学位論文

マルチフェロイック物質 BiFeO3 の 磁場誘起相の研究と電気磁気効果の応用

(Study of magnetic-field-induced phases and application of the magnetoelectric effects in multiferroic BiFeO₃)

平成29年7月博士(理学)申請

東京大学大学院理学系研究科

物理学専攻

河智 史朗

Abstract

モノのインターネット化 (IoT) の進行により、半導体メモリーを越える高密度記録・低 消費電力のメモリー開発に対する社会的要請が高まっている。その候補として磁気メモ リー、強誘電体メモリー、相変化メモリー、抵抗変化メモリーなど様々な種類のメモリー の研究が行われており、それぞれに長所と短所が存在する。そのような中、物質中で磁気 秩序と強誘電性が共存するマルチフェロイック物質は磁気メモリーと強誘電体メモリーの 特性を併せ持つ新しいメモリー材料として期待されている。一方で基礎物理学では磁気 的、電気的性質の間の結合から生まれる新しい物性を期待して研究が行われている。室温 でマルチフェロイック状態にある BiFeO₃ はメモリーデバイスや太陽光発電等実用上も興 味深い性質を示すため特に多くの注目を集めてきたが、マルチフェロイック物質として期 待されるこれらの特性の磁場制御に関する研究は限定的である。

BiFeO₃における最近の研究では、三方晶の *c* 軸方向を向いた巨大な電気分極の他に、 これと垂直方向の電気分極の存在が示された。この *c* 軸に垂直な電気分極は、外部磁場の 印加によるサイクロイド磁気秩序の磁気ドメインの制御を通してその方向を非可逆的に制 御できる。この磁場による磁気および強誘電ドメインの制御は外場を取り除いた後も状態 を保持する不揮発性メモリー効果を示す。本研究では同様のメモリー効果が電場印加で誘 起できるか、またその状態変化を簡便な方法で検出できないかを調べるため、*c* 軸と垂直 な電場印加による BiFeO₃ の磁化および電気抵抗変化を測定した。その結果、BiFeO₃ の 磁化は電場印加に対して非可逆的な変化をしており、それに伴って電気抵抗も変化した。 この電気抵抗の変化は抵抗メモリーとしての特性を室温においても示している。

メモリー効果の起源となる c 軸と垂直な電気分極の存在は、この物質の対称性が三方晶 より低下していることを意味している。微小な格子歪みを検出するため、パルス磁場下に おける精密磁歪測定系を構築し、BiFeO3の磁場印加に伴う格子変形を調べた。磁歪測定 の結果は、この物質が無磁場下において三回回転対称性を破る歪みを有していること、そ してその歪みが外部磁場で制御可能であることを示した。この観測した歪みと同時に変化 する c 軸に垂直な電気分極の大きさと単斜晶歪みの存在を支持した先行研究の比較は、三 方晶の c 軸と垂直な電気分極は単斜晶歪みによって c 軸に沿った自発分極が面内に傾くこ とに由来していることを示唆した。

また強磁場下で行った磁歪測定の結果は、サイクロイド相から傾角反強磁性相への磁場 誘起相転移の途中で非単調な振る舞いを示した。併せて行った磁化測定および電気分極測 定の結果も、中間的な磁場領域における新たな相の存在を示唆した。この中間磁気相の起 源として幾つかの理論研究は横型のコニカルな磁気相の存在を示唆している。このコニカ ルな磁気相では磁気変調ベクトルの方向がサイクロイド磁気相のものから変化することが 期待される。そこで依頼した中性子線回折実験の結果は、強磁場下において磁気変調ベ i

ii

クトルが変化した状態への1次相転移を実際に捕えている。また中間磁気相では c 軸に 垂直な電気分極に大きな電気磁気効果が観測された。理論的な計算から、観測されたサ イクロイド相及び中間磁気相での電気磁気効果は三回回転対称性を維持した範囲内で逆 Dzyaloshinskii-Moriya または交換歪機構として説明することができる。BiFeO₃のバルク 試料で見出されたサイクロイド相、傾角反強磁性相に次ぐ第三の相は、この物質の電気磁 気効果の活用に新たな可能性を提供する。一方、系の三回回転対称性を維持した同様の計 算を傾角反強磁性相に適応すると、これら2つの微視的機構では c 軸に垂直な電気分極成 分はゼロである。しかし、今回行った磁場中の電気分極の変化を捉えた実験は、傾角反強 磁性相においても c 軸方向に垂直な電気分極が有限に存在すること初めて明らかにしてい る。このことから観測した有限の電気分極成分はこの物質の三回回転対称性の破れに起因 していることを示唆している。

Abstract

The progress of the "Internet of Things" requires development of memory devices with high-density recording and low power consumption. Various types of random access memories, e.g. magnetic (MRAM), ferroelectric (FeRAM), resistive and phase-change RAM have been investigated. Each type of them has its merits and demerits. Multiferroic materials that which have magnetic order and ferroelectricity are expected to be new memory devices that combine the characteristics of MRAM and FeRAM. In addition, this class of materials have been extensively investigated as a playground for the novel physical properties caused by the coupling between magnetic and dielectric properties. Among them, BiFeO₃ is the most extensively studied multiferroic material because of its unique prominent multiferroicity even at room temperature and its various attracting properties, such as optical diode, memory effects, and photo-voltaic effects. Some of these properties, however, are not related with the multiferroicity, it is not clear whether they can be controlled by application of external magnetic fields.

The recent study on this material revealed emergence of electric polarization perpendicular to the c-axis of the trigonal cel. This novel component was found to be controlled by magnetic fields in a non-volatile way, and was ascribed to the field-induced reorientation of the magnetic domains. In this study, magnetization and electric resistivity of BiFeO₃ was measured as a function of applied electric field perpendicular to the c-axis to detect possible change in the magnetic domains properties. The results actually show hysteretic changes in the both properties. The samples are repetitively switched between high- and low- resistance states by changing the polarity of the applied electric fields over 20000 cycles at room temperature. These results demonstrate the potential of BiFeO₃ for application to the non-volatile memory devices.

The existence of the electric polarization perpendicular to the *c*-axis indicates that threefold-rotational symmetry was broken in the cycloidal state. To detect this small displacement, precise measurements of magnetostriction were carried out by using newly developed capacitance dilatometry. The results clearly show the lattice deformation caused by applied magnetic fields. The observed irreversible changes in the sample length during the reorientation process of the magnetic domains indicate that the three-fold rotational symmetry in crystals of BiFeO₃ is broken in the cycloidal state. A comparison of the change of electric polarization with the observed magnetostriction and a previous study supporting the existence of monoclinic distortion suggested that the electric polarization perpendicular to the *c* axis of the trigonal cell is the projection component of the spontaneous polarization due to the monoclinic strain.

Furthermore, the results of magnetostriction exhibit non-monotonic changes between cycloidal and canted-antiferromagnetic phases. Results of the magnetization and electric polarization measurements also suggest corresponding anomalies in the intermediate region. Several theoretical studies suggest the existence of a conical phase in this intermediate region. Here, the direction of the magnetic propagation vector in the conical phase is expected to change from that in the cycloidal one. The results of neutron diffraction measurements in steady magnetic fields up to 14 T support this expected change in the modulation vector. The observed linear magnetoelectric effect in this intermediate phase is larger than those in the cycloidal or canted-antiferromagnetic phases. The observed magnetoelectric effects in the cycloid and intermediate phases can be explained by inverse Dzyaloshinskii-Moriya or exchange striction mechanism with holding three-fold rotational symmetry. The observed linear magnetoelectric effect in this intermediate phase provides novel possibility for application of the magnetoelectric effects in this material. In the same calculation of the cantedantiferromagnetic phase, the electrical polarization component perpendicular to the c axis is zero in these two microscopic mechanisms. However, the experimental result in the change of electric polarization in magnetic field revealed the existence of the finite electric polarization perpendicular to the c axis in the canted-antiferromagnetic phase. The finite electric polarization component may be caused by breaking of the three-fold rotational symmetry.

目次

第1章	序論	1				
1.1	背景	1				
1.2	マルチフェロイック物質について					
1.3	BiFeO ₃ について	4				
	1.3.1 結晶構造と磁性	4				
	1.3.2 磁場誘起相転移	1				
	1.3.3 磁場応答の異方性 1	6				
	1.3.4 三回回転対称性の破れ	20				
	1.3.5 電場効果の研究	24				
1.4	本研究の目的と意義	2				
		_				
弗2草	美験 3	5				
2.1	試料とパルスマグネットについて	5				
2.2	試料の整形					
2.3	パルス強磁場中の電気分極測定 4	-2				
	2.3.1 電気分極の測定手法 4	-2				
	2.3.2 磁場による結晶の評価 4	-5				
2.4	パルス強磁場中の磁化測定 46					
2.5	電場中の電気分極測定 48					
2.6	電場中の磁化と電気抵抗測定					
2.7	電気抵抗の温度依存性 51					
2.8	パルス強磁場中の磁歪測定 5	51				
	2.8.1 キャパシタンス法の測定原理 5	52				
	2.8.2 キャパシタンスセルの作製方法 5	5				
	2.8.3 測定回路と性能評価 5	6				
	2.8.4 BiFeO ₃ のセットアップ 5	<i>9</i>				

第3章	実験結果	61				
3.1	サイクロイド磁気秩序相における電気磁気効果...........	61				
	3.1.1 非可逆的な磁場応答	61				
	3.1.2 電場中の電気分極測定	64				
	3.1.3 電場中の磁化と電気抵抗測定	65				
	3.1.4 室温ゼロ磁場環境下における抵抗メモリーの評価	72				
3.2	サイクロイド相における三回回転対称性の破れ	74				
3.3	中間磁気相について	78				
		.				
第4早	考祭	81				
4.1	不揮発性抵抗メモリー効果	81				
4.2	磁場に対する非可逆的な歪み85					
4.3	磁場誘起相転移					
做「主	(注意 년 문법	107				
弗 5 早	お 語 C 茂 望 (1997) (1997	107				
5.1	結論	107				
5.2	今後の展望	108				
参考文献		111				
謝辞		117				

第1章

序論

1.1 背景

モノのインターネット化 (IoT) の進行に伴って我々が扱う情報量が飛躍的に増加してい る中、記憶媒体の更なる高密度化や省エネ化が要求されている。中でも低エネルギー化が 期待できる不揮発性メモリーは有力な候補であり、磁気メモリー (MRAM) や強誘電体メ モリー (FeRAM)、抵抗変化型メモリー (RRAM)、相変化メモリーなど様々な不揮発性の Ramdom Access Memory の方式が研究されている。しかし、これらの方式にはそれぞれ の利点や欠点が存在する [1]。例えば、MRAM は磁場で情報を書き込み、磁気抵抗素子で 読み出す不揮発性メモリーで、読み書きは速いが、磁場発生に伴う消費電力が大きくて、 外部からの磁場に弱いといった特徴がある。また FeRAM では強誘電体セルの強誘電ドメ インを電場によって揃えることで情報を書き込み、電場印加による電気分極反転で生じる 電流の有無で元の電気分極方向の情報を読み出す方式である。電気分極反転が 100 ns 程 の速度で行えることから高速で読み書きが可能である一方、読み出しで一度電気分極の情 報を破壊することから再書き込みが必要となるため回路が複雑化し高密度化が困難であ る。そのような中、磁性と強誘電性が共存しているマルチフェロイック物質は MRAM や FeRAM の特性を相補した新しい RAM の候補として注目されている [2]。ところが、これ らの物質のほとんどは室温よりも低い温度でしかマルチフェロイック特性が発現しない、 もしくは室温での電気磁気効果が小さすぎて検出が困難である。しかし、ビスマスフェラ イト (BiFeO₃) は例外的に顕著なマルチフェロイック特性が室温で発現する物質として大 きな注目を集めている。

基礎物理学ではマルチフェロイック物質は磁気秩序と強誘電秩序の間の結合について広 く研究されている。磁気秩序と強誘電秩序が同時に現れるためには、物質の時間反転対称 性と空間反転対称性が同時に破れている必要がある。このような観点から Dzyaloshinskii が Cr₂O₃ の反強磁性相で電気磁気効果が起こりうることを提唱し [3]、それを受けた実験 から電気磁気効果が実証された [4,5]。しかしその応答は非常に小さく検出が困難だった ため、実用化されることはなかった。しかし、2003 年に TbMnO₃ に代表されるペロフス カイト型のマンガン酸化物 RMnO3 において磁場によって電気分極の方向を制御した報 告[6]を契機に、マルチフェロイック物質としての研究が盛んに行われるようになった。 この TbMnO3 の強誘電相の磁気構造は不整合な長周期構造を有しており、これは磁気変 調方向とスピン回転面が平行なサイクロイド型の磁気秩序であると知られている [7]。強 誘電体である BiFeO3 の磁気構造も同様にサイクロイド型の長周期磁気構造を有している が [8]、このようなサイクロイド型の磁気秩序と強誘電性との関係性は液晶の理論で広く 用いられている Lifshitz 不変式として表すことができる [9]。液晶ではフレキソ電気効果 として知られている。これは曲げ歪みによってできる歪みの勾配に極性が生じ、対称性に よって電気的な分極が発現する現象である。液晶の配向子の分布と電気分極との関係性が Lifshitz 不変式として現象論的に表されるが [10]、この配向子をスピンに置き換えたフレ キソ電気磁気効果として磁気秩序と電気分極の関係性に適応して説明することができる。 この液晶の現象論はサイクロイド型の磁気秩序だけでなく、磁気ドメイン壁やスキルミオ ンの物理とも関連性が有るため、基礎物理学的に注目されている [11]。一方、BiFeO₃ は 1100 K 以下の温度で巨大な自発分極が発現し、640 K 以下でサイクロイド型の長周期磁 気構造を伴った G-type の反強磁性磁気秩序が生じる。このため発現した磁気構造と自発 分極の結合は完全ではないが、自発分極が1C/m²と非常に大きいため顕著な電気磁気効 果が期待される。この物質の電気分極と磁気構造の詳細を探ることは、これまで明らかに されてきた電気磁気結合の微視的な機構との整合性やそれらの理解を深める上で重要で ある。歪んだペロフスカイト型構造である BiFeO3 の電気磁気効果の実験的研究は、1980 年代から擬立方晶の主軸に沿った研究が主に行われていた。実際の BiFeO3 は菱面体に歪 んでおり、サイクロイド磁気構造の変調方向はその三方晶表記の主軸方向に沿っているた め、擬立方晶の主軸に沿った測定を行うことはこの物質の本質的な電気磁気効果の理解を 困難にしている。本研究では単結晶 BiFeO3 を用いて三方晶の主軸に沿った磁場および電 場による応答を調べ電気磁気効果の詳細を探求するだけでなく、この電気磁気効果の応用 に向けた研究も展開する。

1.2 マルチフェロイック物質について

マルチフェロイック物質は強磁性・強誘電性・強弾性などの強的な性質が共存している 物質として定義される。狭義では磁気秩序と強誘電性が共存している物質を指す。特徴的 な点は図 1.1 のように磁場、電場、応力の外場がそれぞれ磁化、電気分極、歪みと独立に 結合しているだけでなく、磁場と電気分極、電場と磁化等のように他の自由度との交差相 関が存在していることである。本研究で対象としている BiFeO₃ では反強磁性と強誘電性 が共存している。しかし、後述するがネール温度よりもずっと高い温度まで強誘電性が失われないため、磁性と強誘電性が完全に結合しているわけではない。



図 1.1 マルチフェロイック物質の交差相関を表した概念図。P、 ϵ 、M はそれぞれ電気 分極、歪み、磁化を表している。

磁性と強誘電性の結合として現在まで考えられている代表的な微視的機構はスピン (S) と 電気分極 (P) の関係を以下のような式で表すことができる [12]。

$$P = A_1 \sum_{\langle i,j \rangle} \boldsymbol{e}_{ij} \times \left(\boldsymbol{S}_i \times \boldsymbol{S}_j \right) + A_2 \sum_{\langle i,j \rangle} \left(\boldsymbol{S}_i \cdot \boldsymbol{S}_j \right) \boldsymbol{e}_{ij} + A_3 \sum_{\langle i,j \rangle} \left(\boldsymbol{S}_i \cdot \boldsymbol{e}_k \right)^2 \boldsymbol{e}_k.$$
(1.1)

i, *j* は隣り合った磁性イオンを示しており、 e_{ij} は *i* から *j* のボンド間の単位ベクトルを、 $S_{i,j}$ はこれらのサイトのスピンを表している。 A_{α} ($\alpha = 1, 2, 3$) はそれぞれの電気磁気結合 定数を表している。第1項はスピンカレント機構であり、逆 Dzyaloshinskii-Moriya (DM) 相互作用として知られている [13–15]。これは2つのスピンが傾角を持つと、2つの磁性 イオンの間にあるアニオンがずれて反転対称性を破ることによって電気分極が出現すると 説明される。第2項は Goodenough-Kanamori 則の逆効果であり、交換歪として知られて いる。2つの磁性イオンのアニオンを介した超交換相互作用の符号 (強磁性的または反強 磁性的) は、d 電子の数や軌道の対称性に加えてボンドの結合角に付随する。与えられた 磁気秩序の下で相互作用エネルギーの利得を増大するため、アニオンが変位して電気分極 を生じる機構が、この第2項によって表されている [16,17]。第3項はd - p 混成機構と して知られている [18-20]。スピン軌道相互作用によって磁性イオンとアニオンの軌道縮 退が解け、両者の軌道混成がスピンの方向に依存する。このためスピンが傾くと軌道混成 の比率が変化し電気分極が出現する機構である。

1.3 BiFeO₃ について

1.3.1 結晶構造と磁性

BiFeO₃の基本となるペロフスカイト型構造では Bi イオンが作る単純立方格子の中心 に Fe イオンが配置し、その周りに 6 つの O イオンが正八面体配位する。約 1100 K 以下 の温度ではそこから変形した構造を持っており、変形した空間群 R3c の菱面体構造にお ける単位胞内の原子配置は図 1.2(a) のようになる。ペロフスカイト型構造からの変形で は図 1.2(a) のように FeO₆ が擬立方晶の $\langle 111 \rangle_{cub}$ の軸を中心にそれぞれ時計周りと反時 計周りに 13.8°回転する [21]。この変形と同時に Fe イオンが $\langle 111 \rangle_{cub}$ 方向に変位し、そ れに伴い Fe イオンが近づいた(遠ざかった)O イオンの三角形が拡大(縮小)する [図 1.2(b)] [22]。この $\langle 111 \rangle_{cub}$ 方向へのイオンの変位によって、同方向に自発分極 P_S を持っ た極性結晶になる。



図 1.2 (a) FeO₆ 八面体の回転によって周期が 2 倍になった BiFeO₃ の菱面体構造。(b) Fe イオンと O イオンが 〈111〉_{cub} 方向に移動し、さらに O イオンがそれに垂直に移動し ている様子を示した模式図。[22]

この約 1 C/m² の巨大な自発分極の方向は三方晶に置き換えると c 軸に位置する [23–25]。 三方晶の格子定数は室温で a = 5.58 Å、c = 13.87 Å である。ここで擬立方晶の $\langle 111 \rangle_{cub}$ 方向の取り方は図 1.3(a) のように 8 通りあるため、通常では BiFeO₃ の単結晶は自発分極 $P_{\rm S}$ が三方晶の c 軸から相対的に 0°、71°、109°、180° 傾いた 8 重縮退の強誘電ドメイン を含んでいる。

一方、単一強誘電ドメインの単結晶中にも室温では別の種類のドメインが存在する。約 640 K 以下では G 型の反強磁性に変調がかかった長周期のサイクロイド型の磁気秩序相に 相転移する。サイクロイド磁気秩序の磁気伝播ベクトル Q は三方晶 ab 面内では $\langle 110 \rangle_{tri}$ を向いている [8]。図 1.3(b) のように c 軸方向を Z、a 軸方向を X、それらに垂直な方向を Y と定義すると、Z 軸周りの 3 回回転対称性から等価な 3 つの Q_i (i = 1, 2, 3) が存在する。



