氣力學の研究に廣く 用いられるであろう。

ている。長さ数メートルの兩端の閉じた管の中間に仕切 りの膜をはり,その兩側を異なる壓力にする(第1圖参 照)。 そして膜を破ると高壓側から低壓側へ空氣が流出 して低壓側の究氣を壓縮し、有限振幅の波(衝撃波)が 形成されて管の中を進む。この裝置は 1899 年にフラン スの P. Vieille¹⁾ が考案したもので,彼は火薬の爆發に よつて生ずる爆風の傳播を研究するのに、ガラス球の中 に高壓空氣をつめたものを管の中で爆發させるという方 法では十分强い波が得られないところから上に示したよ うな装置を考え出したものである。この装置が最近にな つて 再認識されてさかんに用 いられるようになつたの は、原子爆弾の爆風に闘連して衝撃波の研究が一層重要 になつてきたためと思われる。そしてこの裝置によつて 衝撃波が壁面に當つたときの反射の法則やいくつかの衝 撃波の間の干渉というような空氣力學的に興味のある問 題が研究されている。

このように御撃波管は衝撃波そのものの研究に用いら れてきたのであるが、これがまた音に近い速さの風洞と して用いられるということが Geiger, Mautz, Hollyer²⁾ によつて示された。それは、はじめに述べたようにして 作られた衝撃波のすぐ後には短い領域ではあるが一様速. 度の高速氣流が附隨しているので、この中に模型をおい てその周りの流れをシュリーレン法などによつて撮影す ればよいというのである。これは從來の連續式の高速風 洞に比べて裝置が簡單であり、所要動力も比較にならぬ ほど小さい上に、次に述べるようなすぐれた點をもつて いるので、高速氣流の研究装置としてかなり将來性のあ るものと思われる。利點を列記すると、

(1) 模型の位置の洗體は靜止狀態からほとんど瞬間 的に一定速度で動き出すから,模型の周りの流れが定常 狀態に達するまでの經過を調べることができる。

(2) 高壓側と低壓側との壓力比を調節するだけで流 れのマツハ敷をある範圍内で任意にかえられる。通常の 風洞ではマツハ敷が1より大きい,すなわち音より速い 一様流を得るためにはラバール管というものが必要で, しかもこれは希望のマッハ 敷ごとに一本ずつ設計しな ければならないのに比べて いちじるしく便利である。 (3) 一様な流れの繼續 時間はおよそ1/1000秒の程

75

度であるから、この中におかれた模型にはきわめて短い 時間しか力がはたらかない。從つて模型を支えるのに單 にそれの雨端と側壁のガラス窓との間に薄いゴム板を挾 んで締めつけるだけで十分である。ガラス板に孔をあけ て模型の支柱を通す必要がないということは、干渉計で 流れを調べる場合のように良質のガラスを使うときに、 これを1破損するおそれがないという點で特に都合がよ い。

以上のような利點がある反面には、

(1) 繼續時間が短いので模型にはたらく力やモーメ ントの測定がむずかしい。

(2) 同じ理由から,流れの瞬間撮影,特に撮影の時 刻を正確に調節する方法などの實驗技術はいままでの風 洞實驗よりはむずかしくなる。

(3) 流れのマッハ數には極限がある。次節に示すように管内の氣體として空氣を用いる場合には 1.89 以上のマッハ數は得られない。

このような缺點があるが、ともかくこの裝置によれば マツハ數が1に近い流れについて、いままでの方法で調 べることのできなかつたようないろいろの面白い問題を 研究することができそうである。

2. 衝撃波管の原理

第1圖において,仕切りの膜の兩側に壓力差を與えて これを瞬間的に破つたときにできる流れを文献(2)に從 つて説明しよう。





われわれがいま問題とするのは第2圖 a のような**個撃** 波が右側へ向けてUなる速度で進んで行く場合である。 波面より前の洗體は靜止しており,波面の後の洗體は波 面の進む方向に動いている。この速度をuとかくことに