図 1.3 (a) BiFeO₃ における 8 通りの自発分極方向を持った強誘電ドメインの描画。三 方晶の c 軸から相対角で 0°、71°、109°、180° のドメインで分類される。(b) 単一の 0° の強誘電ドメインにおける三方晶 c 軸に垂直な 3 つの磁気変調ベクトル Q_i (i = 1, 2, 3) を表す模式図。三方晶の c 軸を Z、a 軸を X、それらに垂直な軸を Y としている。



図 1.4 サイクロイド磁気秩序が *Q-Z* 面内で回転している様子を示す模式図。矢印は反 強磁性ベクトルを示す。一方、挿入図の *XY* 面内の矢印は弱強磁性を表すスピンの向き を表している [26]。

この螺旋型の磁気秩序は波長にして 620 Å と長周期であり、ある XY 面内におけるスピン は図 1.4 に模式的に示したように Q-Z 面内で回転している。三方晶の配置では Z 方向に c/6 移動した面内ではスピンは逆方向を向いている。この 2 つの副格子磁化のベクトルの 和で定義される強磁性ベクトル M と差で定義される反強磁性ベクトル L の XY 面内にお ける空間変調は、図 1.4 の挿入図のようになる。この磁気変調の傾角は Z 方向の反転対称 性の破れによる DM 相互作用によって引き起こされていると考えられており、自発分極 $P_{\rm S}$ と結合している [27]。このため磁気変調ベクトル Q のヘリシティーの縮退は解け、た だ一つに定まる。実際に偏極中性子回折の実験で自発分極の向きに対してサイクロイドの ヘリシティは 1 通りであることが報告されている [28]。サイクロイド磁気秩序は現象論的 には自発分極 $P_{\rm S}$ との結合として考えられている [29]。現象論におけるサイクロイド磁気 秩序と電気分極の結合は、Lifshitz 不変式を用いて表した単位体積あたりのエネルギーと して以下のように与えられる [26]。

$$F_{\rm ME} = \gamma P_{\rm S} \left(L_Z \left(\boldsymbol{\nabla} \cdot \boldsymbol{L} \right) - \left(\boldsymbol{L} \cdot \boldsymbol{\nabla} \right) L_Z \right) \tag{1.2}$$

ここで L は反強磁性ベクトルで、 γ は電気磁気結合定数、 P_S は Z 方向の自発分極を表している。また $A \ge K_U$ をそれぞれ交換スティフネスと一軸磁気異方性とすると、交換エネルギー密度と異方性エネルギー密度は

$$F_{exch} = A \sum_{i=X,Y,Z} (\nabla n_i)^2 = A \left((\nabla \theta)^2 + \sin^2 \theta (\nabla \phi)^2 \right)$$
(1.3)

$$F_{an} = -K_U \cos^2 \theta \tag{1.4}$$

で表される。ただし、十分低温で秩序変数の振幅が飽和しているとする。 $n \in L$ 方向の単 位ベクトルnとすると、極座標表現におけるLの極角 θ 、方位角 ϕ を用いて

$$\frac{L}{|L|} = n = (\sin\theta\cos\phi, \sin\theta\sin\phi, \cos\theta)$$
(1.5)

と表される。磁気異方性はサイクロイドの形に影響しないと近似し極角 θ が空間的に $\theta = qX$ と変化する解を考えると、系のエネルギーが最小になる変調波数 q_0 は

$$\frac{\partial \left(F_{exch} + F_{ME}\right)}{\partial q} = \frac{\partial \left(Aq^2 - \gamma P_Z q\right)}{\partial q} = 0 \tag{1.6}$$

この式を解くと

$$q_0 = \frac{\gamma P_Z}{2A} \tag{1.7}$$

となる。ほとんどのマルチフェロイック物質において電気分極がスピン系に与える影響は 無視できるほど小さいが、Z 方向に巨大な自発分極を有する BiFeO₃ では、電気磁気結合 を通じて電気分極がスピンを傾けることで長周期螺旋構造を実現していると理解されてき た。ここで Zeeman エネルギーと異方性エネルギーを導入すると、サイクロイド相の自由 エネルギーは以下のようになる。

$$F_{cycloid} = Aq_0^2 - \gamma P_Z q_0 - K_U \cos^2 \theta - \frac{\chi_{\perp} H_Z^2}{2} \sin^2 \theta - \frac{\chi_{\perp} H_Y^2}{2}$$
(1.8)

X⊥ は反強磁性ベクトル*L*に垂直な方向の磁化率である。式 1.7 を用いて、式 1.8 を周期 *λ*より大きい系として自由エネルギー密度を平均化すると、

$$\langle F_{cycloid} \rangle_{\lambda} = -Aq_0^2 - \frac{K_U}{2} - \frac{\chi_{\perp} H_Z^2}{4} - \frac{\chi_{\perp} H_Y^2}{2}$$
 (1.9)

と表される。

図 1.4 の *M* で示されたように *Q*-Z 面に垂直に傾いた弱強磁性成分を含んでいることが知られている。この弱強磁性はサイクロイド相においてサイクロイドの1周期で打ち消されている。この弱強磁性はサイクロイド磁気秩序を磁場で壊したときに巨視的に現れる。弱強磁性の自発磁化を *m*_s で与えると磁場に垂直な反強磁性ベクトルを持った傾角反強磁性

相 (CAFM)の自由エネルギー密度は、

$$F_{\rm CAFM} = -m_{\rm S}H_Y - \frac{\chi_{\perp}H_Z^2}{2} - \frac{\chi_{\perp}H_Y^2}{2}$$
(1.10)

として表現される。これらの相が等エネルギーとなる臨界磁場 H_C は、式 1.9 と式 1.10 を 用いると、

$$H_{C} = \frac{-2m_{\rm S}\sin\psi + 2\sqrt{m_{\rm S}^2\sin^2\psi + \chi_{\perp}\cos^2\psi \left(Aq_0^2 + K_U/2\right)}}{\chi_{\perp}\cos^2\psi}$$
(1.11)

となる。ここで ψ は c 軸と印加磁場の角度で、 $H_C = (0, H_C \sin \psi, H_C \cos \psi)$ として与えられる。

上記の現象論は微視的には以下のスピンハミルトニアンによっても記述することができる [30]。

$$\mathcal{H} = -J_1 \sum_{\langle ij \rangle} \mathbf{S}_i \cdot \mathbf{S}_j - J_2 \sum_{\langle ij \rangle'} \mathbf{S}_i \cdot \mathbf{S}_j$$

$$-D_1 \sum_{\langle ij \rangle} \left(\mathbf{z}' \times \mathbf{e}_{i,j} / a \right) \cdot \left(\mathbf{S}_i \times \mathbf{S}_j \right)$$

$$-D_2 \sum_{\langle ij \rangle} (-1)^{n_i} \mathbf{z} \cdot \left(\mathbf{S}_i \times \mathbf{S}_j \right)$$

$$-K \sum_i \left(\mathbf{S}_i \cdot \mathbf{z}' \right)^2 - 2\mu_B H \sum_i \mathbf{S}_i \cdot \mathbf{m}$$
(1.12)

ここで、*i、j*は*i、j*番目のスピンを表している。第1項と第2項は交換相互作用を表し ており、 J_1 、 J_2 は図 1.5(a)のように最近接および次近接の交換相互作用定数を表してい る。また、z'は擬立方晶の座標系でz' = (1, 1, 1)の単位ベクトルを表しており、三方晶の [001]_{tri}方向の単位ベクトルに相当する。第3項と第4項は DM 相互作用を表しており、 D_1 、 D_2 はそれぞれ三方晶面内、[001]_{tri}方向の Dzyaloshinskii ベクトルの定数を表してい る。 $e_{i,j}$ は格子定数 aの擬立方晶の主軸に位置した最近接サイト間を結ぶベクトルである。 また第5項と第6項はそれぞれ磁気異方性エネルギーと Zeeman エネルギーを表してい る。実際にこの表式は光学スペクトルや中性子線非弾性散乱の実験結果 [30–34]を良く再 現している。第3項は XZ 面内のサイクロイド構造を、第4項は三方晶面内の弱強磁性を 表現している。BiFeO₃の特徴的な磁気構造を表すこれらの DM 相互作用に着目して、次 に先述した現象論との関係性を比較してみる。



図 1.5 Fe イオンの擬立方格子におけるスピン交換相互作用 J_1 、 J_2 と z' に垂直な 3 つ の磁気ドメインを表した模式図 [34]。

ここまで紹介した現象論とスピンハミルトニアンの関係性を、Zvezdin らは非中心対称 な結晶構造から微視的な議論で展開している。擬立方晶の主軸方向に隣あった反強磁性副 格子間における磁性イオンの DM 相互作用のエネルギーは、図 1.6 のように隣合った Fe イオンの磁気モーメントの単位ベクトルをそれぞれ *s*₀、*s_n* とすると

$$V_{\rm DM} = \frac{1}{2} \sum_{n}^{6} \left(\boldsymbol{D}_n \cdot [\boldsymbol{s}_0 \times \boldsymbol{s}_n] \right)$$
(1.13)

として表される。Dは Dzyaloshinskii ベクトルであり、これはOイオンから両端の隣合った Fe イオンへの相対距離をそれぞれ r_{n-0} 、 r_{n-n} とすると

$$\boldsymbol{D}_n = V_0 \left(\boldsymbol{r}_{n-0} \times \boldsymbol{r}_{n-n} \right) \tag{1.14}$$

である。理想的なペロフスカイト型立方晶においてその主軸方向の単位ベクトルを n、格 子定数を a として $r_{n-0} = -(a/2) n$ 、 $r_{n-n} = (a/2) n$ として表すとする。ここから実際の O イオンの変位を δr_O とすると、

$$\delta \mathbf{r}_{\rm O} = \mathbf{Z}_{\rm O} + (\mathbf{\Omega} \times \mathbf{r}_{n-0}) + \mathbf{\pi}_n \tag{1.15}$$

として表す。第1項は図 1.2(b) で示すように擬立方晶の $\langle 111 \rangle_{cub}$ に沿った Fe イオンの変 位 \mathbb{Z}_{Fe} に伴ったこの方向への O イオンの変位 \mathbb{Z}_{O} を表している。第2項は図 1.2(a) で示 すように八面体 FeO₆ の回転に伴う O イオンの回転方向を表しており、 $\langle 111 \rangle_{cub}$ 軸に沿っ たベクトル Ω を用いると、それぞれの O イオンは図 1.6(b) の青矢印で示すように回転す る。第3項は図 1.2(b) のように Z_{Fe} に伴った (111)_{cub} 面上の O イオンの変位 π を表して いる。八面体の各 O イオンは図 1.6(b) の赤矢印で示しているような π_n の変位をする。こ れより式 1.14 は

$$\boldsymbol{D}_{n} = V_{0} \left[(\boldsymbol{r}_{n-0} - \delta \boldsymbol{r}_{O}) \times (\boldsymbol{r}_{n-n} - \delta \boldsymbol{r}_{O}) \right]$$

= $-aV_{0} \left[\boldsymbol{n} \times (\boldsymbol{Z}_{Fe} - \boldsymbol{Z}_{O}) \right] - \frac{a^{2}V_{0}}{2} \left[\boldsymbol{n} \times (\boldsymbol{\Omega} \times \boldsymbol{n}) \right] + aV_{0} \left(\boldsymbol{n} \times \boldsymbol{\pi}_{n} \right)$ (1.16)

と表される。ここで、第1項と第3項は *n*の総和でゼロになることから、式1.16の八面 体の互いに逆向きの回転による第2項がスピン *s_n*を傾ける。このときの DM 相互作用は

$$V_{\rm DM} = \frac{1}{2} \sum_{n}^{6} \left[\boldsymbol{D}_n \cdot (\boldsymbol{s}_0 \times \boldsymbol{s}_n) \right] = V_0 a^2 \left[\boldsymbol{\Omega} \cdot (\boldsymbol{s}_0 \times \boldsymbol{s}_n) \right]$$
(1.17)

と表される。つまり FeO₆ の互いに逆向きの回転による Z 方向の D ベクトルが、サイク ロイドの伝播ベクトルに垂直な面内の弱強磁性成分の起源となっている。



図 1.6 (a) 濃い茶色で示した Fe イオンと明るい青色で示した O イオンの相対的な位 置関係。(b) (111)_{cub} 方向からみた Ω と π のモード。[22]

しかしサイクロイドを考慮するとき、スピンは一様でないため Ζ と π のモードは無視で きない。サイクロイドにおける相互作用は

$$V_{\rm ME} = -\frac{1}{2} V_0 \sum_{n}^{6} \left[(\boldsymbol{r}_{i-0} \times \boldsymbol{r}_{i-i})_{\Omega=0} \cdot (\boldsymbol{s}_0 \times \boldsymbol{s}_i) \right]$$
$$= -\frac{V_0 a}{2} \sum_{n}^{6} \left[(\boldsymbol{n} \times [\boldsymbol{Z} - \boldsymbol{\pi}_n]) \cdot (\boldsymbol{s}_0 \times \delta \boldsymbol{s}_n) \right]$$
(1.18)

ここで n の逆サイドでは δs_n の符号が異なるが、絶対値が等しいため n = [1, 0, 0], [0, 1, 0], [0, 0, 1]の3つの和で考えると、

$$V_{\rm ME} = -V_0 a^2 \sum_{n}^{3} \left[(\mathbf{n} \times [\mathbf{Z} - \boldsymbol{\pi}_n]) \cdot \left(\mathbf{s}_0 \times \frac{\delta \mathbf{s}}{\delta x_n} \right) \right]$$
(1.19)

ここで $\delta s/\delta x_n$ は [100]_{cub}, [010]_{cub}, [001]_{cub} に沿った微分である。Z 方向の電気分極の単位ベクトルを p = Z/|Z| と表すと、[$n \times \pi_n$] の項をこの表現を用いて $V_f = V_0 a^2 (\Delta Z - \Delta \rho / \tan \alpha)$ で表すと以下のようになる。

$$V_{\rm ME} = -V_f \sum_{n}^{3} (\mathbf{n} \times \mathbf{p}) \cdot \left(\mathbf{s}_n \times \frac{\delta \mathbf{s}}{\delta x_n}\right)$$

$$= -V_f \sum_{n}^{3} \mathbf{p} \left[\left(\mathbf{s}_n \times \frac{\delta \mathbf{s}}{\delta x_n}\right) \times \mathbf{n} \right]$$

$$= V_f \sum_{n}^{3} \mathbf{p} \left[\left(\mathbf{s}_n \cdot \frac{\delta \mathbf{s}}{\delta x_n}\right) \mathbf{s}_n - (\mathbf{n} \cdot \mathbf{s}_n) \frac{\delta \mathbf{s}}{\delta x_n} \right]$$

$$= V_f \left[(\mathbf{p} \cdot \mathbf{s}) (\mathbf{\nabla} \cdot \mathbf{s}) - \mathbf{p} \cdot (\mathbf{s} \cdot \mathbf{\nabla}) \mathbf{s} \right]$$
(1.20)

この表式は、現象論で導入されている Lifshitz 不変式 (式 1.2) と等しい。つまり、DM 相 互作用を用いて Fe イオンとOイオンの相対的な変形から、Z 軸に沿った D ベクトルで磁 場誘起相でみられる弱強磁性を、Z 軸に垂直な D ベクトルでサイクロイド磁気秩序を表し ている。Z 軸に垂直な D ベクトルの表現は現象論における電気分極とスピンの結合を表 す Lifshitz 不変式を再現している。

1.3.2 磁場誘起相転移

磁場の印加に伴って一様な CAFM 相が実現している。ここでは磁場誘起相の実験的な 研究を紹介する。

Popov らはフラックス法で作製された BiFeO₃ 結晶に対して 28 T までのパルス磁場中 の電気分極測定を行い、サイクロイド磁気秩序の崩壊に由来すると考えられる急峻な変化 を観測した [35]。彼らは直方体状の結晶の直交した 3 方向に磁場 (*H*) を印加したときの 電気分極の磁場変化を示している。20~25 T 付近でおよそ 20 μC/m² の電気分極の変化が 観測されている。彼らはこの変化を現象論で提案されるサイクロイド磁気秩序相から一様 な反強磁性相への磁場誘起相転移であると考えた。この実験では擬立方晶の主軸に沿って 行われたため、三方晶の主軸に対して現れる式 1.11 のような異方性が再現されることは なかった。



図 1.7 T = 18 K における分極の磁場依存性。直方体状の結晶の直交した 3 つの方向 について 1 ~ 3 の番号で表している [35]。

また、彼らのグループは 10 K において 25 T までの [001]_{cub} 方向に沿った磁化を測定し ている [36,37]。図 1.8 で示されているように、20 T 付近に磁化の小さな跳びが存在して おり、これはこの磁場で磁場誘起相転移が起こっていることを示している。図 1.8 の点線 で示されている高磁場側の磁気相での直線的な磁化曲線をゼロ磁場へと線形外挿したもの は、有限のオフセットが存在している。これは高磁場相では有限の強磁性成分が存在して いることを意味している。この結果から、高磁場側で実現している磁場誘起相は GL 理論 で提唱されている CAFM 相として説明することができる。



図 1.8 10 K における 25 T までの [001]_{cub} 方向に沿った磁化曲線。シンボルは測定 データ、実線は理論的な曲線、点線は線形関数を表している [36, 37]。

Ruette らはこの磁場誘起相が一様な反強磁性秩序相であることを裏付けた。彼らは Bi₂O₃-Fe₂O₃-NaCl 溶液からフラックス法で結晶成長させた単結晶を用いて、4.2 K で擬 立方晶の主軸方向に 25 T までの定常磁場を印加し、磁場中の電子スピン共鳴 (ESR) の実 験を行なった [38]。図 1.9 で示されているように共鳴周波数はそれぞれ 10 T 以下の低磁 場領域と 10 T から 18 T の中間磁場領域、高磁場領域に分けてプロットされているが、そ のうち低磁場側でみられる共鳴周波数は線形的にフィッティングできることからゼーマン 効果によるギャップであると説明されている。中間磁場領域に存在する履歴は、CuGeO₃ で知られている現象との類推からサイクロイドが磁場の上昇につれて非調和になっていく 様子を表していると説明されている。さらに高磁場相では別の種類の共鳴周波数が観測さ れている。高磁場相を一様な傾角反強磁性秩序相であると仮定して、得られた共鳴周波数 の磁場に対するフィッティングは図 1.9 の点線のように実験結果と良く一致している。こ のことから、高磁場では一様な反強磁性秩序相が実現していると考えられている。



図 1.9 T = 4.2 K における電子スピン共鳴周波数の磁場依存性 [38]。

現象論では式 1.11 のように、三方晶の c 軸と印加する磁場の角度によって転移磁場の 大きさが変化している。そこで徳永らは Bi_2O_3 - B_2O_3 - Fe_2O_3 のフラックスから成長させた $BiFeO_3$ の単一強誘電ドメインの単結晶試料を用いてこの詳細を明らかにした [39]。

彼らは 4.2 K でパルス強磁場下におけるカンチレバーを用いた磁気トルク測定を行い、 転移磁場の角度依存性を調べた。図 1.10 のようにそれぞれ set 1, set 2 の角度変化で調べ たところ、擬立方晶の $\langle 111 \rangle_{cub}$ 方向つまり Z 方向の印加磁場に向かって転移磁場がカス プ的に上昇していることがわかった。式 1.11 で示した現象論による転移磁場の角度依存 性は P_z に平行な相転移磁場に向かってその大きさがカスプ的に上昇していることから、 この実験結果は現象論の範囲で説明できる。



図 1.10 (a) 磁気トルク測定における磁場傾斜方向を表す模式図。 (b) 両方の回転の セットにおける磁場誘起相転移 H_C の角度依存性。[39]

また彼らはパルス強磁場下で磁化と電気分極測定を行なった。この B₂O₃ のフラックス 法で作られた試料は自発分極が現れる温度 ~ 1100 K よりも低い温度で結晶成長が始まる ため単一強誘電ドメインの結晶を得ることができる [40]。しかし、成長方向が擬立方晶の 主軸方向であり研磨に対して脆く三方晶の主軸に沿った試料整形が困難だったため、電気 分極測定では as-grown の結晶表面に電極を付けて行っている。