3



第2圖 平面衝擊波

する。

事柄を考えやすくするために、この現象を波面と共に 動く座標 系から見ることにすると、同じ圖のりのよう に、波面の前から洗體は $V_0(=U)$ なる速度で洗れ込み、 $V_1(=U-u)$ なる速度で洗れ去ることになる。添字0 お よび1を以てそれぞれ波面の前および後の狀態を表わす ものとすると、質量、運動量およびエネルギーの保存則 はそれぞれ次のように響かれる。

 $\rho_0 V_0 = \rho_1 V_1'$

 $p_0 + \rho_0 V_0^2 = p_1 + \rho_1 V_1^2$

 $\frac{1}{2}V_0^2 + c_p T_0 = \frac{1}{2}V_1^2 + c_p T_1$

あるいは

$$\frac{1}{2}V_0^2 + \frac{r}{r-1}\frac{p_0}{\rho_0} = \frac{1}{2}V_1^2 + \frac{r}{r-1}\frac{p_1}{\rho_1} = \frac{r+1}{2(r-1)}a^{*2}$$
こに r は比熱比 $c_p/c_{2r_j}a^*$ は波面の前後の洗體を斷
的に變化させたとき,速度が音速に等しくなるときの

速度として定義される臨界速度である。

これらの式から、よく知られた關係式

 $V_0V_1 = a^{*2}$

 $V_0/V_1 = \rho_1/\rho_0 = (\mu + \xi)/(1 + \mu\xi)$

 $V_0/a_0 = \sqrt{(\mu + \xi) (\mu + 1)\xi}$

などか得られる。こゝに $\xi = p_0/p_1$, $\mu = (r+1)/(r-1)$, また a は音速である。

さて,ここで $V_0=U$, $V_1=U-u$ とおくと,簡單な計 算から, 流れのマツハ數

 $M = u/a_1 = (\mu - 1) (1 - \xi) / \sqrt{(\mu + 1) (1 + \mu \xi)} \quad (1)$

および

 $U/a_0 = \sqrt{(\mu + \xi)/(\mu + 1)\xi}$ (2) $u/a_0 = (\mu - 1)(1 - \xi)/\sqrt{(\mu + 1)\xi(\mu + \xi)}$ (3)

などが得られる。

-(1) 式からわかるように無限に强い衝撃波 $\xi=0$ に對 して $M=(\mu-1)\sqrt{\mu+1}$ となる。 空氣では $\gamma=1.4$, $\mu=6$ であるからこの極限値は $5/\sqrt{7}\approx 1.89$ となる。

(2) 眞空への膨脹

文に、仕切膜を破つたときにおこる高壓室の氣體の膨 脹の有様を説明するために、まず第3圖のように膜の右 側が算空で、左側が壓力 p_2 にある場合を考える。膜が 急に取除かれると、氣體は右側へ向けて動き出し、また 膨脹波は左側へと傳播する。この際の洗れは一次元的、 かつ状態變化は斷熱法則 (p_0 -r=-定) に從うと考えて よい。右へ向けての洗體の速度 α が密度 ρ あるいは壓 力 p のみの函数であるとすると、運動方程式と連續の式 とが雨立するための條件として、 u は次の式で興えられる。 (たとえば文献 (3) 登照)



第3圖 眞空への膨脹

$$u = \int_{\rho}^{\rho_2} \sqrt{\frac{dp}{d\rho}} \frac{d\rho}{\rho} = \frac{2a_2}{\gamma - 1} \left[1 - \left(\frac{p}{p_2}\right)^{\frac{\gamma + 1}{2\gamma}} \right]$$
(4)

ここに p_2 は高壓室で速度が0の洗體の密度, a_2 はこの 狀態に對する音速である。

また,等しい速度(密度, 医力)の點の傷わる速度 s(p)は u から音速 $a(p) = \sqrt{dp/dp}$ を引いたものに等 しい。すなわち

 $s(p) = u - a = a_2[(u-1) - u(p/p_2)^{1/\mu+1}]$ (5)

上にも述べたように空氣では $\mu=6$ である。 ァリウムのような單原子氣體では $\gamma=1.67$, $\mu=4$ である。また~ リウムの中の音速は空氣中の約3倍である。

(5) 式からわかるように次の式を滿足する壓力 phの 點は動かない。

 $p_k/p_2 = [(\mu - 1)/\mu]^{\mu + 1}$

空氣では $p_k/p_2=0.28$ である。またこの點では u=a なわち洗體の速度は音速に等しい。s(p) に時間 t をか-けると、時刻 t における壓力 p の點の位置が求められ る。第3圖に點線で示した曲線は時間と共に管軸方向の 壓力分布が變る有樣を示す。

(3) 膜の左側が p_2 , 右側が $p_0(<p_2)$ の場合の膨脹 實際の衝撃波管はこの場合にあたる。この場合には p+ とかとの間に次の條件で定められる壓力かがある。す なわちりは、 壓力を かっから り まで高めるような衝撃 波によつて低壓室の氣體に與えられる速度 [(3) 式] が ちようど高歴室の氣體が β2 から β1 まで膨脹する際に得 る速度 [(4)式] に等しくなるという條件で定められる。 この關係から、膜の兩側の壓力比 po/p2 と、生ずる衝撃 波の壓力比を(=po/pi)との關係が求められる。衝撃波の 後の流れのマッハ數 M と 5 との闘係は (1) の項に述 べたとおりであるから,結局 po/p2 と M との闘係が求 まることになる。第4圖にはこれらの關係が示されてい る。この圖はある M を得るために膜の兩側に與うべき 壓力比 p₀/p₂ を定めるのに役立つ。たとえば M=1の流 れを得るためには po/p2 を約 0.02 にしなくてはならな い。なお點線は高壓室の氣體としてヘリウムを用いた場 合の po/p2 對きの曲線である。これから明かなように高 堅室にヘリウムを用いると同じら(從つて M)を得るのに pn/p2 をあまり小さくしないですむことになる。 Geiger



第4圖 衝撃波の後の流れのマツハ数 M と 5, および膜の兩側の壓力比 po/po と 5 との開係



第5圖 管軸方向の壓力分布

R, F, S に付けた矢印は、この壓力の點の動く方向 を示す。ただしF點はその壓力が p_k より低い時に は右側へ動く。接觸面Cは流體の速度(丸矢印)と同 じ速度で動く。

等は實際この方法を用いている。

第5圖にはある時刻における管軸方向の壓力分布を示 す。圖の各位置に付けた矢印は同じ位相の點の動く方向 を示す。この圖に示したようなその値に對しては膨脹域 の右端Fは左へ向けて動くが、そがもつと小さくなつて Fの壓力が p_{b} より小さくなると F は右側へ動くこと になる。C は接觸面と呼ばれるもので、これははじめに 膜の位置にあつた洗體が存在する位置を表わす。衝撃波 面 S から膨脹域の右端 F までの洗體の速度は接觸面の 動く速度に等しい。注意すべきことは S から C までの 部分ははじめに膜の右側にあつた氣體が壓縮されたもの で C から F までの間は膜の左側にあつた氣體の膨脹し たものであるということである。(1) 項に示したこと M の關係が成立つのは SC の間だけであり、CF の間は膨 脹のため温度が低いので速度は同じでもマツハ數は大き く、 $p_{0}/p_{c}=0$ で無限大となる。

實際の流れはこの通めようにはつきりした區切りがあ るものではなく、Cより前の流れはほとんど上の理論と 一致するが、Cより後の流れは一樣性が惡いことが Geiger 等によつて示されている。

さてこのような衝撃波 S および膨脹波面 R はそれぞ れ管の端に巻つて反射してくる。従って管内の洗れは僅 かな時間でさわめて複雑なものとなつてしまう。

3. マツハ数 M の測定法

第4圖から得られる po/p2 對 M の歸係はかなりよく

實際と合うようであるが,正確な目的には M を直接測 定することが望ましい。Mの測定には次のような方法が ある。

M>1の場合はきわめて簡単である。この場合には壁 面に薄いテーズをはるか、細いキズを入れるかしてマツ ハ波を出させ、これを撮影してその波面と氣流とのなす 角 α を測り、 $M=1/\sin\alpha$ なる關係から Mを求めれば よい。あるいは小さな頂角の楔形の物體を氣流に平行に 入れて、その頂點から出る衝撃波をうつして、それの流 れとなす角度と楔の頂角とから Mを求める。