図 1.11(a) の各温度の磁化曲線のうち、4.2 K では 18 T で磁化の跳びが見えている。こ れは Ruette らの ESR 測定の報告と一致しており、CAFM 相への相転移であると考えられ る。強磁場相の磁化曲線を直線でフィッティングしゼロ磁場まで外挿して、弱強磁性成分 0.03 µ_B/Fe と見積もっている。

一方、電気分極測定でも図 1.11(b) に示すように磁場誘起相転移に対応した電気分極変 化がみられている。サイクロイド型磁気秩序に誘起された電気分極 P_m をスピンカレント 機構 (逆 DM 機構) [13] によって説明すると、式 1.1 の第 1 項のベクトルスピンカイラリ ティを用いて表される。ここで P_m は磁気秩序由来の電気分極ベクトル、e_{ij} は近接格子 の方向を表した単位ベクトルと S_{i,j} はこれらのサイトのスピンを表している。このモデル によるとサイクロイド相では Z 方向に電気分極が発生し、CAFM 相ではそれがトータル で打ち消される。実験で観測された相転移に伴う電気分極の変化は、サイクロイド相で磁 気秩序に付随して発生した Z 方向の電気分極が磁場の印加によって消失する変化のうち、 擬立方晶の主軸方向に射影した成分を観測したものとして解釈された。



図 1.11 (a) 各温度における磁化曲線。破線は強磁場相の線形外挿である。 (b) 各温度 における分極の磁場依存性。破線は強磁場相の線形外挿である。[39]

1.3.3 磁場応答の異方性

BiFeO₃ は 1980 年代から現在まで多くの研究が行われていたにも関わらず、単結晶にて 本質的な電気磁気効果の評価を行なった報告は数少ない。その原因として、酸素欠損が多 いことや、Bi₂₅FeO₄₀ や Bi₂₄Fe₂O₃₉、Bi₂Fe₄O₉ などの不純物相や複数の強誘電ドメイン が混ざりやすいことが挙げられる。これらの問題はリーク電流を大きくし、特に室温付近 の電場印加や電気分極測定を困難にする。しかし近年レーザーダイオードを用いたフロー ティングゾーン (LD-FZ) 法の開発によって、酸素欠損や不純物が少なく直径数 mm、ほぼ 三方晶の c 軸に沿った長さ数 cm サイズの大きな高品質の BiFeO₃ 単結晶ができるように なった [41]。部分的に存在する別の自発分極ドメインを除けば、バルク測定に十分な大き さの単一強誘電ドメインを得ることができるので、三方晶の主軸に沿った本質的な電気磁 気効果の評価が可能になった。そこで徳永らは LD-FZ 法によって作られた BiFeO₃ の純 良単結晶を用いて、強磁場下における三方晶の主軸に沿った電気磁気効果の研究を行なっ た [42]。

LD-FZ 法によって作られた試料は脆くないため研磨で試料を整形することができる。 これによって単一ドメイン結晶に対して三方晶の主軸に沿った配置 (*X*, *Y*, *Z* 座標) での巨 視的な電気磁気効果の実験が可能となった。図 1.12(a) では 4.2 K で *X*, *Y*, *Z* 方向に磁場 を印加したときのそれぞれの方向の磁化曲線を示している。*X* および *Y* 方向の磁場によ るサイクロイド相から CAFM 相への転移磁場が 18 T 付近であるのに対して、*Z* 方向では 22~26 T 付近で相転移している。これは文献 [39] のトルク測定で見られた転移磁場の異 方性を反映している。また、CAFM 相の磁化曲線をゼロ磁場まで線形外挿したときの有 限の磁化の値は、*X* および *Y* 方向では 0.048 μ_B であるのに対して、*Z* 方向は 0.009 μ_B で あった。このことから CAFM 相の強磁性モーメントはほとんど三方晶の面内に倒れてい ることがわかった。

図 1.12(b)-(d) では電気分極 P_X 、 P_Y 、 P_Z の変化をそれぞれ磁場 H_X 、 H_Y 、 H_Z に対して行 なった結果を示している。磁場誘起相転移点では図 1.12(b) に示すように ΔP_Z ではどの 磁場方向に対しても ~ 300 μ C/m² 変化している。また、図 1.12(c) では ΔP_Y は面内の磁 場 H_X 及び H_Y に対して相転移点で ~ 300 μ C/m² 変化しているが、 H_Z に対しては ~ 600 μ C/m² とより大きく変化している。一方、図 1.12(d) で示すように ΔP_X は面内方向の磁 場印加に対してあまり変化していないが、 H_Z 方向に対しては顕著に変化しており、場合 によっては相転移点で ~ 900 μ C/m² と大きな変化を示している。



図 1.12 (a) 4.2 K で磁場を X、Y、Z 方向に印加したときのそれぞれの方向の磁化曲線。 H_X の磁化曲線は 0.05 μ_B /Fe のオフセットを与えている。(b) 磁場を X、Y、Z 方向 に印加したときの Z 方向の電気分極の変化 ΔP_Z を表している。 H_X の結果は縦軸に 50 μ C/m² のオフセットを与えている。(c) 磁場を X、Y、Z 方向に印加したときの Y 方向 の電気分極の変化 ΔP_Y を表している。(d) 磁場を X、Y、Z 方向に印加したときの X 方 向の電気分極の変化 ΔP_X を表している。 H_Z の点線の結果は別の試料で測定した結果 である。[42]

一方、磁場誘起相転移点とは別に図 1.12(c) の 10 T 以下で特徴的な履歴が存在してい る。図 1.13(a) は 300 K で測定された初期磁場印加過程と 2 回目の磁場印加過程における Y 方向の電気分極の磁場変化 ΔP_Y を表している。初期磁場印加過程では 10 T 以下で非可 逆的な変化がみられるのに対して、2 回目の磁場印加過程はほぼ可逆的である。この ΔP_Y の履歴は 2 回の磁場印加過程の差分として図 1.13(a) の黒の実線で表される。またこの初 期磁場印加過程のみでみられる非可逆的なふるまいは、図 1.13(b) で示すように 7 T まで の磁化曲線でも観測される。図 1.13(b) の細い実線で示した H_Y 方向に磁場を印加したと きの初期磁場印加過程は履歴を伴った変化を示すのに対して、シンボルで示した 2 回目の 磁場印加過程は磁場の増減で可逆的なふるまいをする。これは三方晶面内に 3 重縮退した Q ベクトルを持った磁気ドメインが、磁場によって再配列したことに起因していると考え られている。



図 1.13 (a) 300 K での $P_Y - H_Y$ 曲線。赤と青の線はそれぞれ初期磁場印加過程と2回 目の磁場印加過程を表している。また黒の線はこれらの2つのデータを差し引いたも のである。(b) 4.2 K で7Tまでの磁化曲線。実線と点線はそれぞれ初期磁場印加過程 と2回目の磁場印加過程を表している。(c) $H \parallel Y$ と(d) $H \parallel X$ における磁気ドメイン の磁場依存性の描画。短い紫の矢印は磁気変調ベクトル Q_1 、 Q_2 、 Q_3 を持った磁気ドメ インにおける横電気分極ベクトル (P_T)を表している。[42]

ここで観測された面内の電気分極成分 $P_{\rm T}$ については以下のように説明されている。こ れまでの説明ではスピンカレント機構として式 1.1 の第 1 項で表してきた。これは P と $S_i \times S_j$ はボンド方向のベクトルとの外積で結ばれており、ボンド間に反転中心がある場 合でも現れる電気分極の成分を示している。しかし、反転中心がない場合に一般化すると $P \ge S_i \times S_j$ の間を 2 階のテンソルで結び、全ての成分を考慮する必要がある。X 方向の ボンドを考えるとき、スピンカレント機構では $P_{\alpha} = \sum_{\beta} d^{\alpha\beta} \left(S_i \times S_j \right)_{\beta}$ において d^{YZ} 、 d^{ZY} の結合のみであり、面内の電気分極の変化 (ΔP_Y)を説明することができない。しかし、よ り低対称な系に一般化された逆 DM 相互作用を考えると d_{YY} の結合として $P_{\rm T}$ の起源を 説明することができる [43]。詳しくは 4.3 節で述べるが、図 1.14 に示したような実質の BiFeO₃ の原子配置を考えて一般化された逆 DM 相互作用による全ボンドからの寄与の和 をとると、

$$P_X = 0, \tag{1.21}$$

$$P_Y = \sum d^{YY} \left[\left(\mathbf{S}_i \times \mathbf{S}_{i+y} \right)_Y - \left(\mathbf{S}_i \times \mathbf{S}_{i+x} \right)_Y \right], \tag{1.22}$$

$$P_Z = \sum d^{ZY} \left[\left(\mathbf{S}_i \times \mathbf{S}_{i+y} \right)_Y - \left(\mathbf{S}_i \times \mathbf{S}_{i+x} \right)_Y \right], \tag{1.23}$$

となる。これにより Z 方向だけでなく Q に垂直な成分に面内の分極 $P_{\rm T}$ を持つことがわかった。

このQに垂直な P_T を考慮すると電気分極測定の結果 [図 1.13(a)] から、磁場をY方向に印加すると図 1.13(c) のように磁場に垂直な Q_2 ドメインが安定化すると考えられる。 また、X方向に磁場を印加したとき、図 1.13(d) のように Q_1 または Q_3 ドメインが安定化 すると考えられる。

しかし、このように一般化した逆 DM 相互作用による図 1.13(c) と 1.13(d) のモデルを仮 定すると、図 1.13(a) で示している 10 T 以下の磁場に対して非可逆的な電気分極の変化は 説明できるが、15 T で起こる CAFM 相への電気分極の変化は説明できない。サイクロイ ド相では、 $H \parallel Y$ の磁場印加によって磁気ドメインが Q_2 ドメインに変化すると Y 方向の 電気分極の大きさは最大に出現する。この変化と CAFM 相への相転移での変化は同符号 なので CAFM 相では Y 方向に少なくとも有限の電気分極成分が存在することになる。し かし同様に、CAFM 相でも一般化した逆 DM 機構を考慮すると Y 方向の電気分極成分は ゼロとなるためこれらの仮定が不完全である可能性がある。従って、この問題を解決する ためには図 1.13(c) と 1.13(d) のようなモデルの仮定を排除して、実験的に CAFM 相が有 限であるか否かを調べる必要がある。



図 1.14 最近接格子を含んだ座標の定義。黒塗りと白塗りのシンボルはそれぞれ Z = 0と $Z = c/6 \nu$ イヤーの Fe サイトを表している。また x や y、z は擬立方晶の主軸に沿っ た最近接格子の位置を示している。[42]

1.3.4 三回回転対称性の破れ

 $P_{\rm T}$ の存在はサイクロイド相における面内の対称性の破れを意味している、つまり三回 回転対称性の破れにより三方晶よりも低対称である必要がある。Sosnowska らは放射光 X線を用いた粉末試料に対する回折実験結果のRietvelt解析により、BiFeO₃の結晶構造 が単斜晶の *Cc* であると報告している [44]。彼女らによると回折パターンの各ピークの線 幅は装置の分解能由来の線幅よりも有意に大きく、単斜晶歪みを導入することでデータを 再現できるようになると述べている。単斜晶の単位格子ベクトル ($\vec{a}_{\rm m}^{0}, \vec{b}_{\rm m}^{0}, \vec{c}_{\rm m}^{0}$) は三方晶の 単位格子ベクトル ($\vec{a}_{\rm t}^{0}, \vec{b}_{\rm t}^{0}, \vec{c}_{\rm t}^{0}$)を用いて

$$\vec{a}_{\rm m}^0 = -\frac{1}{3}\vec{a}_{\rm t}^0 + \frac{1}{3}\vec{b}_{\rm t}^0 - \frac{2}{3}\vec{c}_{\rm t}^0, \qquad (1.24)$$

$$\vec{b}_{\rm m}^0 = -\vec{a}_{\rm t}^0 - \vec{b}_{\rm t}^0, \tag{1.25}$$

$$\vec{c}_{\rm m}^0 = \vec{c}_{\rm t}^0, \tag{1.26}$$

と表している。ここから、三方晶の解析で得られた格子定数から、単斜晶の格子定数 (a^0_m 、

 b_{m}^{0} 、 c_{m}^{0}) と角度 (β^{0}) が求まる。一方、単斜晶の解析で得られた格子定数を a_{m} 、 b_{m} 、 c_{m} 、 角度を β で表すと、単斜晶による変位を

$$\Delta a_{\rm m} = \frac{a_{\rm m} - a_{\rm m}^0}{a_{\rm m}^0},$$
(1.27)

$$\Delta b_{\rm m} = \frac{b_{\rm m} - b_{\rm m}^0}{b_{\rm m}^0},\tag{1.28}$$

$$\Delta c_{\rm m} = \frac{c_{\rm m} - c_{\rm m}^0}{c_{\rm m}^0},$$
(1.29)

$$\Delta\beta_{\rm m} = \frac{\beta_{\rm m} - \beta_{\rm m}^0}{\beta_{\rm m}^0} \tag{1.30}$$

として表現する。300 K におけるこれらの結果をまとめたものを表 1.1 に示す。

表 1.1 三方晶の解析で得られた単斜晶の格子定数 (a_m^0, b_m^0, c_m^0) と角度 (β^0) と、単斜晶の解析で得られた格子定数 a_m 、 b_m 、 c_m 、と角度 β 。また ΔX_m は式 1.27 で定義された単斜晶の変位を表している。[44]

Parameter	Sample number 1	Sample number 2	Sample number 3	Sample number 4
$a_{\rm m}$ (Å)	9.79608(7)	9.79394(6)	9.79789(22)	9.78903(16)
$a_{\rm m}^0$ (Å)	9.79532(7)	9.79332(6)	9.79671(22)	9.78758(16)
$\Delta a_{\rm m}$	$+78 \times 10^{-6}$	$+63 \times 10^{-6}$	$+121 \times 10^{-6}$	$+148 \times 10^{-6}$
$b_{\rm m}$ (Å)	5.58006(3)	5.57943(3)	5.58116(10)	5.57790(7)
$b_{\rm m}^0$ (Å)	5.58080(3)	5.57980(3)	5.58162(10)	5.57946(7)
$\Delta b_{ m m}$	-133×10^{-6}	-66×10^{-6}	-82×10^{-6}	-280×10^{-6}
$c_{\rm m}$ (Å)	13.87468(10)	13.87241(7)	13.87774(30)	13.86169(24)
$c_{\rm m}^0$ (Å)	13.87532(10)	13.87245(7)	13.87728(30)	13.86344(24)
$\Delta c_{ m m}$	-46×10^{-6}	-3×10^{-6}	$+33 \times 10^{-6}$	-126×10^{-6}
$\beta_{\rm m}$ (°)	160.7951(10)	160.7951(7)	160.7965(30)	160.7825(24)
β_{m}^{0} (°)	160.7956(10)	160.7950(7)	160.7954(30)	160.7845(24)
$\Delta \beta_{\rm m}$	-2×10^{-6}	0×10^{-6}	$+7 \times 10^{-6}$	-13×10^{-6}

彼女らによると線幅の増大は 765 °C (= 1038 K) まで観測されており、1100 K 付近まで単 斜晶歪みが存在していると主張している。

このような微小な格子歪みは放射光施設を用いても回折実験で正確に求めることは難し い。サイクロイド相における三回回転対称性の破れを示唆する別の実験結果として、1 軸 圧によって磁気ドメインを制御したという報告がある [45]。彼らはフラックス法で作製 した Nd 置換系 Bi_{1-x}Nd_xFeO₃ (x = 0.022) に、図 1.15(a) のように 1 軸圧 **P** を擬立方晶の (001)_{cub}軸に印加したときのサイクロイド磁気変調波数の変化を中性子線磁気散乱によっ て調べた。図 1.15(b) のように 3 つの磁気ドメインを表す磁気変調ベクトルを τ1、τ2、τ3 とする。散乱面を τ₁ と ⟨111⟩_{cub} が作る面としたときの **q** = (0.5, 0.5, 0.5) 近傍における磁 気散乱を図 1.16 に示す。図 1.16(a) は 1 軸圧を印加しない状態における散乱パターンを 示している。in-plane の τ_1 のピークが $q \pm \tau_1$ として見えている。ここで磁気 Bragg ピー クが $m{q} \pm m{ au}_1/2$ の位置に見えているのは、 $m{ au}_2$ と $m{ au}_3$ の散乱面に垂直な out-of-plane 成分の影 響である。図 1.16(b) は一軸圧を印加しない状態における τı 方向の散乱プロファイルを 示している。実線は青の破線で示す $q \pm \tau_1$ と赤の破線で示す $q \pm \tau_1/2$ の Gaussian フィッ ティングの和である。 τ_1 、 τ_2 、 τ_3 ドメインの存在比率を f_1 、 f_2 、 f_3 とすると、この P=0のときは $f_1 = 30\%$ 、 $f_2 = 10\%$ 、 $f_3 = 60\%$ である。1 軸圧を印加すると図 1.16(c) のよう に徐々に q ± τ₁ のダブルピークが消失していく。さらに 1 軸圧を印加していったとき、サ ンプルが割れた 15 MPa まで 7.2 MPa でみられたピークは変化していなかった。また、彼 らは4ヶ月後にこの試料の片割れを1軸圧を印加しない状態において同様の実験を行い磁 気ピークを観測している。このときの結果を図 1.17 に示している。図 1.17(a) は τլ 方向 の磁気散乱ピークを示しているが、これは図 1.16(d) で示した 1 軸圧を 7.2 MPa 印加した 時のものと等しく状態が保存されている。また図 1.17(b) は 73 方向の磁気散乱ピークを 示している。図 1.17(a) と (b) から印加後のそれぞれの磁気ドメインの存在比率は fi = 0 %、 $f_2 = 50$ %、 $f_3 = 50$ % であるとわかった。この結果は、サイクロイド磁気ドメインを 一時的な1軸圧力によって再配列させることが可能で、圧力がなくなっても状態が保持す ることを意味している。



図 1.15 (a) 擬立方晶における磁気変調ベクトル τ_i (i = 1, 2, 3) と $\langle 111 \rangle_{cub}$ と 1 軸圧力 P の関係を表している。(b) $\langle 111 \rangle_{cub}$ 面からみた配置。[45]



図 1.16 (a) τ_1 と $\langle 111 \rangle_{cub}$ 方向の初期状態の散乱パターン。(b) P = 0 における τ_1 方向の磁気散乱ピーク。(c) P = 4.8 MPa と P = 7.2 MPa 時の波形。(d) P = 7.2 MPa 時の波形。[45]



図 1.17 圧力を印加した 4 ヶ月後の (a) τ₁ と (b) τ₃ 方向の磁気散乱ピークの波形。[45]

1.3.5 電場効果の研究

本研究では三回回転対称性の破れに伴う三方晶の c 軸と垂直な電気分極の電場制御を一つの目標にしている。この成分の電場制御を考える前に、c 軸方向の電気分極の電場制御 を意図して行われてきた主要な先行研究について紹介する。

図 1.18 のように擬立方晶の $\langle 010 \rangle_{cub}$ 方向に電場を印加することで自発分極 P_S を $\langle 1\bar{1}1 \rangle_{cub}$ から $\langle 111 \rangle_{cub}$ 方向に 71。傾けたとき、それに伴ってサイクロイド回転面も 71。 傾いていることを中性子線回折の実験から明らかにしている [27]。図 1.19(a) は電場を印 加する前の単一強誘電ドメインの q = (0.5, -0.5, 0.5) 付近の Bragg 反射における中性子 の強度を表している。およそ 640 Å のサイクロイド周期に対応する $\delta = 0.00437$ を持っ た $k_1 = [\delta, 0, -\delta]$ の磁気変調ベクトルがみえている。また彼らはいくつかの Bragg 位置 での磁気反射をみることで、 k_1 と $\langle 111 \rangle_{cub}$ 方向の電気分極の面で Fe のモーメントが回転 していることを明らかにした。また、この $\langle 010 \rangle_{cub}$ 方向に沿った印加電場によって 71。 の強誘電ドメインが混ざり、図 1.19(b) のように上半分と下半分にスポットが分裂してい る。図 1.19(b) の下半分にある電場で変化しなかった 0。の強誘電ドメインの k_1 の散乱強 度は、上半分にある 71。の強誘電ドメインでも見えている。いくつかの Bragg 位置での 磁気反射の積分強度を比較することで、図 1.18 のように 2 つの強誘電ドメインのスピン はそれぞれの自発分極方向と k₁ ベクトルの作る面内で回転していることが明らかにされた。これは自発分極 P_S とサイクロイド磁気秩序の結合が存在することを意味している。



図 1.18 擬立方晶の主軸に電場をかけたときの自発分極のスイッチングに対するサイ クロイド回転面の描画。黒の矢印と円はサイクロイド回転面を表している [27]。



図 1.19 (a) 電場印加前および (b) 電場印加後における *q* = (0.5, -0.5, 0.5) 付近の中性 子の強度のマッピング [27]。

同時期に Lee らも単結晶試料に $E = \pm 1.3$ MV/m の電場を $\langle 010 \rangle_{cub}$ に沿って印加し、これ らの強誘電ドメインのスイッチングを中性子線回折で観測している。彼らはこの電場印加 によって 3 つの磁気変調ベクトル τ で特徴付けられる磁気ドメインの存在比率が僅かに変 化していることを報告している [46]。図 1.20(a) は q = (0.5, 0.5, 0.5) 付近の $\langle h\bar{h}0 \rangle_{cub}$ 方 向のスキャンの電場変化を示している。+E は擬立方晶の $\langle 010 \rangle_{cub}$ 方向を指しており、図 1.20(a) の P_A , P_B は図 1.20(a) のようにそれぞれ +E、-E を印加したときに安定化する強 誘電ドメインの種類を表している。彼らの準備した試料の初期状態はほぼ単一のドメイン A であり、その散乱波形を黒のシンボルで示している。この状態から図 1.20(b) の挿入の 矢印のように E = -1.3 MV/m、E = 0 MV/m、E = +1.3 MV/m の順に印加すると、ドメ イン A の存在比率は電場によって履歴を伴って変化している。



図 1.20 (a) 擬立方晶の主軸に電場をかけたときに安定化する強誘電ドメイン A と B の自発分極方向を表している。(b) ドメイン A の配置からみた $q = (0.5, 0.5, 0.5) \pm \tau$ の磁気ピーク。挿入は強誘電ドメイン A および B の存在比率の電場変化を示している。[46]

また彼らは電場の印加によってこの強誘電ドメインを変化させるだけでなく、磁気 ドメインをスイッチングすることができると報告している [28]。彼らは図 1.21 で定義 する強誘電ドメイン A のシグナルを検出する配置での中性子散乱の実験を電場方向 $\langle 001 \rangle_{cub}$ で行い、E = +1.3 MV/m、E = 0 MV/m、E = -1.3 MV/m の順に電場を印加し たときの磁気ドメインの存在比率の変化を調べた。図 1.22 はこのときの $(h\bar{h}l)_{cub}$ 面での q = (0.5, -0.5, 0.5) 付近の散乱パターンを示している。図 1.22(d) によると元々 $\tau_1 \ge \tau_2$ ドメインのみの初期状態から E = +1.3 MV/m の印加によって図 1.21 の τ_2 に代わって τ_1 が生成されている。反対に E = -1.3 MV/m の印加によってズ 1.21 の τ_2 に代わって τ_1 が生成されている。反対に E = -1.3 MV/m の印加によってズ 1.21 の τ_2 に代わって τ_1 が生成されている。しかし、この電場操作では磁気ドメインの変化だけでなく図 1.21(a) の強誘電ド メインも変化しており、E < 0 の印加によって図 1.21 のドメイン B が同時に生成されている。

このように、電場によって磁気ドメインを再配列させた報告は過去にいくつか存在する が、そのどれもが擬立方晶の (111)_{cub} 方向の巨大な自発分極 *P*s を持った強誘電ドメイン を電場で制御しているため、三方晶の *c* 軸に垂直な面内に存在している 3 つの磁気ドメイ ンに対してどの電場成分がこれらの再配列に結合しているかの詳細は不明である。



図 1.21 擬立方晶の主軸に電場をかけたときに安定化する強誘電ドメイン A と B の自 発分極方向と磁気ドメイン τ。[28]



図 1.22 (a)-(c) q = (0.5, -0.5, 0.5) 近傍の $(h\bar{h}l)_{cub}$ 面の各電場における磁気ピーク。 (d) 磁気ドメイン τ の存在比率の電場変化。[28]

BiFeO₃ では電場の印加によって *c* 軸の電気分極を倒し強誘電ドメインの状態を制御す ることができる。BiFeO₃ ではこの電場効果が室温環境で実現しているため、それを応用 したメモリー効果に関する研究が報告されている。その中のいくつかのメモリー効果に関 する研究を紹介する。

Wang らは BiFeO3 薄膜において強誘電分極の方向を制御することによって電流の流

れやすい向きをスイッチングすることができると報告している [47]。BiFeO₃ 薄膜は図 1.23(a)の模式図のように SrRuO₃ が堆積した SrTiO₃の単結晶の (001)_{cub} 面にレーザーパ ルス堆積法によって作られている。図 1.23(a) は厚さ 240 nm の薄膜における電流-電圧特 性を示している。数字は電圧掃引の順番を指しており、8 V から-7.5 V の間の掃引で履歴 が見られている。また、図 1.23(b) で示す 50 kHz の印加電圧に対する電気分極変化の結 果から電場によって分極が制御されていることがわかる。これらのことから彼らは電流-電圧測定でみえた履歴とダイオードのような振る舞いは、電場によって強誘電ドメインの スイッチングを行ったことによるものだと考えた。

その原理として彼らは電気分極の方向に依存した電極界面のショットキー障壁によるもの だと解釈した。酸素欠損によって n 型半導体となっている BiFeO₃ において電子 1 つを導 体内部から真空に吐き出す仕事関数を考える。時間が経過した平衡状態では、図 1.24 の ように電極に用いている SrRuO₃ と Pt の仕事関数と BiFeO₃ の仕事関数のエネルギー差 は、分極した BiFeO₃ の正極または負極の界面でそれぞれ小さく、または大きくなる。こ の電気分極方向に依存したショットキー障壁によって整流効果が得られ、電場で分極方向 を変えることで高抵抗および低抵抗な状態にスイッチングしていると説明している。この ような効果は Bi の欠陥を与えた p 型半導体的な BiFeO₃ の薄膜でも実現している [48]。



図 1.23 (a) 240 nm の BiFeO₃ 薄膜で測定した *I* – *V* 曲線。(b) 50 kHz での各最大電圧 における電気分極の電圧依存性 [47]。


図 1.24 電気分極方向によって形成するショットキー障壁の様子を表す模式図 [47]。

上述したメモリー効果は金属の電極と強誘電体界面の電荷の遮蔽効果と、強誘電体内部の電気伝導を担う O や Bi の欠陥によるキャリアによって実現している。一方この界面の遮蔽効果は強誘電体内部でも強誘電ドメイン壁で起こりうる。このことからイオン欠陥によるキャリアを考慮しなくても、一般的に強誘電ドメイン壁では電気伝導しやすいことが知られている [49]。図 1.25 のように、反対向きの自発分極 P_S で挟まれた X - Xのドメイン境界では電荷の遮蔽効果によって図 1.25(a) では電子濃度が、図 1.25(b) ではホール濃度が上昇する。この反対向きの強誘電ドメイン境界での電荷が与えたポテンシャルによって、系の電子のポテンシャルは $\Delta U = -e\phi$ だけ変化する。強誘電ドメイン境界ではこの変化だけ系のエネルギーギャップ E_g が小さくなる。半導体的なキャリア伝導を考えるとき、キャリア密度を n、移動度を μ とすると電気伝導度 $\sigma = ne\mu$ であるから、キャリア密度 n がボルツマン分布 $n = n_0 \exp\left(-E_g/k_BT\right)$ に従うとすると、強誘電ドメイン壁では

$$n \propto \exp\left(\frac{-\left(E_g - \Delta U\right)}{k_{\rm B}T}\right)$$
 (1.31)

となり、ポテンシャルの変化だけ伝導的になる。



図 1.25 反対向きの強誘電ドメインの (a) 電子と (b) ホール濃度が大きい境界。[49]

実際に BiFeO3 では互いに異なった自発分極 Ps の方向を持った強誘電ドメインの境界 で伝導的になるという報告がある [50]。導電性原子間力顕微鏡を用いて (110)_{cub} に配向し た BiFeO3 の薄膜上で測定しているセットアップを図 1.26(a) で示している。Pt をコート した先端の半径が 20 nm ほどなので空間分解能はこの大きさに相当している。また薄膜 はレーザー分子線エピタキシー法によって SrTiO₃の基板上に厚さ 50 nm ほどの SrRuO₃ の下部電極を成長させた上に、厚さ 100 nm ほどの BiFeO3 を成長させている。図 1.26(b) の上は180°のドメイン壁によって分けられた圧電応答顕微鏡による強誘電ドメインの写 真である。また図 1.26(b) の下は各電圧における導電性原子間力顕微鏡を用いて撮ったド メイン壁の伝導を表す写真である。印加電圧を -2 V に近づけていくほど、ドメイン壁で の伝導は大きくなっている。また、図 1.26(b) の上の写真の黒丸で印したドメイン壁上の 部分と赤丸で印したドメイン内の部分の電流の印加電圧依存性を図 1.26(c) で示している。 図 1.26(c) の黒色のドメイン壁での電流は印加電圧に対して非線形なふるまいをし、また 電圧の符号に対して非対称なショットキー障壁のようなふるまいをしている。一方赤色の ドメイン内の電流はドメイン壁のものよりも抵抗が大きい。これらの電流値をそれぞれ一 定の印加電圧 –2 V 下で約3分間測定したところ、図 1.26(d) のように電流値は安定して いる。このことから、この電流の起源は電圧の印加時にドメイン壁が変位したことによる ものではないことがわかる。



図 1.26 (a) 伝導性原子間力顕微鏡のセットアップの描画。(b) (上) 180°のドメイン壁 で分けられた強誘電ドメインの圧電応答顕微鏡で測定したマッピング写真。(下) 各電 圧における伝導性原子間力顕微鏡を用いてこのドメイン壁における伝導を表した画像。 (c) ドメイン壁とドメイン内での電流と電圧の特性。(d) –2 V の一定電圧下での両方の 電流の時間依存性。[50]

1.4 本研究の目的と意義

強磁場の実験によって、面内の電気分極成分 P_T が磁場で制御できることが分かっている [42]。これは磁場による磁化と分極の不揮発性メモリー効果を意味している。しかし、この制御には 5 T ほどの磁場が必要であるため、磁場による状態の書き込みは非実用的である。反対にこの分極成分を電場で不揮発的に制御できれば実用的な価値は大きい。従って、単結晶 BiFeO₃ の三方晶面内に電場を印加したとき、 P_T 成分を伴った磁気ドメインの電場による制御の可否を調べることを第一の目的とした。BiFeO₃ のサイクロイド磁気秩序相における不揮発性メモリー効果の研究はすでにいくつか報告されているが、これらは三方晶の c 軸方向の自発分極 P_S を制御している [47,48,51–55]。本研究ではこれらと似たメモリー効果ではあるが、この物質の c 軸方向の自発分極の電場制御とは異なった制御方法に焦点を当てている。

磁場によって制御された面内の分極成分 (P_T)の存在は面内の三回回転対称性が破れて いることを示唆している。一軸圧の印加によって磁気ドメインの再配列が起きているとい う報告は磁気秩序と格子の結合が存在することを意味している。一方 Sosnowska らの放 射光の X 線回折実験で得られたブロードな回折ピークは単斜晶歪みを考慮すると説明で きると報告されている [44]。しかし明確なピークの分裂が見えているわけではなく、ピー クの大きな線幅は T_N より高い温度でも観測されているため、磁気秩序と単斜晶歪みの関 係性は不明である。よってこの微小な格子歪みを検出するため、パルス磁場下における精 密磁歪測定系を構築し、BiFeO₃の磁場印加に伴う格子変形の有無の追究を第二の目的と した。

さらにこの物質における電気磁気効果の特性に注目すると、BiFeO₃の長周期のサイク ロイド磁気秩序は外部磁場に対して強靭な反強磁性状態であり、弱い二次の電気磁気効果 を示すとされている [56]。磁場を印加するとサイクロイド磁気秩序状態に代わって、長周 期構造が失われた CAFM が安定化することが知られている。この磁気秩序相では弱強磁 性が存在することから、もしゼロ磁場あるいはより低い磁場で CAFM 状態が実現するな らば、小さな磁場で磁気的、電気的な性質の制御が可能となることが期待される。実際に Nd 又は Co を置換した BiFeO₃ [57–59] や基板からの一定の歪みが加わっている BiFeO₃ 薄膜 [60–62] においてゼロ磁場下で CAFM 相が安定化していることが確認されているが、 この磁気相における電気磁気効果はまだ明らかにされていない。また、三方晶の BiFeO₃ の結晶構造を考慮して一般化した逆 DM 相互作用の機構はサイクロイド相において磁気 変調ベクトルに垂直な P_T の存在を説明することができる。この仮定から導きだされる CAFM 相における面内の電気分極成分はゼロであるが、観測された Y 方向の電気分極の 磁場変化はサイクロイド相におけるモデルを仮定したとき CAFM 相でも Y 方向に有限の 電気分極成分が存在することを示唆している。この問題を解決するためには、サイクロイ ド相におけるモデルを排除して実験的に CAFM 相の電気分極の面内成分が有限であるか 否かを調べる必要がある。本研究では BiFeO₃ が磁場中で示す様々な磁場誘起相を調べ、 その電気磁気効果を調べることを第三の目的とした。

第2章

実験

2.1 試料とパルスマグネットについて

BiFeO3 の試料は産業技術総合研究所で LD-FZ 法によって作られた単結晶を用いた。 図 2.1(a) に示すような円筒状で直径約 2.3 mm、長さ約 20 mm の大きい試料を頂いた。ま たパルス磁場は東京大学物性研究所の国際超強磁場科学研究施設の金道研究室で作られた 60 T 級のパルスマグネットを用いて発生した。この 60 T 級のパルスマグネットは掃引速 度の違いによって 2 種類に分類される。図 2.1(b) は約 36 ms のパルス幅を持つミッドパ ルスマグネットと約 8 ms のショートパルスマグネットの磁場波形を時間の関数で示して いる。磁化測定や電気分極測定では後述するように磁場の掃引速度に比例した大きさの電 気信号を得ることができるため、掃引速度の速いショートパルスマグネットを使う方が有 利である。一方、金属試料や金属製のクライオスタット等を磁場中に持ち込むときには渦 電流による発熱や振動を抑えるために掃引速度の遅いミッドパルスマグネットを用いる。 電気抵抗測定や磁歪測定では誘導起電力を抑えられ、データ点数を多く得ることができる





図 2.1 (a) LD-FZ 法で作られた BiFeO₃ の単結晶。(b) ミッドパルスマグネット、ショー トパルスマグネットの磁場波形。

2.2 試料の整形

提供された試料の結晶方位は東京大学物性研究所の X 線測定室にあるラウエ装置を用 いた背面反射法によって決定した。BiFeO3の c 軸にはその垂直な分極よりも約 1000 倍 の巨大分極が存在しているため、電場が三方晶の主軸を基準とした方向からできるだけ傾 かないように試料を整形する必要がある。そのことに注意してラウエ法による試料の軸立 てを行なった。ラウエ装置はW管球を用いて管電圧 30 kV、管電流 15 mA の環境で、X 線照射時間はおよぞ1分で行なった。ゴニオメーターの試料台に試料をアピエゾン Q で 固定し、まずは Z 方向の軸立てを行なった。図 2.2(a) はそのときのラウエ画像結果を示 している。その際、QLaue というソフト [63] を用いて図 2.2(b) のように X 線を Z 面に照 射したときの反射ラウエ画像を計算し、その結果をイメージングプレートのラウエ画像と 比較した。図 2.2 で示すように、撮ったラウエ画像と計算結果はよく一致している。Z 面 からの反射像の中心を三回回転軸に合わせた後、図 2.3 のように X 線の光軸上をスライド できるコリメーターホルダーの中心に真鍮製治具を差し込んだ。この治具表面にゼリー状 の瞬間接着剤を塗り、試料表面までスライドさせて接着することで、結晶方位をずらすこ となくゴニオメーターから研磨装置に試料を移し替えた。試料が接着した研磨用治具を専 用の研磨器と合わせて研磨し、十分な大きさの面を出した。このとき試料に撃力を与えな いように注意した。研磨後、ここまでの行程で試料が動いて光軸から傾いていないかを確 認するために、研磨された試料の付いた研磨用治具をコリメーターに再び接続して研磨前 とラウエ画像が変わっていないかを反射ラウエ法で確かめた。このとき撮ったラウエ写真

で試料の形状に対する Y 軸方向のおおよその位置を把握した。最後に研磨用治具と試料 の接着を剥がすためアセトンに浸け、接着剤を溶かして試料を回収した。これと同様の作 業を Y 面の軸出しでも行なった。三方晶の実空間の 〈100〉_{tri} 方向と逆格子空間の [100]_{tri} 方向は図 2.4 のように 30° 異なることに注意する。図 2.5 は撮ったラウエ写真とその計算 結果を示している。図 2.5 のように、ラウエ画像は計算結果とよく一致している。



図 2.2 Z 面の (a) Laue 写真と (b) QLaue での計算結果。



図 2.3 軸出し後の試料を光学用レールの上で左のゴニオメーターから右のコリメー ターに接続された研磨治具へ接着している写真。



図 2.4 三方晶の a₁, a₂ の実空間面内と逆格子ベクトル b₁, b₂ との関係性。



図 2.5 Y 面の (a) Laue 写真と (b) QLaue での計算結果。

念のため粉末 X 線回折装置を用いて、ラウエ画像から整形した試料面からの $\theta - 2\theta$ scan を行った。X 線は CuK α 線($\lambda = 1.5418$ Å)を用いており、その結果を図 2.6 に示してい る。この scan で明瞭なピークが確認できているので、結晶面は研磨面から大きくは傾い ていないことがわかる。しかし実際の光線は完全な平行光でなく一定の立体角を持って広 がっているため、その広がりの角度分のずれは許容される。そこで更に正確な試料の研磨 面と実際の結晶面のずれを確認するため、粉末 X 線回折装置でロッキングカーブ測定を し、試料面と結晶軸のずれ角を求めた。図 2.7 は X 面に沿って切り出した試料のロッキン グカーブ測定の概要を示している。まず整形した面に対する回折を見るため入射角と反射 角が等しい条件 ($\omega = \theta$)で測定した ($\theta - 2\theta$ scan)。この条件で捉えた (110)_{tri}のピーク位 置に検出器の角度 θ を固定し、 ω だけを変化させて結晶面からの反射ピーク位置を探した (ω scan)。整形面と実際の結晶面とのずれ角を α とすると、 ω scan では図 2.7 の結晶面に 対して入射角と反射角が等しくなるはずなので、 $\omega - \alpha = \theta + \alpha$ の関係が成り立つ。従っ て ω scan と $\theta - 2\theta$ scan 時のそれぞれのピークの角度 ω 、 θ の値から、整形面と実際の結 晶面のずれ角 α は



図 2.6 それぞれ X, Y, Z 面に切り出した試料で測定した $\theta - 2\theta$ scan。

$$\alpha = \frac{\omega - \theta}{2} \tag{2.1}$$

の関係から求めることができる。図 2.8 は上記のラウエ法で Y 面を出した試料のロッキ ングカーブを示している。点線は $\theta = \omega$ の条件で行なった $\theta - 2\theta$ scan、実線は $\theta & \theta - 2\theta$ scan のピークの角度で固定したときの ω scan のデータである。 $\theta - 2\theta$ scan、 ω scan 時の 半価幅中点法で求めたピーク位置はそれぞれ $\theta = 16.03$ °、 $\omega = 16.18$ °であるから、式 2.1 より、ずれ角は $\alpha = 0.075$ °と求められる。上述したラウエ法で軸立てしたいくつかの試 料でこのロッキングカーブ法を試みたところ、その試料のほとんどはずれ角が 0.1°度以 内に収まっていた。