M < 1 のときはこれほど簡單ではない。Hertzberg と Kantrowitz⁴⁾ が、 $f \in U/a_0$ を測定するのに用いた次の 方法は M の測定にも用いられる。

いま測定部分の壁面に薄いテープをはりつけておく。 (第6圖 a の PQ) 左から衝撃波がきてテープの左端 Pに 當るとそこから微小攪亂の波が出る。テープが十分薄い ときこれば音速で傳わるが, 流體が u なる速度で右側へ 流れるから, ある時刻における波面は圖のように右へず れる。AC, BP はそれぞれ a_1 , a_1-u に比例するからそ の比から $u/a_1(=M)$ が求められる。



第6圖 流れのマツハ数の測定法

また次の方法も割合に簡單である。第6圖りのように 流れを二つに仕切り、壁面 W で反射した波 S' と反射 せずに行き過ぎた波Sとを撮影する。このとき反射波の 速度 U' ともとの波の速度 U との間には

$U'/U = [2 + (\mu - 1)\xi]/(\mu + \xi)$

なる關係があるから、U'|U(W 面から波面までの距離の比に等しい)を測ればきが求められ、これから(1)式に、よつて <math>Mが計算される。

このほか,管内の二點間を衝撃波が走るのに要する時間をシュリーレン法と光電管とを組合わせた装置を用い て測定し、これによつて波の速度 Uを求める方法(文献(2))、壁面からこれに垂直に短い時間だけ超音波を送り出してその波面を撮影することによつて M や温度を求める方法 (Marlow, Nisewanger およびCady⁵⁾) などがある。

以上に衝撃波管の原理の大要を述べた。この装置では、 きわめて短い時間におこる現象を取扱うので、測定の方 法としては電氣火花を光源とするシュリーレン法や蔭寫 質の方法などが最も普通に用いられる。ただこれらの方 法で明瞭に觀察できるのは衝撃波などのように密度勾配 の大きいところだけであるから、たとえば物體の局りの

生產研究

医力分布を求めるというような定量的な測定はできない。このためにはマツハ・ツェンダー干渉計を用いる方 がよい。

いずれにしても問題となるのは、物體模型の位置に先 頭の衝撃波が到達してから 1/1000 秒程度の短い時間内 に寫慣をうつすことであり、時々刻々に變る流れの模様 を撮影するためには火花の飛ぶ時刻を正確に調節する必 要がある。

4. 實驗の一例

78

筆者は最近小さな斷面の衝撃波管を試作して二三の豫 備的な實驗を行つたのでそれを示すことにする。

管の斷面は 4.5 cm×6 cm の矩形で, 全長は 3.2 m, 高壓室, 低壓室の長さはそれぞれ 1.4, 1.8 m である。 腹から約 1 m のところに直徑 8 cm のガラス窓がある。 腹には市販のセロファンを用いたが薄いものしか入手で きなかつたので4 枚重ねて使用した。これでも 1.5 氣壓 以上の壓力室では破れてしまう。小さな頃空ボンプと壓 縮機によつて兩側の壓力比を適當な値にしてから, 高壓 室の端から挿入してある先端の尖つた鐵棒で膜を破る。 膜の破れ方を一定にするという點からこのように何枚も 重ねることは望ましくないので, もつと强い材料を用い る方がよい。

火花には電壓 10 kw, 容量 $0.02 \mu f$ の蓄電器を用い, シュリーレン法で流れを撮影した。放電時刻の調節法は Hertzberg と Kantrowitz が用いた方法と同様である。 第7 圖に示すように膜のすぐ下洗に開けた孔を通して空



第7圖 衝撃波管および光源火花制御回路

氣はガラス管に導かれる。このガラス管の端にはアルミ =ウム箔が眞鍮對壁と僅かな間隙をもつてはられてい る。膜が破られると壓縮波はガラス管内に傳わり箔が對 壁と接觸する。この接觸によつてサイラトロンのグリッ ド電壓が變化し、陽極回路のコンデンサーが放電する。 陽極回路には自動車用のイグニッションコイルの一次側 が入つており、これの二次側は光源用火花電極の補助電 極(一本の針金)につながれている。サイラトロンの放 電によつて補助電極から火花が飛び光源用火花を誘起す る。ガラス管の長さをいろいろに變えることにより火花 の時刻が調節できる。サイラトロンを開いて火花を調節 する方法は廣く衝撃波管の實態に用いられているようで ある。