図 2.7 試料の整形面と結晶面のずれを考慮したときの X 線回折の配置の模式図。紺色 の矢印で示した入射 X 線が赤色の実線で示した結晶面で反射されて、検出器が反射 X 線を捉える ω scan の様子を表している。このとき入射 X 線は水平面すなわち整形面か ら入射角 ω であるのに対して、反射 X 線は水平面から θ の角度を持っている。また紺 色の点線は θ -2 θ scan 時 ($\omega = \theta$)の入射光を示している。



図 2.8 点線は $\theta = \omega$ の条件 (θ -2 θ scan) での測定強度を示している。実線は点線の曲線のピーク位置 θ を固定した状態で ω だけを変化させたとき (ω scan)の強度変化を示している。

2.3 パルス強磁場中の電気分極測定

2.3.1 電気分極の測定手法

磁場 H の大きさに伴って電気分極 P が変化する試料では、磁場変化中の試料の両端の 電極間を結んだ閉回路では以下のように電気分極の時間変化に比例して電流 I が流れる。

$$\frac{dP}{dt} = \frac{I}{S} \tag{2.2}$$

ただし*S*は試料の両端についた電極の面積である。すなわちこの電流*I*を測定すれば、電気分極*P*の変化量がわかる。また *dP/dt* は

$$\frac{dP}{dt} = \frac{dP}{dH}\frac{dH}{dt}$$
(2.3)

と表すことができる。dP/dH は試料の電気磁気効果を表している。このように分極の時

間変化または測定電流 I は磁場の掃引速度に比例しているため、掃引が速いパルス強磁場 は分極測定との相性がよい [64]。

図 2.9(a) は測定のブロック図を表している。BiFeO₃ の分極測定では、研磨した試料の 両面に Ag-paste で電極を付け [図 2.9(b)]、両方の電極をプローブの測定線と金線でコン タクトした。またコンタクトした測定線はプローブの外で図 2.9(a) で示すようにシャント 抵抗 $R = 10 \text{ k}\Omega$ と直列に接続し、その両端の電圧 V をプリアンプ (SR560) で 100 倍にし た信号を瞬間波形記憶装置 (Nicolet) で読み込んだ。測定電圧 V_P から分極の変化量 ΔP は 瞬間波形記憶装置のサンプリング数を n とすると、

$$\Delta P = \int \frac{dP}{dt} dt = \frac{1}{SRG} \int V_P dt = \frac{1}{SRG} \int V_P \frac{dt}{dn} dn \qquad (2.4)$$

と求められる。Gはプリアンプで増幅した係数である。すなわち、瞬間波形記憶装置に取り込んだ測定電圧の積分値から瞬間波形記憶装置のサンプリングレートや電極面積などのパラメーターを用いて電気分極の初期値からの変化量 ΔP を求められる。しかし、実際の測定電圧 Vには金線や測定線に誘導起電力が働くため、本質的な分極変化の成分 V_P の他に本質でないバックグラウンド成分 (V_B)が含まれる ($V = V_P + V_B$)。電気分極の磁場変化が磁場の極性に依らない場合、磁場の反転によって V_B を除去できる。誘導起電力は磁場反転で符号を変えるので、磁場反転した二回の測定電圧の平均をとることで試料由来の電圧を得られる。

また前章で述べたように、BiFeO₃ では初期磁化過程と2回目以降の磁化過程では分極 のふるまいが異なる [42] ため V_B の差し引きにも注意を要する。初期磁化過程における分 極変化の電圧 V_{P1} と2回目以降の試料由来の電圧 V_{P2} を捕らえるため、順方向の磁場下 で2回電気分極測定を行った後、逆方向の磁場下で3回目の測定を行った。1回目から3 回目までの測定電圧をそれぞれ V_1 、 V_2 、 V_3 とすると、

$$V_1 = V_{P1} + V_B$$

 $V_2 = V_{P2} + V_B$ (2.5)
 $V_3 = V_{P2} - V_B$

と考えられる。このとき V_{P1} と V_{P2} は以下の式を使って求められる。

$$V_{P1} = V_1 - \frac{V_2 - V_3}{2} \tag{2.6}$$

$$V_{P2} = \frac{V_2 + V_3}{2} \tag{2.7}$$

ここでの仮定は2回目以降の本質的な分極変化は常に等しいこと及び磁場反転によって分 極の向きが変わらないことである。実際の分極測定で得られた V₁、V₂、V₃の生データを 比較したものを図 2.10 に示している。測定電圧の2回目以降は等しく、磁場反転で分極 の向きは変わっていない。それに対してバックグラウンド V_B成分は1、2回目ではほぼ 等しいが、3回目では磁場印加時間の全体で僅かに反対称な傾斜が存在する。



図 2.9 (a) P - H 測定のブロック図。(b) 試料のセットアップ。



図 2.10 測定電圧 V₁、V₂、V₃の生データ。

2.3.2 磁場による結晶の評価

BiFeO₃の電気磁気効果を調べる際、前述したように BiFeO₃ が持つ 8 つの強誘電ドメ インが混ざっている状態は巨視的測定結果の本質的な理解を難しくする。従ってはじめ に、測定に用いる結晶を電気分極測定で評価した。

図 2.11 は 2 つの結晶#A、#B について 150 K での Z 方向に磁場を印加したときの Z 方向の電気分極の変化を示している。単一強誘電ドメインの Z 方向に磁場を印加したとき、 図 2.11(b)の実線のように $\mu_0 H = 25$ T 付近で大きな電気分極の変化を示す。この異常は サイクロイド磁気秩序相から傾角反強磁性相への磁場誘起相転移で説明することができ る [35,38,39,65,66]。一方、図 2.11(b)の破線で示した結晶では $\mu_0 H = 18$ T 付近に別の 異常が存在している。



図 2.11 $H \parallel Z$ における 150 K での Z 方向の分極の変化 (ΔP_Z)。実線および破線はそ れぞれ単一ドメインおよびマルチドメイン結晶の結果を表している。

サイクロイド磁気秩序相から傾角反強磁性相への転移磁場の角度依存性を示した図 1.10 によると、磁場が Z 軸方向を向いたとき転移磁場がカスプ的に 25 T 付近まで上昇してお り、それ以外の磁場印加角度では 18 T 程度の転移磁場である [39]。よって、図 2.11(b)の 破線で示した#B の結晶には c 軸が他の $\langle 111 \rangle_{cub}$ 方向を向いた強誘電ドメインが混在して いることがわかる。従って以降の測定では、#A 結晶から切り出したいくつかの試料を用 いて実験を行なった。

2.4 パルス強磁場中の磁化測定

磁化測定はピックアップコイルを用いた誘導法で行った。これは磁場の時間変化によっ てピックアップコイル内の試料の磁化 *M* の変化で生じる誘導起電力を測定するものであ る。しかし強磁場下では磁束密度 $B = \mu_0 (H + M)$ において磁化 *M* よりも圧倒的に磁場 *H* による効果が大きい。よってピックアップコイルは磁場による誘導起電力を打ち消す ため、同心円状に逆向きに巻かれた内コイル (A) と外コイル (B) を直列に繋げたものを用 いる。真空中のピックアップコイルの条件 ($\boldsymbol{B} = \mu_0 \boldsymbol{H}$) における誘導起電力 V_H は

$$V_H = -\mu_0 \frac{dH}{dt} \left(N_{\rm A} S_{\rm A} - N_{\rm B} S_{\rm B} \right) \tag{2.8}$$

である。このときコイル A, B の巻数と面積をそれぞれ N_A 、 N_B 、 S_A 、 S_B とする。このように誘導起電力を相殺するために $N_AS_A = N_BS_B$ となるようにピックアップコイルを作製している。しかし通常これだけでは磁化のシグナル強度に対して磁場成分が十分に消しきれないので、これらのコイルに図 2.12 のように 1 巻程度の補償コイル (C) と可変抵抗を繋ぎ、可変抵抗を微調整することで磁場成分をさらに落とす。温度変化によってコイルやプローブが変形すると完全には相殺しきれない磁場成分が変化するので、磁化曲線の温度依存性を測定する場合は温度を変える毎にこの調整を行う必要がある。

これらの注意を払っても磁場成分を完全にはゼロにできないため、試料がコイル内にある 時とない時の実験を行い、その差分をとることで、磁化の信号だけを抽出するようにして いる。この内コイルの中に、面積 *S*_M で長さがコイル長に対して十分大きい試料を入れた ときの誘導起電力 *V*_M は

$$V_M = -\mu_0 \frac{dM}{dt} (N_{\rm A} - N_{\rm B}) S_{\rm M} + V_H$$
(2.9)

として与えられる。コイルに試料を入れた状態の信号 V_M と試料をコイルから外した状態の信号 V_H の差を取ることで

$$V_M = -\mu_0 \frac{dM}{dt} \left(N_{\rm A} - N_{\rm B} \right) S_{\rm M}$$
(2.10)

となり dM/dH に比例した信号を得る。実際の試料の長さはコイル長に対して同程度ある いはそれよりも短い場合が多いので、磁化の大きさが分かっている異なる長さの標準試料 に対して測定された較正値から見積もった係数を磁化 M の計算に用いる。しかしこの補 正は試料形状が円柱状の理想型を仮定して行っているため、実際の形状での値とは少し異 なる。一方、上述したように測定温度領域によっては、少しの温度変化に対して磁場に比 例した成分を相殺しきれない信号 V_H が変化するので、試料を入れた状態と外した状態で 引き切れない磁場に比例した成分が残ることがある。これらは真の磁化を M_{real} 、測定さ れた生データの磁化を M_{raw} とすると係数 α 、 β を用いて

$$M_{\rm real} = \alpha M_{\rm raw} + \beta H \tag{2.11}$$

として表現できる。試料形状に起因する α は同一試料に対して一定値であるのに対し、磁場に比例した β は測定毎に変動する。

本実験では BiFeO₃ の室温付近での磁化測定を行ったが、この温度領域では β のばら つきが大きかったため、磁化の定量性に再現性がなかった。そこで温度安定性の良い 4.2 K でばらつきがほとんどないデータを取得してこの温度で $\beta = 0$ とした。この結果を MPMS で測定した 4.2 K における 7 T までの磁化曲線と比較して α を決定している。こ の α は測定温度に依らないため、室温付近の各温度の MPMS の磁化測定データから各温 度における β の値を決定して、全データを較正した。



図 2.12 *M*-*H*測定の回路図。コイル A、B、C はそれぞれ本文中の内コイル、外コイル、補償コイルに対応している。スイッチは内コイルと外コイルの差の符号によって切り替えるためである。

2.5 電場中の電気分極測定

三方晶面内の電気分極成分 *P*_T を制御するために必要な電界 (*E*)の大きさを知るために、 産業技術総合研究所で *X* 方向に電場を印加したときの *X* 方向の電気分極の *P*-*E* ヒステリ シス曲線を測定した。図 2.13(a)のように 2.6×1.3×0.083 mm の *X* 面が出たプレート状 の試料の両面に Ag-paste (Dupond 4922N)を塗って電極を作った。測定は図 2.13(b)のよ うに任意波形を出力した信号を高電圧用増幅器 (F20A) で増幅した電圧を直列に繋がって いる試料とシャント抵抗に印加している。試料の両端の電場変化に対する電気分極変化に 伴った電流を測定するため、出力波形は周波数1kHzの三角波で行った。ただし得られ る電流には試料の電気分極の変化だけでなく、リーク電流の成分が含まれる。よって、図 2.13(c)のようにそれぞれ正の方向に2回、負の方向に2回の半周期の三角波を与え、そ れぞれの方向の差を強誘電性による電気分極変化のみの信号とした (ダブルパルス法)。



図 2.13 (a) 試料の形状。(b) ブロック図。(c) ダブルパルス測定の模式図。

2.6 電場中の磁化と電気抵抗測定

電場中の磁化測定および電気抵抗測定は Y 面が出るようにプレート状に整形した単結晶 BiFeO₃ を用いている。磁化測定では $2 \times 3 \times 0.53$ mm の大きさの試料の両面に図 2.14(a) のように Ag-paste (Dupond 4922N)[もしくは Au 蒸着 (1000Å)] の電極を作った。磁化測 定は Quantum Design 社の MPMS を用いて行っている。試料の周辺は図 2.14(b) のよう に直径 0.04 mm の銅線を這わせたストローの中央部分に試料を傾いたり動いたりしない ように別のサイズのストローで上下から抑えつけるようにしてセットした。試料の電極は ストローに這わせた銅線に Ag-paste で結線し、ストローの端と自作の MPMS 用の電気抵抗プローブの接合部分をはんだで結線した。

電場の印加は Keithley 6487 のピコアンメーターによって行った。磁化は定常磁場 2 T、 温度 260 K の環境下で MPMS に組み込まれている SQUIS 磁束計によって測定した。電 場印加時の電流は電流アンプ (Stanford Research Systems 社の SR 570)によって電圧に変 換された信号をデジタルマルチメーター Keithley 2002 で測定した。印加電場が一定にな るまで 20 秒以上待機した後に磁化および電気抵抗測定を行った。

またこれとは別に、室温ゼロ磁場環境で電気抵抗測定を行っている。このときの試料は電 場中の磁化測定を行った同じ試料であり、電極は図 2.14(c) のように 0.55 × 0.28 mm の大 きさで両面に Ag-paste を付けている。電極面積が小さいのは室温では 260 K のときより も電気抵抗率が小さいので、Keithley 6487 の出力限界を超えてしまうほどの電流が流れ ないようにできるだけ電気抵抗を大きくするためである。



図 2.14 MPMS 内の 2 T、200 K の環境下で Y 方向の電場を印加し磁化と電気抵抗測 定を行った (a) 試料の写真と (b) そのセットアップの写真。(c) 室温、ゼロ磁場の環境下 で Y 方向の電場を印加し電気抵抗測定を行った試料の写真。

2.7 電気抵抗の温度依存性

電場中の電気抵抗測定を終えた試料に対してゼロ磁場下での電気抵抗の温度依存性を 行った。測定は試料を取り付けた自作の電気抵抗測定用プローブを専用の温調用二重管と 組み合わせ、それを二槽式ガラスデュワー内に挿入して行った。二重管は SUS304 製で、 プローブの入っている内管内は He ガスで充填させ、内外管の間の断熱空間は油回転式ポ ンプで良く引いた。ガラスデュワーの断熱真空槽を油拡散ポンプで真空引きした後、ガラ スデュワーの内側槽の空間には1気圧ほどのヘリウムガスを充填させ、外側槽には冷却 用の液体窒素を導入した。温度制御は Lake Shore 製の温度コントローラー 335 型を用い ており、試料付近に置かれた cernox 温度計の表示温度を入力として二重管に巻いたヒー ター線を加熱することで制御している。

2.8 パルス強磁場中の磁歪測定

これまでパルス強磁場中で主に行われていた磁歪測定方法には、歪みゲージ法、FBG 法 [67]、キャパシタンス法 [68] がある。歪みゲージ法は市販の抵抗変化型歪みゲージフィ ルムを試料に接着剤で貼り付けて行う手法で、試料の歪みに追従した抵抗の変化を測定し て歪み量を求める手法である。FBG (Fiber Bragg Grating) 法では微小等間隔で光ファイ バーのコアに屈折率の違うグレーティングを施したゲージ素子を試料に接着する。試料の 磁歪に追従して素子のグレーティング間隔が変化するため、グレーティングから反射され る Bragg 波長の変化によって歪みを検知する。歪み検知に光ファイバーを用いたこの手 法だと瞬間的なパルス強磁場で発生するプローブ内の電気的なノイズを断ち切ることがで きる。しかしこれらの手法では貼り付けたゲージが試料の観測したい方向の歪みを抑制す る恐れがあるため、柔らかい試料や劈開性の強い試料の測定は困難である。一方、キャパ シタンス法は試料とセルの間の2枚の電極のキャパシタンスの変化で歪みを検出する手法 である。試料の歪みによって電極を押し上げてキャパシタンスが変化する仕組みなので、 キャパシタンスの変化は接着面に依らないことから FBG 法や歪みゲージ法よりも試料の 柔らかさや劈開性には鈍感である。また試料の歪みの大きさに合わせてセットアップの段 階で電極間距離を変えることで容易に感度を調節することができる。パルス強磁場中の キャパシタンス法による磁歪測定は以前に開発されているが [68]、現行のマグネットの ボーアが小さくなっているので、それにあった大きさのセルを作る必要があった。



図 2.15 キャパシタンスセルの模式図。

また以前までは磁場方向によって縦磁歪用セルおよび横磁歪用セルを作る必要があった が [68]、ひとつのセルを磁場方向に合わせてセットできる方が取り回しが良く、磁歪の磁 場方位の依存性を比較する際に便利である。FBG 法では測定方向を変えるには光ファイ バーを曲げる必要があるため限られたスペースでは困難なので、コンパクトなキャパシタ ンスセルを用いる利点は大きい。従って、現行の 60 T 級マグネットに対応した高精度な 磁歪測定を実現するために磁歪測定装置の開発を行なった。

2.8.1 キャパシタンス法の測定原理

キャパシタンスセルでは図 2.15 のように 2 枚の電極が互いに平行かつ面の中心が重な るように置かれている。片方の電極はセルに固定されており、もう片方の電極は試料と固 定されている。電極間のキャパシタンス *C* は、電極の面積を *S*、電極間の距離を *d* とす ると、真空の誘電率 ε_0 を用いて

$$C = \frac{\varepsilon_0 S}{d} \tag{2.12}$$

となるため、試料が磁場によって伸び縮みすると、試料に固定された電極が上下し電極間 の距離が変化することによってキャパシタンス C が変化する。このとき、電極間距離が d_0 から d まで変化したときの試料の伸び ΔL は

$$\Delta L = -(d - d_0) = \varepsilon_0 S\left(\frac{1}{C_0} - \frac{1}{C}\right)$$
(2.13)

と表される。これにより、初期長から歪んだ割合である磁歪 ΔL/L は

$$\frac{\Delta L}{L} = \frac{\varepsilon_0 S}{L} \left(\frac{1}{C_0} - \frac{1}{C} \right) \tag{2.14}$$

のようにキャパシタンス C の変化から求めることができる。



図 2.16 ブリッジ回路の模式図。 Z_i (i = 1, 2, 3, 4) はインピーダンスの大きさを表している。

キャパシタンスはブリッジ回路を用いて決めることができる。図 2.16 は一般的なブ リッジ回路の概要を示している。回路中のインピーダンスを Z_n (n = 1,2,3,4) とする と、検出器のインピーダンス Z_d が回路中のインピータンス Z_n よりもずっと大きいとき ($Z_d \gg Z_n$)、検出される電位 V は

$$V = \frac{Z_1 Z_3 - Z_2 Z_4}{(Z_1 + Z_2)(Z_3 + Z_4)} E$$
(2.15)

として表される。従って、検出器の電位差が0のとき以下のような関係式が成り立つ。

$$\frac{Z_1}{Z_2} = \frac{Z_4}{Z_3} \tag{2.16}$$

キャパシタンスブリッジでは可変標準コンデンサーのキャパシタンスを C_N 、未知のキャパシタンスを C_X 、未知のキャパシタンスを C_X とすると、角周波数 ω 、虚数単位 i を用いると $Z_1 = 1/i\omega C_N$ 、 $Z_2 = 1/i\omega C_X$ であり、また $Z_3 = Z_4$ であるので、式 2.16 より

$$C_{\rm N} = C_x \tag{2.17}$$

が成り立つ。キャパシタンスブリッジの平衡点を標準コンデンサーで合わせることにより、標準コンデンサーの大きさを読むことで試料セルのキャパシタンスを測定することができる*1。

しかしながら、平衡点をあわせる手作業を数十ミリ秒間のパルス強磁場中で何点も行う ことは不可能である。そのため、磁場中でのキャパシタンスの変化は平衡点からのずれを 電圧 V として観測する。検出器の電圧 V は式 2.15 から

$$V = \frac{1}{2} \frac{C_{\rm N} - C_x}{C_{\rm N} + C_x} E$$
(2.18)

と表される。ここで、磁場によるキャパシタンスの微小変化 ΔC を仮定し、 $C_{\rm N} = C_x + \Delta C$ とすると

$$V = \frac{1}{2} \frac{\Delta C}{2C_{\rm N} + \Delta C} E \sim \frac{1}{4} \frac{\Delta C}{C_{\rm N}} E$$
(2.19)

となり、キャパシタンスの微小変化は電圧と比例関係であることがわかる。

未知のキャパシタンスを求めるため、IET LABS 社のキャパシタンスブリッジ 1615-A を使用している。現実のコンデンサーにはコンデンサーと並列した伝導成分や配線の抵抗 等によるインダクタンスがある。このブリッジにはこれらによるエネルギーの損失分を含 めてバランスを取って真のキャパシタンスを求めるための誘電正接 (dissipation factor) を 調整する機構がある。そのため実験に用いたキャパシタンスブリッジは上述したシンプル

^{*&}lt;sup>1</sup> 実際に実験で使用したキャパシタンスブリッジ 1615-A では、式 2.16 を満たすように Z₃ と Z₄ の比を調節することで平衡点を合わせ、未知のキャパシタンスの大きさを求める機構になっている [69]。

な回路ではないが、基本的にはキャパシタンスの微小変化は検出電圧に対して比例する ($V \propto \Delta C$)として良いだろう。図 2.17 は検出箇所に $C_x = 11.78$ pF を持った実際のキャパ シタンスセルを繋ぎ、標準コンデンサーを調節し平衡に合わせた点から標準コンデンサー C_N を 0.1 pF ずつ微小にずらしていったときの出力電圧の変化を表しており、実際に C_N に対して線形であることがわかる。この原理を用いて、ブリッジの平衡点で試料セルの キャパシタンスを求め、標準コンデンサー C_N の値を微小にずらしたときの出力電圧を計 測することで、磁場中のキャパシタンスを求めることができる。ただし、この較正では C_N を微小変化させているのに対して、実際に磁場中で微小変化しているのは C_x である ことに着目すると、式 2.18 の関係から較正時と出力電圧の符号が逆であることに注意し なければならない。実際に正負の符号が逆であることを C_N を固定して C_x のコンデンサ を微小変化させたとき応答から確認している。



図 2.17 $C_x = 11.78 \text{ pF}$ のキャパシタンスセルの平衡点からの標準コンデンサーのずれ ΔC による出力電圧の変化。出力電圧は 100 倍の増幅をしている。

2.8.2 キャパシタンスセルの作製方法

キャパシタンスセルは図 2.15 のように筒状のセルの中に試料と電極が存在している。 セルを構成する部品は試料台、試料、電極 2 枚、筒状の外壁とキャップであり、これらを 接着剤で固定している。接着剤は主にスタイキャストと呼ばれる低温用のエポキシ樹脂系 の透明な 2 液硬化型接着剤 (stycast 1266J A/B) もしくは低温用シアノアクリレート系の 1 液硬化型の接着剤 (CN;東京測器)を用いる。スタイキャストは低温で安定して使えるが、 一度接着してしまうと試料を回収するのが難しく最終的にカッターなどで上手に取る他な い。一方、CN はアセトンで溶けるため、測定後試料を回収する際にカッターなどで試料 に余計な力をかけずに済むが、硬化速度が早くセル作製時のワーキングタイムが短いため 組み立ての難しさが高まるという点がある。接着剤の違いでキャパシタンスセルの組み立 て手順が少し異なるが、今回の実験ではスタイキャストを用いて作製したのでその方法の 説明を行う。

準備段階として、まず機械加工が容易なマシナブルセラミックスを旋盤で加工し試料台 とキャップと筒状の外壁を作製する。このとき、円筒の回転軸と断面が旋盤加工のレベル で垂直になるように注意する。円筒の内径とキャップの外径はほぼ等しくし、円筒の内側 とキャップの嵌め込み具合がきつくなりすぎず、緩くなりすぎないように調整する。次に 測定したい方向に垂直な面が両端に出ている試料を準備する。さらに電極になる石英ガラ スの表面に金属蒸着を行う。石英ガラスは蒸着源に対して 30°ほど傾けて設置する。傾 けて蒸着する理由は石英ガラスの側面の一部分を電極面と導通させることで、蒸着した側 面の一部分をプローブとの電気的な接続部分とするためである。表面の金属蒸着はゲルマ ニウム (Ge)を 500 Å 程蒸着した上に金 (Au)を 1000Å 程蒸着する。Ge 蒸着を挟んだ理 由は Au 単体だとガラス表面から剥がれ落ちやすいためである。Au 薄膜が剥がれると電 極表面の面積が変わり、測定したキャパシタンスの値から正確な歪みの値が見積もれな い。最後に外壁の円筒を端から試料の長さだけ離れた位置から 1 mm 程、電動工具で電極 全体が見えるほどの溝をつくる。

セルの組み立てはまず試料台に試料と外壁の円筒を乗せ、接着剤で固定する。同時に キャップの内側に石英ガラスの電極を接着する。これらが乾いたら、次に試料の上に接着 剤を付け、その上にもう片方の電極を乗せる。接着剤が乾く前に電極の付いたキャップを 筒に入れ、電極面同士が目でみる範囲でぴったりと重なるように、接着剤の付いた試料側 の電極を筒の溝から動かす。重なったら、その状態で接着剤を硬化させる。試料と電極の 接着剤が硬化したら、最後に電極間に距離を開けるため、キャップを動かして短冊状に 切った開けたい距離の厚みのあるカプトンシートを筒の溝から電極間に挿入する。その後 キャップの電極と試料の電極の距離がちょうどカプトンの厚みのみになるようにキャップ を動かし、この状態でワニスもしくはスタイキャストで固定する。ここをワニスで固定す るメリットは、エタノールでワニスを溶かすことで電極間距離を後から再調整できること である。これが固まれば、最後にシートを外してセルが出来上がる。

2.8.3 測定回路と性能評価

パルス強磁場下でのキャパシタンス法の主力装置は先述した IET LABS 社のキャパシ タンスブリッジ 1615-A であるが、他の装置の簡単な説明をする。図 2.18 二位相型のロッ クインアンプ(Signal Recovery 7270)から発振した信号をブリッジに与え、ブリッジか らの検出信号をプリアンプ(SR560)で 100 倍に増幅したものをロックインアンプで検波 している。検波した信号は RMS 換算で DC 信号に置換され、それを瞬間波形記憶装置で 記録する。検波の時定数を測定周波数の逆数、つまり 1 サイクル 1 点となるように設定し ている。キャパシタンスブリッジの応答性能が測定周波数に依存するため、計測するキャ パシタンスの大きさに応じて測定周波数を調節する。図 2.19(a) は IET LABS 社のキャ パシタンスブリッジのキャパシタンスに対する測定周波数の確度評価を表している。図 2.19(a) によると実際のセルのキャパシタンス値である 10 - 20 pF 程度では 50 Hz - 1 KHz 程の周波数で確かな測定値が求まる [69]。そこで実際に 10 pF 程度のセラミックコンデン サー用いてキャパシタンスの不確かさの測定周波数依存性を確認したものを図 2.19(b) に 示す。50 Hz - 1 KHz のうち誘電正接の補正が少なかった最も高周波側の 1 kHz の不確か さをゼロとしている。このうち測定周波数は確度のずれが 3 パーセント程である 50 kHz を採用し、磁歪測定を行なった。パルスマグネットのパルスの時間の長さは 36 ms であり デジタイザーのサンプリングレートは 200 kHz で行っているので、この測定周波数では磁 場変化の間で 1800 点のデータを採取することができる。



図 2.18 磁歪測定のブロック図。



図 2.19 (a) キャパシタンスブリッジのメーカーによる確度の周波数依存性 [69]。(b) 1 kHz の測定誤差をゼロと仮定して求めた測定誤差の周波数依存性。

周波数特性以外にも、測定キャパシタンス以外の不必要な電気回路系からの並列した キャパシタンスによる浮遊容量を小さくする必要がある。そのためには測定線をできるだ け短くすることに加えて、図 2.20(a) のような3端子法を用いる。これは測定するキャパ シタンス以外のキャパシタンスの寄与をなくすために測定線の外回りをシールド線で覆う ことである。配線の外回りの環境によらないため、小さなキャパシタンスにおいては精度 良く測定することができる [69]。よって、磁歪測定で作製したプローブ内の配線は 50 Ω の同軸ケーブルを使用し、キャパシタンスブリッジと3端子接続をした。

このキャパシタンス法を用いて、参照物質として多結晶 Ni の磁場に平行な磁歪(縦磁歪)と磁場に垂直な磁歪(横磁歪)を図 2.20(b)のようなセットアップで測定した。図 2.21 は 7 T のパルス磁場下での Ni の磁歪(左)と先行研究の定常磁場下での磁歪の文献(右)[70]との比較である。図 2.21(a)は 4.2 K における縦磁歪、横磁歪を、図 2.21(b)は これらから求めた体積磁歪を表している。磁化の飽和が約 0.5 T 程で現れ、縦磁歪では 2×10⁻⁵ 程大きくなり、横磁歪では同程度ほど小さくなる。この振る舞いは定常磁場中の キャパシタンス法で測定された文献[70]と概ね良い一致を示している。



図 2.20 (a) 3 端子法の模式図。(b) 縦磁歪と横磁歪の磁場に対する配置の定義。



図 2.21 (a) 4.2 K における Ni の縦磁歪と横磁歪の実験結果 (左) と文献 (右) の比較。 (b) 縦磁歪と横磁歪から求めた体積磁歪の実験結果 (左) と文献 (右) の比較。[70]

2.8.4 BiFeO₃ のセットアップ

試料は両端に YZ 面が出ており、両端の長さは L = 2.28 mm である。キャパシタンス セルには直径 6 mm の石英ガラスの電極板を用いている。セルの製作段階で電極板間を 調整するため厚さ 15 µm のカプトンシートを挟み、接着剤が固まった後シートを外した。 ギャップ距離がちょうど 15 µm であればキャパシタンスの大きさは C = 16.7 pF である が、実際には C = 12 pF であった。これは電極間距離が約 20 µm であることを意味して いる。縦磁歪と横磁歪の測定は図 2.20(b) のようなセットアップで行なった。

第3章

実験結果

3.1 サイクロイド磁気秩序相における電気磁気効果

3.1.1 **非可逆的な磁場応**答

本節ではサイクロイド磁気ドメインの再配列に伴う電気磁気効果を調べる *1。図 3.1 は T = 200 Kにおける 7 T までの磁化曲線を示している。図 3.1(a) に示したように Y 方向 の磁場 (H_Y)下において実線で示した初期磁場印加過程では履歴が存在しているのに対し て、丸いシンボルで示した二回目の磁場サイクルでは行きと帰りが重なった可逆的なふる まいを示している。この初期磁場印加過程のみにみられる履歴を伴った変化は磁気ドメイ ンの再配列と考えられる。一般にサイクロイド相ではスピン回転面に垂直な方向の磁化率 が回転面内のものよりも大きいので、磁場と垂直方向に磁気伝播ベクトル Q_i を持った磁 気ドメインが磁場によって安定化する。すなわち $H \parallel Y$ のとき図 3.1(b) で示した Q_2 ドメ インが安定化すると考えている。また図 3.1(c) に示すように履歴を伴ったふるまいは X 方向に磁場を印加したときも同様に観測されている。この履歴の消失後、室温で 100 日間 以上経過した後再度 X 方向の磁化測定を行なったところ、図 3.1(d) に示したように履歴 はほとんどみられなかった。対照的に、 $H \parallel Z$ の磁化曲線は常に可逆的なふるまいをして おり、定量的には $H \parallel X, Y$ と比べて半分ほど小さい。

^{*1} 本節で示す結果のほとんどは米国物理学協会の Applied Physics Letter 誌に掲載されている。

S. Kawachi, H. Kuroe, T. Ito, A. Miyake, and M. Tokunaga, "Resistive memory effects in BiFeO₃ single crystals controlled by transverse electric fields", Appl. Phys. Lett. **108**, 162903 (2016); **110**, 239902 (2017).



図 3.1 (a) $H \parallel Y$ 、Z と (c) $H \parallel X$ の 200 K における磁化曲線。実線とシンボルはそれ ぞれ初期磁場印加過程と 2 回目の磁場印加過程を表している。(b) 三方晶の面内におけ る Fe イオンと磁気伝搬ベクトル Q_1 、 Q_2 および Q_3 を表した模式図。(d) $M_X - H_X$ 曲線 (c) から 116 日経過した後、再度 200 K で測定した $H \parallel X$ の磁化曲線。

図 3.2 は 220 K における 40 T までの $H \parallel Y$ に対する Y 方向の電気分極の変化 (ΔP_Y) を示している。 ΔP_Y は 16 T 辺りの CAFM 相への磁場誘起相転移点 [35,38,42,65,66] で 200 μ C/m² ほど大きくなっている。この可逆的な変化に加えて、初期磁場印加過程では M-H 曲線と同様 10 T 以下の領域において ΔP_Y は履歴を伴っている。この履歴は 2 回目 の磁場サイクルではほとんどなくなっており、ゼロ磁場の状態が強磁場の印加によって変 化している。つまり M_Y と P_Y に関して外部磁場による不揮発性メモリー効果が観測され ている。



図 3.2 220 K で Y 方向に磁場を印加したときの 1 回目と 2 回目の磁場サイクルにおける Y 方向の分極の変化 (Δ*P*_Y)。

3.1.2 電場中の電気分極測定

測定した X 方向の電気分極の X 方向の電場依存性の測定結果を図 3.3 に示す。この測定には前章で述べたダブルパルス法を使用し、電場 (E_X)の最大値は徐々に大きくして測定を行っている。図 3.3(a)ではダブルパルス法でも完全にリーク電流の成分が引ききれていない為、強誘電分極の変化が明確ではないが、系統的に $E_X = 0.5$ MV/m 程から緩やかな立ち上がりがあるようにみえる。ループが閉じていないためリーク電流の影響が大きいため具体的な P_T の評価はできないが、この変化の一部は面内の電気分極成分 P_T によるものだと考えている。さらに大きな電場領域では図 3.3(b)で示すように $E_X = 2$ MV/mから自発分極の急激な立ち上がりが存在している。この変化はおよそ 1 C/m² の大きさである。これは面内の電気分極成分 P_T を制御する過程で本来 Z 方向にある自発分極が 71°および 109°の方向に配向したためであると考えている。またこれら一連の測定中に電場の印加によって図 3.3(c)のように試料が割れていた。どの電場の印加中に割れたのかは不明であるため、最後まで回路と繋がっていた図 3.3(c)の点線で囲った部分の面積(約 1.3 mm²)で電気分極の大きさを計算している。


図 3.3 (a) $|E_X| < 2 \text{ MV/m} > (b) 5 \text{ MV/m} < |E_X| < 10 \text{ MV/m}$ の電場領域での *P-E* ヒステ リシス曲線。(c) 電場印加後に割れた試料の写真。点線で囲った部分の電極が回路と繋 がっていた。

3.1.3 電場中の磁化と電気抵抗測定

磁場によって観測された不揮発性メモリー効果が電場によっても引き起こされるかどう かを明らかにするために、Y 方向の電場 (E_Y)を印加したときの磁化測定を行なった。両 面に Ag-paste で電極付けされた試料を用いており、測定温度はリーク電流をできるだけ 抑えるために 室温から少し下げて 260 K で行っている。また帯磁率の変化を確認するた めに 2 T の定常磁場を Y 方向に印加している。この測定の前に X 方向に 40 T までの磁場 を印加し磁気ドメインを配向させ、それを初期状態としている。図 3.4 は 220 K における 1 回目と 2 回目の $P_Y - H_X$ カーブを示している。2 回目で履歴が閉じていることは X 方向 の磁場で磁気ドメインが配向したことを意味している。



図 3.4 図 3.5 の測定前に行なった、220 K で X 方向に磁場を印加したときの 1 回目と 2 回目の磁場サイクルにおける Δ*P*_Y。

図 3.5(a) は 260 K で Y 方向に 2 T の定常磁場を印加したときの磁化の ±0.3 MV/m まで の E_Y 依存性を示している。1回目の -0.3 MV/m までの E_Y のサイクルでは磁化は行きと 帰りで重なっているが、2回目の +0.3 MV/m までのサイクルでは電場に対して非可逆的 な磁化の変化が存在する。この大きさは約 3×10⁻⁴ emu/g で、これは図 3.1(a) で示した 7 T の最大磁場によって引き起こされた 2 T の磁化の変化量 (約 2×10⁻² emu/g) のおよそ 1.5 % に対応している。この実験では、Z 軸に沿った自発分極の方向までは把握していな いので、X、Y および Z の符号は便宜的なものであり、印加した電場の相対的な方向だけ を表している。図 3.5(b) と 3.5(c) はそれぞれ印加電場 (E_Y) と磁化 (M) を時系列で示して いる。特にここでは負の電場 ($E_Y = -0.3$ MV/m) 印加後の正の電場 ($E_Y = +0.3$ MV/m) 印 加中の磁化 (5, 7, 9, 12, 14, 16 回目のサイクル) および正の電場印加後の負の電場印加中の 磁化 (4, 6, 8, 11, 13, 15 回目のサイクル) は、電場に対して非可逆的に変化しており、それ ぞれ少しだけ増加および減少している。

これらの結果は BiFeO₃ の Z 軸に垂直に印加した電場による磁化の書き込みが可能であ ることを意味している。しかし、反強磁性磁化の記録の読み出しは特殊な装置を使わない 限り容易ではないので、実用的には不向きである。そこで簡便な読み出しを期待して、図 3.5(d) で示すようにこれらの磁化測定と同時に電気抵抗測定を行なった。典型的な例とし て、図 3.5(e) は図 3.5(b) の 8、9 回目の電場サイクル中の電気抵抗率 (ρ) を電場の関数で 表している。ここで電気抵抗率は電極面積を S、測定した電流を I として $\rho = E_YS/I$ と定 義している。定性的には両方のサイクルでρは電場が大きくなるにつれ減少しているが、 定量的には電場の極性によって電気抵抗率の大きさは非対称である。ここで、8回目の負 の電場サイクルを通して電気抵抗率は大きくなっているが、9回目の正の電場サイクルを 通して電気抵抗率は小さくなっている。これは印加電場の極性によって高抵抗および低抵 抗の状態に変化していることを意味している。このことは *E*_Y の電場サイクルによって書 き込まれた記録を電気抵抗率ρで読み出すことが可能であることを意味している。



図 3.5 $H \parallel X$ でドメインを揃えた試料における磁化と電気抵抗率の電場変化。試料の 両端の電極は Ag-paste を使用している。(a) T = 260 K、 $\mu_0 H = 2$ T の低温・定常磁場 下における Y 方向の磁化 (M_Y)の電場依存性。電場は Y 方向に印加している。(b) 印加 電場、(c) 磁化及び (d) 電気抵抗率の時系列表示。印加電場に添えた整数 N は N 回目の サイクルであることを示している。(e) 電気抵抗率の電場依存性。

次に $E_Y = \pm 0.3$ MV/m の電場で書き込んだ情報を、記録が上書きされない程度のより小 さな電場で読み出した結果を図 3.6(b) に示す。図 3.6(a) と図 3.6(b) は $|E_Y| = 0.3$ MV/m の電場サイクル後の $E_Y = -0.04$ MV/m で測定した磁化 M と電気抵抗率 ρ を示している。 緑の白抜きのシンボルは正電場 $+E_Y$ 印加後、オレンジ塗りのシンボルは負電場 $-E_Y$ 印加 後の磁化 M 及び電気抵抗率 ρ を示している。磁化の僅かな変化を伴って $+E_Y$ 後の ρ は減 少し、また $-E_Y$ 後の ρ は増加している。この結果は E_Y の極性によって高抵抗/低抵抗状 態をスイッチングできることを意味している。



図 3.6 図 3.5 に示した N 回後の (a) 磁化及び (b) $E_Y = +0.04$ MV/m で測定した電気抵抗率を示している。緑の白塗りとオレンジ塗りのシンボルはそれぞれ正電場後と負電場後の電気抵抗率を表している。