第8圖は NACA 0012 翼型 (技長 3 cm), $M=0.6 \sigma$ 場合である。a では先頭衝撃波が前線から弦長の 70 % の邊に來ている。この波が前線に當つたときに出た弱い 反對波が圓弧狀に擴がつているのが見える。b はこれよ



(a)

6

(b) 第9圖 NACA 0012, M=0.7 (c)

り僅か後の時刻のもので;上面に多數の波が見える。 c では先頭波が既に過ぎ去つており,これが上面および下 面を經て後線を通過したときに出た2本の弱い波が圓弧 形に擴がつている。上面には明瞭な衝撃波は見えない。a と c との間の時間はおよそ 10⁻⁴ 秒である。(寫眞の右上 隅附近の短い斜線はガラス面のキズである。)

第9個は同じ翼型で M=0.7の場合である。a では先 頭波は旣に後緣を過ぎ去つている。b では通常の風洞で 見られるような衝撃波が明瞭に見られる。c は接觸面が 到達した後でセロファンの破 片が 飛んで行くのが見え る。この場合にはセロファンを8枚重ねて用いたので破 片がかなり多い。a から c までの時間はおよそ 3×10^{-4} 秒くらいである。(セロファン膜を重ねたため破れ方が いくらか不齊一で、これが火花時刻の調節を不正確にし ているようである。從つてこの數値はあまり正確ではな い)。

第 10 圖はマツハ數測定のための寫眞で,第6 圖 a,b を一つの寫眞に收めてある。上半には先頭波とテーブか らの波,下半にはつきあたりの壁からの反射波が見える。 寫眞はあまり明瞭でないが,前節に示した二つの方法



第10圖 マッハ數を測定する方法の例

のいずれによつてもこの流れが M=0.6 つあることを示す。(膜の雨側の壓力比 p_0/p_2 から計算すると M=0.64 である。)

5. 附. 衝擊波水槽

上に述べたことから推察されるように衝 撃波管では流れを作ることはきわめて簡單 であるが、これを測定する段になるといろ いろむずかしい問題が起つで來る。

さて、よく知られているように、断熱氣 洗と浅い水の洗れとは運動を定める方程式、 の形が類似していて、氣體の密度、壓力を それぞれ水の深さおよび側壁の單位長には たらく水壓の力に對應させると、浅い水の 洗れは斷熱指數 r=2 の氣體の洗れに對應 する。そして氣體の普速に相當するものは \sqrt{gh} (g は重力の加速度、h は水深)とな る。もつとも衝撃波を通しては斷熱法則が 成立たず,水の衝撃波(跳水)との相似關係は破れるが, あまり衝撃波が强くない間はこのことの影響はさして大 きくない。

水平な底を有する細長い水槽の中間に仕切りをおき, 兩側の水面に差をつけてから瞬間的にこれを取除くと, 水面の高い方から低い方へ水の衝撃波が傳わる。そして この波面の後には一様速度の洗れ(音速に近い氣洗に相 當する)ができる。この現象は對應する氣體の場合に比 べてはるかに緩漫なので寫眞撮影は容易である。また衝 撃波の前後を結ぶ關係は氣體の場合と相似でないという ことから,衝撃の强さを増して行くとき,空氣では M= 1.89以上にできないのに,浅い水では M=∞ まで可能 になる。從つて比較的マッハ数の高い氣洗の性質を調べ るのにはこの式の水槽は有用と思われる。



第11 圖 衝撃波水槽と寫眞撮影裝置の略圖 第11 圖には筆者の試作した水槽と寫眞撮影裝置を示 す。この裝置はシュリーレン法と同樣の原理にもとずく もので,同心の黑環をえがいたすり硝子を光源とし,2







7



79

枚のレンズによるこれの像平面に小さな孔をもつ遮蔽板 をおいたものである。これにより水面上の等傾斜線が寫 賃 丘に1本の暗線または明線となつて現われる。 第12 圖は超音速における Busemann の複葉に對す る流れである。a は水を流す前, b は翼の前縁(左端)