次にこれらの測定で用いた試料の電極を Ag-paste から金蒸着で作製したものを用いて 同様の測定を行った。先程と同様に初期状態として、電場中磁化測定の前に 40 T までの 磁場 H || X を試料に印加している。図 3.7(a) では 1 回目の負の電場サイクルが電場に対 して可逆的であるのに対して、2 回目の正の電場サイクルを通して 2×10⁻⁴ emu/g ほど磁 化が上昇している。また、図 3.7(e) では印加する電場の極性によって低抵抗状態と高抵 抗状態がスイッチングしている bipolar 型抵抗変化メモリー効果が見られる。これらの振 る舞いや電気抵抗の大きさは Ag-paste の電極のときと一致しているため、電極の種類に よって定性的な振る舞いや電気抵抗の大きさは変わっていない。



図 3.7 $H \parallel X$ でドメインを揃えた試料における磁化と電気抵抗の電場変化。電極は金 蒸着で形成した。(a) T = 260 K、 $\mu_0 H = 2$ T の低温・定常磁場下における Y 方向の磁 化 (M_Y)の電場依存性。電場は Y 方向に印加している。(b) 印加電場、(c) 磁化及び (d) 電気抵抗率の時系列表示。印加電場に添えた整数 N は N 回目のサイクルであることを 示している。(e) 抵抗率の電場依存性。

最後に、30 T までの磁場を Y 方向に印加した初期状態から電場 E_Y を印加した際の磁 化と電気抵抗の変化を調べた。測定温度は 260 K で、先程までの測定と同様に Y 方向に 2 T の定常磁場を印加して磁化測定を行っている。図 3.8(a) は図 3.8(b) で示している 1 回 目から 3 回目の電場サイクルにおける磁化の電場依存性を示している。1 回目の負の電場 $E_Y = -0.3$ MV/m は電場に対して非可逆的な変化を示しており、この電場サイクルを通し て約 0.0014 emu/g ほど磁化が減少している。2 回目及び 3 回目の負電場及び正電場のサ イクルではそれぞれ 1 回目のサイクルに比べ履歴は小さく、ほぼ可逆的な変化を示してい る。この磁化変化と同時に測定した電気抵抗の電場依存性について、典型的な例として 12 回目と 13 回目のサイクルを図 3.8(b) に示している。12 回目のサイクルでは $E_Y = +0.3$ MV/m のサイクルを通して電気抵抗が小さくなっているが、 $E_Y = -0.3$ MV/m までの負 の 13 回目のサイクルを通しても同様に電気抵抗が小さくなる振る舞いを示している。こ れは $H \parallel X$ の初期状態からスタートした測定でみられた、電場の極性によって高抵抗状態 と低抵抗状態が実現している振る舞いとは異なっており、 $H \parallel Y$ の状態から初めた場合に は、0.3 MV/m の大きさの印加電場によってその方向に電流が流れやすくなっている。し かしこのようなダイオードの方向を電場でスイッチングする振る舞いによっても、抵抗メ モリー効果が実現している。図 3.8(d) は各電場サイクルの間で、抵抗の状態を変えないほ どの小さな電場 E_y = -0.04 MV/m で測定した電気抵抗の時間変化を示している。負の電 場 (E_Y = -0.3 MV/m) を印加した後の値をオレンジ塗り、正の電場 (E_Y = +0.3 MV/m) を 印加した後の値を白抜きシンボルで示しており、-0.04 MV/m で読んだ場合には負電場後 は低抵抗、正電場後には高抵抗側にスイッチングしている。もし Ρ_Τ の制御によって Ζ 方 向の巨大な自発分極 Ps が Ey によって傾けられ、71°や 109°の強誘電ドメインを生成し たとすると、図 3.1(a) のように磁気異方性から電場の印加中に磁化が急激に減少する様子 がみられるはずである。図 3.8(a) や 3.8(b) で示した 1 回目のサイクルによる磁化の減少 が自発分極を伴った強誘電ドメインの生成に由来するものだと仮定すると、磁気ドメイン を再配列させる大きさの磁場を Y 方向に印加しても強誘電ドメインは変化しないため、磁 化の大きさは初期状態には戻らないはずである。そこで、図 3.8(b)-(d)の網掛け領域で示 すように、20回目の電場サイクルを終えた後に Y 方向に 7 T までの磁場を印加した。そ の後測定した磁化と電気抵抗の値はそれぞれ図 3.8(c) と 3.8(d) のひし形のシンボルで示 している。7T印加後の磁化の値は初期状態に戻っていることことから、図 3.8(a)の1回 目の電場サイクルでみられた磁化の減少は自発分極を伴った強誘電ドメインが生成された ものではなく、磁気ドメインの再配列に由来していると考えられる。一方、初期の電気抵 抗率の大きさは負の電場で 100 MΩcm を超える大きさであったにも関わらず、7 T までの 磁場印加後の抵抗率の大きさはおよそ 30 MΩcm と小さく元の大きさには戻っていない。



図 3.8 $H \parallel Y$ でドメインを揃えた試料における磁化と電気抵抗の電場変化。電極は Ag-paste で形成した。(a) T = 260 K、 $\mu_0 H = 2$ T の低温・定常磁場下における Y 方向 の磁化 (M_Y)の電場依存性。電場は Y 方向に印加している。(b)印加電場、(c)磁化及 び (d)電気抵抗率の時系列表示。印加電場に添えた整数 N は N 回目のサイクルである ことを示している。また電気抵抗率は電場サイクルの間に比較的低い電場 $E_Y = -0.04$ MV/m で測定している。白抜きシンボルは正の電場後、オレンジ塗りのシンボルは負 の電場後を示している。(e)抵抗率の電場依存性。

3.1.4 室温ゼロ磁場環境下における抵抗メモリーの評価

前節で見たように BiFeO₃ におけるメモリー効果は磁化だけでなく電気抵抗測定でも識別できることがわかった。磁化測定では帯磁率の変化を見るために 2 T 程度の磁場を印加する必要があったが、電気抵抗測定は無磁場下でも可能である。また電気抵抗測定では若干リーク電流のある室温でも相対的な変化を見られる。本節では実用環境である室温・無磁場下における電気抵抗のメモリー効果を調べた。このような不揮発性メモリー効果は図 3.9 で示すように室温かつ無磁場下でも実現している。この実験の前にも X 方向に 40 T までの磁場を印加し、図 3.4 と同様な磁気ドメインの再配列を示す電気分極の非可逆的な変化を確認している。図 3.9 は $E_Y = \pm 0.3$ MV/m を交互に印加し、そのサイクル間の ρ を $E_Y = \pm 0.04$ MV/m で読み出した変化を表している。緑の白抜きのシンボルは正の電場 + E_Y 印加後、オレンジ塗りのシンボルは負の電場 - E_Y 印加後に減少しており、高抵抗/低抵抗状態のスイッチングは少なくとも 20000回は再現している。



図 3.9 室温・ゼロ磁場下における読み出した抵抗率の書き込み電場サイクル依存性。 (b) 正電場と負電場を交互に印加しており、緑の白抜きシンボルは正電場 +0.3 MV/m 印加後の抵抗率を、オレンジ塗りのシンボルは負電場 -0.3 MV/m 印加後の抵抗率を表 している。電気抵抗率は +0.04 MV/m の電場で 10 秒後に読み出している。

実用的な環境下では環境温度の変化を考慮しなければならない。そこで 300 K において $E_Y = \pm 0.3 \text{ MV/m}$ 印加後の電気抵抗の温度依存性を測定した。それぞれの場合について 310 K から 260 K 付近にかけての降温および昇温過程を 2 回ずつ測定した (図 3.10)。抵抗 測定は $E_Y = \pm 0.04 \text{ MV/m}$ を印加して行っている。図中の 1 から 4 の各番号は $E_Y = -0.3$ MV/m 印加後の 1、2 回目の温度サイクルを、 $E_Y = \pm 0.3 \text{ MV/m}$ 印加後の 3、4 回目の温 度サイクルを表している。抵抗率は温度を下げるに従って半導体的に上昇していく。温度 サイクルによる抵抗値のばらつきはあるが、温度の全領域で $\pm E_Y$ 印加後と $-E_Y$ 印加後の 状態で系統的な差が存在している。



図 3.10 $E_Y = +0.3 \text{ MV/m}$ 後と $E_Y = -0.3 \text{ MV/m}$ 後の状態におけるE = +0.04 MV/mで5秒後に読み出した電気抵抗の温度依存性。状態は 300 K で書き込んでいる。数字は温度サイクルを表しており、1、2回目はそれぞれ $E_Y = -0.3 \text{ MV/m}$ 後、3、4回目はそれぞれ $E_Y = +0.3 \text{ MV/m}$ 後の温度サイクルを示している。

3.2 サイクロイド相における三回回転対称性の破れ

前節では BiFeO₃ において *c* 軸と垂直な方向に電気分極が存在し、それを磁場または電 場で制御できることを示した。*c* 軸と垂直な方向の電気分極の存在は三回回転対称性の破 れを意味しているが、格子系における対称性の破れを明瞭にとらえた実験はこれまで知ら れていない。*c* 軸に沿った自発分極の向きを把握していないので、電気分極測定では面内 の電気分極の変化の符号は不明だが、磁歪測定では伸び縮みに対応した符号が定まる。そ こで本研究で立ち上げた高精度磁歪測定系を用いて、*c* 軸と垂直な方向の微小な格子歪み の磁場変化を調べた *²。

図 3.11(a) は 300 K における横磁歪 $(L \parallel X, H \parallel Y)$ を表す。ここで格子歪みの相対的変 化を示すため変化分を無磁場下の値で規格化した $\Delta L/L$ として表示している。 $\Delta L/L$ は図 3.11(a) の赤の実線で示したように 10 T 以下の初期磁化過程で収縮する。この変化は磁場 減小時および図 3.11(a) の青の点線で示している二回目以降の磁場印加過程では観測され ない。また青の実線で囲んだ領域では 10~13 T の磁場領域に別の履歴が観測されており、 13 T 以上で履歴が消失した後 15 T にキンクを持つ可逆な変化が観測されている。

この磁歪の振る舞いは、図 3.11(b) に示した同方向に磁場を印加したときの Y 方向の電気 分極変化 (ΔP_Y) の振る舞いと酷似している。図 3.11(b) は 300 K における $H \parallel Y$ の磁場 による ΔP_Y を示している。 ΔP_Y は赤で示した初期磁化過程の 10 T 以下の範囲で急激に 変化している。しかしこの変化は青の 2 回目のサイクルではほとんど抑制されている。こ の 10 T 以下の変化は図 3.2 で示した 200 K での $P_Y - H_Y$ 曲線とふるまいは等しく、これ は電気的な性質を帯びた磁気ドメインの再配列として考えられている [42] これらの変化 に対応する 300 K における Y 方向の磁化曲線を図 3.11(c) に示す。15 T 付近にみえるキ ンク構造は CAFM 相への転移点に対応している。CAFM 相の *M*-*H* 曲線をゼロ磁場まで 線形に外挿すると、縦軸に有限のオフセットが存在している。これは CAFM 相の自発磁 化 (M_S) に相当する。

図 3.11(a) で示したように $H \parallel Y$ の印加によって BiFeO₃ は X 方向に非可逆的な収縮を 示す。この測定の前に図 3.11(d) 挿入図のようにキャパシタンスセルの向きを変えて縦磁 歪 ($L \parallel X, H \parallel X$) の配置で行った磁歪の結果を図 3.11(d) に黒の実線で示している。 $H \parallel X$ のとき、試料の X 方向の長さは伸びている。ここで、 $H \parallel X$ の終状態と $H \parallel Y$ の始状態 は等しいので、 $H \parallel Y$ の磁歪には 2×10^{-5} のオフセットを付けている。これらの結果はサ

^{*2}本節及び次節の結果のほとんどは米国物理学会 Physical Review Materials 誌に掲載されている。

S. Kawachi, A. Miyake, T. Ito, S. E. Dissanayake, M. Matsuda, W. Ratcliff II, Z. Xu, Y. Zhao, S. Miyahara, N. Furukawa, and M. Tokunaga, "Successive field-induced transitions in BiFeO₃ around room temperature", Phys. Rev. Materials **1**, 024408 (2017).

イクロイド相では磁場印加によるドメインの再配列によって磁場方向に伸びる変形をする こと、また 15 T 以上の CAFM 相ではサイクロイド相よりも大きな変形を起こしているこ とを示している。ドメイン回転の過程で見られる格子歪みの大きさは、2×10⁻⁵ 程度であ る。これは放射光 X 線装置を使っても検出困難が大きさであるが、今回開発した磁歪測 定では明瞭に捉えることに成功している。

電気分極の変化に関しても、図 3.11(d) と同様に $H \parallel X \ge H \parallel Y$ の変化を比較した。図 3.12 には図 3.11(b) で示した $H \parallel Y$ の電気分極の変化 ΔP_Y の 1 回目のサイクルの結果に 加えて、その前に測定した $H \parallel X$ の 1 回目のサイクルの結果をプロットしている。磁場の 印加方向を変えるとき測定のリード線を固定したまま試料の向きを変えたため、 ΔP_Y の 符号を $H \parallel X \ge H \parallel Y$ の間で比較することができる。ここで $H \parallel Y$ の終状態と $H \parallel X$ の 始状態は等しいはずなので、これらが一致するように縦軸のオフセットで調整している。 $H \parallel X \ge H \parallel Y$ の ΔP_Y はおよそ符号が逆になっており、ゼロ磁場における Y 方向の電気 分極はこれらの磁場過程で約 600 μ C/m² 変化している。



図 3.11 300 K にて Y 方向に磁場を印加したときの Y 方向の (a) 磁歪 (b) 電気分極 (c) 磁化の磁場変化。(a) と (b) では、1 回目と 2 回目の磁場サイクルをそれぞれ赤の実線 と青の点線で表している。また (b) の電気分極のデータは文献 [42] から引用している。 (d) 300 K で X および Y 方向に磁場を印加したときの Y 方向の磁歪。転移磁場は青色の実線の位置で定義している。



図 3.12 300 K における磁場を X 及び Y 方向に印加したときの電気分極の変化 (ΔP_Y)。 縦軸はそれぞれの始状態と終状態が等しいことを考慮してオフセットを調整している。

3.3 中間磁気相について

磁気ドメインの再配列に伴った変化が 10 T 以下の領域で見られたが、図 3.11(a)-(c) に 共通してサイクロイド相と高磁場側にある CAFM 相の間の領域(図中で囲った範囲)に は、約10~13 T にループが存在しており15 T 程の CAFM 相への相転移を示すキンクの 位置までおよそ直線的に変化している。この非単調な変化を明らかにするため、H || X. H || Y の磁化測定をいくつかの温度で行なった。その結果を図 3.13(a) と 3.13(b) に示す。 図 3.13(a) と (b) の H || X と H || Y の磁化曲線に共通して 150 K では磁化は転移磁場で 1つの階段状に変化している。反対に、図 3.11(a)-(c) でみられた磁場に対して大きな勾 配を持った線形的な領域が 200 K 以上の温度でも同様に存在している。この直線的な領 域を中間磁気相 (IM 相) として定義し、以降用いることにする。サイクロイド磁気相から IM 相への転移は不連続的である。それに対して、IM 相から CAFM 相への転移は連続的 にみえる。そして IM 相は温度が高くなるに連れてより低い磁場から出現している。図 3.13(c) と 3.13(d) はこれらの磁化曲線から決めたそれぞれ H || X と H || Y の磁場 (H)-温 度(T)相図である。磁化曲線からはサイクロイド相とIM相の転移磁場に有意な差はみら れなかった。ここで、転移磁場は図 3.13(c) の挿入図にいくつかのシンボルで印している 特徴的な点で割り当てている。Fishman の面内の磁気異方性を考慮したスピンハミルトニ アンの計算によると、X 方向に磁場を印加したときの転移磁場は Y 方向のものよりも大 きくなっている [71]。図 3.13(a) と 3.13(b) で示した H || X, H || Y における磁化測定の結 果からはサイクロイド相と IM 相の間の両者の転移磁場の大きさに有意な差はみられてい ない。

図 3.14 では H || X 及び H || Y のときの電気分極の温度変化を示している。磁化曲線で は温度が高くなるほど磁場の下げ過程の中間相とサイクロイド相の境界の変化が鈍ってく るのに対して、電気分極の変化は 300 K 付近の高い温度領域の変化が顕著に表れている が、電気分極の変化と磁化曲線の転移磁場に有意な差はない。磁化測定と同様に H || X と H || Y でサイクロイド相と IM 相の間の両者の転移磁場の大きさに有意な差はみられてい ない。



図 3.13 いくつかの温度において、(a) X 方向と (b) Y 方向に磁場を印加したときの磁 化曲線。各温度におけるデータは見やすいように縦軸にオフセットを与えている。(c) H || Y の転移磁場の温度依存性。



図 3.14 いくつかの温度において、(a) X 方向と (b) Y 方向に磁場を印加したときの電気分極の変化 (ΔP_Y)。各温度におけるデータは見やすいように縦軸にオフセットを与えている。

第4章

考察

4.1 不揮発性抵抗メモリー効果

ここでは観測されたメモリー効果について議論する。一度も磁場を印加されてない BiFeO₃ では、ゼロ磁場で3つの変調ベクトル Q_i で表されるサイクロイド磁気ドメインが 縮退している。磁場を印加すると、磁場に対して垂直な Qi を持った磁気ドメインが安定 化する。電気分極測定で観測された Py の変化は先行研究で報告されているように [42]、 Qi に対して垂直な電気分極成分 PT が存在していることを意味している。このようなスピ ン変調ベクトルに垂直な電気分極の出現は理論的にも支持されている [43,72]。Y 方向の 電場 Ey の印加に伴って電気分極 (PT) を持った磁気ドメインが再配列されると期待され る。今回の実験では初めに充分強い磁場を印加しているので、初期状態は H || X のとき図 4.1(a) に示すように Q₁ もしくは Q₃ ドメイン、H || Y のとき図 4.1(b) のように Q₂ ドメ インが存在している。初期状態が Q_1 もしくは Q_3 ドメインのみである状態に + E_Y を印加 すると、単位体積あたり $-(3/2)P_{T}E_{Y}$ のエネルギーの利得によって Q_{2} ドメインが安定化 する。反対に初期状態が Q_2 ドメインのみであるとき、 $-E_Y$ に対して Q_1 もしくは Q_3 ド メインが安定化するはずである。Q2ドメインの割合が増えると、Y方向に磁場が印加さ れているとき系の磁化 My も増加する。観測した図 3.5(b) の My の増大はこのように考 えられる。反対に、図 3.8 で観測したように $-E_Y$ の印加では Q_1 または Q_3 ドメインが安 定化し、My は減少する。ここで、Z 軸の自発分極の方向に対してサイクロイド磁気秩序 のヘリシティは一意に決まるが [28]、この実験では自発分極が +Z か –Z 方向のどちらに 向いているのか把握していない。図では $P_{\rm T}$ が時計回りで描かれているが、それぞれの Q_i に沿ったスピンヘリシティに対する PT の符号の関係性は現時点で明らかではない。



図 4.1 磁場を (a) X および (b) Y 方向の印加によって安定化すると期待される磁気ド メインの状態の概念図。紫の太い矢印はサイクロイド磁気変調ベクトルを表している。 緑の白抜き矢印は三方晶面内の電気分極 (*P*_T) 成分を表している。

先行研究では電場の印加によって c 軸を別の擬立方晶の $\langle 111 \rangle_{cub}$ に傾けている [27]。も しこの c 軸方向の巨大自発分極を持った強誘電ドメインの再配列が今回の実験で起こった ならば、図 3.1(a) のように $Z \ge Y$ 方向の磁気異方性の違いにより、 E_Y によって M_Y は大 きく減少するはずである。図 3.8 の 1 回目のサイクルの磁化の減少について、後に印加し た 7 T までの磁場によって磁化が初期状態と同じ大きさに戻った。これは Q_2 ドメインの みの初期状態から $-E_Y$ によって Q_1 もしくは Q_3 ドメインが生成され磁化が減少し、その 後 7 T までの Y 方向の磁場によって再び Q_2 ドメインに揃ったためである。そのため、巨 大自発分極を持った強誘電ドメインが再配列することによる M_Y の減少は 0.3 MV/m の電 場範囲では観測されていない。Lee らはサイクロイド磁気ドメインの電場制御について報 告しているが、彼らは擬立方晶の主軸に沿って電場を印加しているので、今回の実験で観 測された電場方向に対する磁化の変化の非対称性の原因は不明であった [28,46]。