- 80

から出た衝撃波が中央の角で膨脹波として反射して後線 附近に達し、その結果翼の前後の狀態がほぼ同じになう で抵抗が少くなつている狀態, c,d はこれより低いマッ 、数で衝撃波が順文前の方に出て來ている。

、水槽の實験は非常に簡單であつて、手輕に超音速流の 模様を觀察するには役立つが、上の寫眞からもわかるよ うた表面張力波などが邪魔をするのであまり細かい點ま

弦 祝 5 溶鍍爐スラッグの起電力 松 下 幸 雄 ききに本誌 (3 (1951) 7, 26) で述べたように、溶 酸スラッグの成分を高温のとけたま Δ の狀態で判定す ることができる 見 通 し がついたの で、まず溶鍍爐スラッグについて系 統的に調べた。すなわち本邦四工場 から現場スラッグをいただいて黒鉛 ルツボ中に再溶解し、 ⊕Cl 溶融スラ ッグ [SiC \ominus の可逆電池を作つて、 その起電力をポテンショメーターで 測り温度との関係をプロットしてみ

た。電極に使ったCは8mmøの炭 素棒, SiC は 3mmø に削つたエレ こを 8 mmo 炭素棒の先端にシンタ - して 9mm 露出 させたものであ る。これは C-SiC 電極對によつて 生ずる熱起電力を消去するための工 夫である。29 種類のスラッグをA, B1, B2, C, X および Y の 6 群に 分類して第1,2 圖に示した。第1圖 の4群は起電力の温度保敷が負であ り、第2圖の2群はそれが正か或は 零である。圖中の直線に附けた數字 は, 中央部が CaO%, 右端が SiO₂% であり、左端は Al2O3%を示してい る。ころには示していないが、各ス ラッグのこの主要成分の外に FeO, MnO, MgO, P2O5 および S も分 析値を求め,その全部から筆者の すでに述べた方法 (前掲の文獻) で 鹽基度 $\sum n(m\epsilon/c) / \sum n(m\epsilon/c)$ と

∺**8**⇒.,

ではわからない。この點衝撃波管の方がはるかにすぐれ ている。

生`產研究

本文に掲げた衝撃波管による氣流寫眞の撮影には福井 四郎,大島耕一の兩君,水槽實驗には永井達成,櫻井義 雄の兩君の御協力を得たことを附記して感謝の意を表す る次第である。

1) ' Vieille, Comptes Rendus 129, (1899), 1228

- Geiger, Mautz & Hollyer, Engineering Research Institute, Univ. of Michigan (1949).
- Taylor & Maccoll, The Mechanics of Compressible Fluids, Durand's Aerodynamic Theory III, 1934.
- Heitzberg & Kantrowitz, J. Appl. Phys., 21, (1950), 874.
 Marlow, Nisewanger & Cady, J. Appl. Phys. 20, (1949), 771.

∑n(ms/c) を計算しておく。これだけの準備をして おくと起電力の大小ならびに温度による變化の模様を CaO, SiO₂ および Al₂O₃% と鹽基度によつて見事に 説明できる。從つてこの標準圖をもとにして未知成分 のものが數分以内で判定できる基礎を與えたものと思 う。 (26.12.7 受)



第2圖 溶繊爐スラッグの起電力と温度の關係 (その 2)

"計算》機特集化號"(生產研究4月號)

大型自動計算機は、今や近代的研究手段の一つとして、缺くことのできないものになりつつあり、わが國におい でも、昨今、この方面の技術の進展が強く要請されている。本號 17 頁所載の通り、"生産研究"來月には、計算 機特集號を世におくる。內容はこの方面の技術の現狀を網羅しており、讀者各位の認識に登するところは少くない ものと自負している。 國際會議に出席のため出張された山下教授から、お手紙があつた。ほとんど休む暇もなく、佛國より獨、白、蘭、 英を經て米國と、各地の計算装置の實情を廣く視察されている由。特集號には詞教授の見聞記も發定されており、 斯界の最新ニュースがお傳えできよう。大方の御期待を乞う所以である。(T. N.)

and the second second