今回の実験では電場印加の方向によって抵抗の大きさが切り替わっている。この抵抗メ モリー効果の原因について議論する。RRAM 効果を示す他の多くの物質では結晶内の欠 陥あるいはイオンが移動し伝導パスを形成することが原因だと考えられている。しかし、 今回の実験では抵抗だけでなくバルクの磁化も同様に切り替わっているので、結晶の欠陥 もしくは結晶中のイオンの移動が原因ではないだろう。よって上述したように + E_Y (- E_Y) によって Q_2 ドメイン (Q_1 もしくは Q_3 ドメイン)が生成されることに起因しているとみ て議論するのが妥当である。図 3.1(a)の初期磁化過程における 2 T 中の M_Y は、7 T の磁 場によって約 2 × 10⁻² emu/g ほど増加しているのに対して、図 3.5(a)の 2 回目の電場サ イクルで上昇した M_Y は約 3×10⁻⁴ emu/g である。これは 7 T の磁場による変化のおよそ 1.5% であるから、 Q_2 ドメインは + E_Y によって部分的に引き起こされている。従って、 + E_Y によって異なる Q を持つドメインとのドメイン壁が生成されている。Q ベクトルに 依存した P_T が存在するとき、各磁気ドメインは強誘電ドメインでもある。一般的に強誘 電ドメインの境界では伝導的であることが知られているため [49]、異なった Q ベクトル を持つ磁気・強誘電ドメインの境界が高い伝導性を持つと考えられる。実際に BiFeO₃に おいて、c 軸の方位が異なる強誘電ドメインの境界では単一ドメイン内よりも伝導的であ ることが知られている [50]。ドメイン壁が伝導的である描像を考えると、図 4.2 のように Q_3 ドメインに揃っている初期状態では、+ E_Y によって異なった P_T 方向を持つ Q_2 ドメイ ンが部分的に生成されることによって、ドメイン壁が生成されて電気抵抗が初期状態より も小さくなる。反対に、- E_Y によって Q_2 ドメインの安定性が抑制されドメイン壁が部分 的に消滅することで抵抗値が大きくなる。観測した + E_Y ($-E_Y$)の印加による抵抗値の減 Ψ (増大)は、この伝導的なドメイン壁の生成(消滅)の描像と整合している。

一方、図 3.8 では印加電場によってダイオードの逆方向が順方向にスイッチングするよ うな振る舞いを示している。このような抵抗メモリー効果は先の議論のようなドメイン境 界の増減のみでは説明することができない。一般的に、このようなダイオード型の振る舞 いは自発分極によって引き起こされる試料表面の非対称なショットキー障壁に起因する と考えられており、実際に c 軸方向の巨大な自発分極を電場で制御することによってダ イオードの方向をスイッチングしている報告がある [47,52]。この場合、自発分極の方向 がダイオードの順方向になる。ここで今回の図 3.8 の結果をもう一度振り返ってみる。図 3.8(a) では Q_2 ドメインのみの初期状態から $-E_Y$ の電場で磁化が約 0.0014 emu/g 減少し、 $oldsymbol{Q}_1$ もしくは $oldsymbol{Q}_3$ ドメインが約7% 生成している。 $oldsymbol{Q}_2$ ドメインのみに揃った状態では電気 分極成分 $P_{
m T}$ が Y 軸に沿って揃っているが、– E_Y によって $oldsymbol{Q}_1$ もしくは $oldsymbol{Q}_3$ ドメインが部 分的に生成されると巨視的な電気分極は小さくなる。すなわち、外部電場 +Ey の方向が Q2 ドメインの電気分極の方向と等しいはずである。しかし、図 3.8(e) に示されているよ うに – Ey 方向の電場による電気抵抗率の方が + Ey 方向の電場による電気抵抗率よりも 3~4倍ほど小さくなっており、巨視的な電気分極の方向とは逆向きにダイオードの順方 向が向いていることになる。このことは表面の電荷の遮蔽効果による描像では説明できな い。また、図 3.5 の結果について、初期状態が Q_1 もしくは Q_3 ドメインの場合でも面内 の巨視的な電気分極の大きさは電場の極性によって変化しているはずだが、ダイオード型 の振る舞いはみられていない。試料表面の遮蔽効果が観測された抵抗メモリー効果に対し て支配的でないが、初期状態が Q2 ドメインのみの場合では磁気ドメイン壁の増減によっ て単純に説明することはできない。今後の展望として複雑な抵抗メモリー効果の起源につ いて明らかにするためには、電場の印加によって磁気ドメインが空間的にどのように生成 するのか、及び磁気伝播ベクトルQのヘリシティに対する面内の自発分極成分 $P_{\rm T}$ の向き

などの詳細を微視的に観測する必要があるだろう。

この面内の電気分極成分 $P_{\rm T}$ は本実験の 10 T 以下の磁場による分極変化からおよそ 600 μ C/m² であるのに対して、c 軸方向の自発分極 $P_{\rm S}$ は 1 C/m² ほどである [23–25]。 $P_{\rm T}$ は $P_{\rm S}$ よりもおよそ 1000 倍も小さいことに加えて、c 軸の自発分極を倒す電場よりも Q を 持った磁気ドメインを回す電場の方が小さい。電場 E によって分極 P の方向を変化さ せたときのエネルギー散逸は $P \cdot E$ で表せられるので、c 軸方向を制御したメモリー効 果 [47,48,53–55] よりも 3 桁ほど消費電力が小さいと予想される。また P - E 測定の結果 から c 軸方向の自発分極 $P_{\rm S}$ を傾けると途中で試料が割れてしまうことから、少なくとも 20000 回以上の電気抵抗の状態をスイッチングできる $P_{\rm T}$ 成分の電場制御の方が実用的な 耐久面で利点がある。さらにこの電気抵抗の状態は日常的に接する磁場によっては変化し ないだろう。何故なら電気抵抗のスイッチングは 2 T の磁場下でも実現しており、電気分極の磁場依存性の初期磁化過程では約 5 T まで非可逆的な変化は起こっていない。一度書 き込まれた磁気ドメインの状態が 100 日以上保持することから、BiFeO₃ では三方晶の Z 軸に垂直な電場によって書き込まれた情報を電気抵抗測定で簡単に読み出しが可能な双極 型の不揮発性抵抗メモリー効果が実現することがわかった。



図 4.2 E_Y に対する磁気ドメインの応答の模式図。初期状態を Q_3 ドメインのみが揃っている状態を考えると、 $+E_Y$ によって部分的にQが生成する。

4.2 磁場に対する非可逆的な歪み

観測した縦・横磁歪でみられた 10 T 以下の非可逆的なふるまいは Q ベクトルの方向に よって試料の長さが変化していることを意味している。図 3.1(a) や図 3.2 等で観測した磁 場に対する非可逆的な変化と同様に $P_{\rm T}$ を持った磁気ドメインの再配列として考えること ができる。Zeeman エネルギーが小さくなるように、10 T 程の Y 方向の磁場 (H_Y) によっ て図 4.1(b) で示すように Q_2 が安定化すると期待される。この磁気ドメインの再配列の過程で X 方向に試料が縮んだことは、もともと Q ベクトル方向の格子長がそれに垂直な方向の格子 長よりも短い結晶構造であることを意味している。中性子線回折実験の先行研究では、一 軸圧を擬立方晶の主軸に沿って印加したとき、一軸圧に対して垂直な Q ベクトルを持っ た磁気ドメインの比率が減少することが知られている [45]。このとき彼らは一軸圧によっ て 10⁻⁵ – 10⁻⁴ の歪みを与えていると見積もっている。これに対して、本研究の結果では Q ベクトルに沿った格子が 2×10⁻⁵ 程収縮しているので、彼らの一軸圧効果による結果と 整合している。



図 4.3 (a) *X* 方向および (b) *Y* 方向に磁場を印加したときの単斜晶歪みを考慮した磁気 ドメインの描像。

次に Sosnowska らの観測した単斜晶歪み [44] と合わせて考えてみる。磁歪測定の結果 は、三回回転対称性の破れた結晶の単一ドメイン内では Q ベクトルがただ一つに決定す ることを意味している。よって、ここでは Q_1 方向に縮んだ結晶ドメインが磁場によって 再配列する描像を考える。このとき図 4.3 のように電気分極の面内成分 P_T は、それに垂 直な磁気変調 Q_1 と結合している。図 4.3(a) は磁場を X 方向に印加したときに安定化され る磁気変調方向のうちのひとつの状態を表している。また図 4.3(b) は Y 方向に磁場を印 加したときの状態を表している。彼女らの単斜晶歪みの結果から X_1 、 X_2 で示したベクト ルの大きさを求めることで、X 方向の磁歪測定で観測された 10 T 以下の非可逆な格子の 変形の大きさと比較することができる。

まず磁場を X、Y 方向に印加したときのベクトル \vec{X}_1 、 \vec{X}_2 を考えてみよう。彼女らが定義 した単位格子の表現を元に、三方晶の格子定数 ($\vec{a}_t^0, \vec{b}_t^0, \vec{c}_t^0$) は、図 4.4(a) のような単斜晶の 単位格子のベクトル ($\vec{a}_m^0, \vec{b}_m^0, \vec{c}_m^0$) を用いて、

$$\vec{a}_{t}^{0} = -\frac{3}{2}\vec{a}_{m}^{0} - \frac{1}{2}\vec{b}_{m}^{0} - \vec{c}_{m}^{0},$$

$$\vec{b}_{t}^{0} = \frac{3}{2}\vec{a}_{m}^{0} - \frac{1}{2}\vec{b}_{m}^{0} + \vec{c}_{m}^{0},$$

$$\vec{c}_{t}^{0} = \vec{c}_{m}^{0},$$
(4.1)

と表される。ここで添え字の"0"は単斜晶歪みを含まないベクトルを表している。面内の 三方晶の単位格子のベクトル \vec{a}_t^0 および \vec{b}_t^0 を用いて

$$\vec{X}_1 = 2\vec{a}_t^0$$
 (4.2)

$$\vec{X}_2 = -2\left(\vec{a}_t^0 + \vec{b}_t^0\right)$$
(4.3)

と表すことができる。式 4.1 を用いて単斜晶の単位格子のベクトルで表記し、単斜晶歪み を与えた大きさは

$$X_1 = \sqrt{9a_{\rm m}^2 + b_{\rm m}^2 + 4c_{\rm m}^2 + 12a_{\rm m}c_{\rm m}\cos\beta},\tag{4.4}$$

$$X_2 = 2b_{\rm m} \tag{4.5}$$

となる。ここで β は d_m と d_m の間の角度である。彼女らの単斜晶歪みを考慮した格子 定数を元にX方向に磁場を印加した状態からY方向の磁場印加の状態へのX方向の 試料の歪みは $(X_2 - X_1)/X_2$ で求めることができる。この歪みと X_1 、 X_2 の関係を表 4.1 にまとめた。このとき図 4.3(a) から図 4.3(b) への状態で歪み $(X_2 - X_1)/X_2$ は表 4.1 か ら 10 ~ 40 × 10⁻⁵ 程度縮むことが示唆される。本研究の磁歪測定で実際に縮んだ歪み $2 × 10^{-5}$ とは 1 桁近く異なるが、磁場の印加による磁気ドメインの再配列として期待され る磁歪の符号は一致している。

Sample number	X_1 (Å)	X_2 (Å)	$(X_2 - X_1) / X_2$
1	11.162066	11.160126	17.4×10^{-5}
2	11.159921	11.158866	9.5×10^{-5}
3	11.163570	11.162322	11.2×10^{-5}
4	11.160242	11.155814	39.7×10^{-5}

表 4.1 報告されたいくつかの試料における X_1 、 X_2 、 $(X_2 - X_1)/Y_2$ の値。パラメーター は文献 [44] を引用している。

さらに、磁歪や分極の結果から示唆される三回回転対称性の破れのため 彼女らの提案 している単斜晶歪みによって三方晶の c 軸が少し傾いていると仮定すると、サイクロイド 磁気相における電気磁気効果は、 P_T の存在をある程度の定量性で再現することができる。 単斜晶歪みを考えると、巨大な自発分極を持った三方晶の c 軸が面に垂直な軸から傾き、 これによりその傾いた自発分極の面内の射影成分 P_{tilt} が現れる。そこで彼女らが報告し た格子定数 [44] を元にこの P_{tilt} 成分を見積もってみる。



図 4.4 (a) 三方晶と単斜晶の単位格子 (b) 単斜晶の a_m - c_m 面の描画。

単斜晶歪みを含んでいない三方晶では、 $\vec{a}_t^0 \times \vec{b}_t^0$ は \vec{c}_t^0 と平行である。これに式 4.1 を適用して単斜晶の単位格子のベクトルで表現し単斜晶歪みを与える。すると三方晶の面に垂直

な成分は

$$\vec{a}_{\rm t} \times \vec{b}_{\rm t} = \left(\frac{3}{2}\vec{a}_{\rm m} + \vec{c}_{\rm m}\right) \times \vec{b}_{\rm m} \tag{4.6}$$

で表現できる。式 4.6 から三方晶の *c* 軸の傾いている角度は図 4.4(b) で示す単斜晶の *a*_m – *c*_m 面内のベクトルの関係に注意し計算を行うと

$$\theta_P = \cos^{-1} \frac{\left(\vec{a}_{t} \times \vec{b}_{t}\right) \cdot \vec{c}_{t}}{\left|\vec{a}_{t} \times \vec{b}_{t}\right| \left|\vec{c}_{t}\right|} = \cos^{-1} \frac{3a_{m} \sin\beta}{\sqrt{9a_{m}^2 + 4c_{m}^2 + 12a_{m}c_{m}\cos\beta}}$$
(4.7)

が得られる。報告されているいくつかの試料における格子定数と θ_P を計算したものを表 4.2 に示す。このとき電気分極の横成分 (P_{tilt}) は

$$P_{\text{tilt}} = P_{\text{S}} \sin \theta_P \tag{4.8}$$

で与えられる。さらに式 4.6 より、 \vec{c}_{t} は \vec{b}_{t} に対して垂直な面に傾いている。

 $\vec{b}_{m} \approx \vec{b}_{m}^{0} = -\vec{a}_{t}^{0} - \vec{b}_{t}^{0} || \vec{Q}_{1}$ であるから、 P_{tilt} は磁気変調ベクトル Q_{1} に対して垂直に現れる。 単斜晶歪みによってc軸が傾斜している角度は $\theta_{P} = 0.01^{\circ} - 0.04^{\circ}$ であることから、自発 分極 $P_{S} = 1 \text{ C/m}^{2}$ として計算した P_{tilt} は表 4.2 の通り 200 から 800 μ C/m² となる。これ は磁気ドメインの再配列によって引き起こされた分極の変化から見積もられる横成分の分 極の大きさと同等の桁である。ここで重要な点はこの自発分極の傾斜は外部磁場によって 制御することができる、すなわちスピン系と結合しているということである。しかし何故 傾いているのか及び磁場の関数としてどのように傾きが変化するかは不明であるため、今 後はこれに対する微視的な実験及び理論が必要である。

表 4.2 報告されたいくつかの試料における単斜晶の格子定数と傾斜の角度 θ_p と電気 分極の横成分 P_{tilt} 。格子定数は文献 [44] を引用している。

Sample number	$a_{\rm m}$ (Å)	$b_{\rm m}$ (Å)	$c_{\rm m}$ (Å)	eta (°)	$ heta_P (^\circ)$	$P_{\text{tilt}} (\mu \text{C}/\text{m}^2)$
1	9.79608(7)	5.58006(3)	13.87468(10)	160.7951(10)	0.02(01)	351
2	9.79394(6)	5.57943(3)	13.87241(7)	160.7951(7)	0.01(10)	193
3	9.79789(22)	5.58116(10)	13.87774(30)	160.7965(30)	0.01(55)	271
4	9.78903(16)	5.57790(7)	13.86169(24)	160.7825(24)	0.04(30)	751

4.3 磁場誘起相転移

観測した磁場誘起逐次相転移について考察する。Gareeva らは現象論的に中間相の出現 を提唱している [76]。彼女らは Landau の現象論に従って系の自由エネルギーをそれぞれ DM 相互作用エネルギー $F_{\lambda D}$ や交換エネルギー F_{ex} 、磁気異方性エネルギー F_{an} 、電気磁 気相互作用エネルギー F_L 、Zeeman エネルギー F_H の和で

$$F = F_{\lambda D} + F_{ex} + F_{an} + F_L + F_H \tag{4.9}$$

と表現している。これらの項は、それぞれ

$$F_{\lambda D} + F_H = -\frac{\chi_{\perp}}{2} \left(\boldsymbol{H}_{\text{eff}}^2 - (\boldsymbol{H}_{\text{eff}} \cdot \boldsymbol{l})^2 \right), \qquad (4.10)$$

$$F_{ex} = A \sum_{x,y,z} (\nabla l_i)^2 , \qquad (4.11)$$

$$F_{an} = -K_u l_z^2, \tag{4.12}$$

$$F_L = \beta \left(l_x \nabla_x l_z + l_y \nabla_y l_z - l_z \nabla_x l_x - l_z \nabla_y l_y \right)$$
(4.13)

として与えている。このとき、副格子磁化を $M_1 \ge M_2 \ge z$ すると反強磁性秩序変数Lは $L = M_1 - M_2 \ge z$ して表され、副格子磁化の大きさ M_0 を用いて $l = L/2M_0 \ge z$ して規格化 している。ここでのi = x, y, zは反強磁性ベクトルlの成分を表している。 χ_\perp はlに垂直 な磁化率、Aは交換スティッフネス定数、 β は電気磁気相互作用定数、 K_u は磁気異方性定 数を表している。また磁場 $H \ge h = H/M_0 \ge z$ とたとき、 $H_{\text{eff}} = M_0 h + D[l \times e_p]$ と表さ れる。ただし、Dは Dzyaloshinskii 定数、 $e_p = [0, 0, 1]$ は自発分極 P_S 方向の単位ベクト ルである。



図 4.5 (a) $\kappa_c = 0.556$ において、磁場を Y 方向に印加したときの磁気構造のエネルギーの磁場依存性。破線はサイクロイド相、点線は AF-cone 相、実線は一様相に対応している。(b) 三方晶の回転軸に垂直な磁場を印加したときの規格化した異方性定数 κ_c と磁場の相図。"Cy"はサイクロイド相、"CC"は AF-cone 相、"EP"は磁場方向に容易軸が向いた G-type の一様相、"T"は面内の座標軸から傾いた方向に反強磁性ベクトルを持った一様相を表している。6,7,7' で番号付けされた境界線はサイクロイド相と AF-cone 相の1次相転移の境界を表している [76]。

この自由エネルギーの Euler-Lagrange 方程式による最小解は、無磁場下ではサイクロイ ド相が安定的であることを表している。一方、有限磁場下におけるこの解はある磁場領 域でスピンがコーン型に回転した AF-cone 相の実現を示唆している。図 4.5(a) はサイク ロイド磁気変調ベクトルに垂直な方向に磁場を印加したときのサイクロイド相 (破線)、 AF-cone 相 (点線)、一様相 (実線) のエネルギーの磁場依存性を示している。これは

$$\kappa_c = \frac{4A}{\beta^2} \left(-K_u + \frac{\chi_\perp H_D^2}{2} \right) \tag{4.14}$$

として表された規格化された異方性定数 $\kappa_c = 0.556$ のときの磁場依存性の計算結果であ り、この結果は約6T でサイクロイド相から AF-cone 相へと転移し、約9T の一様相に 至るまで AF-cone 相が安定的であることを示している。このような相転移磁場は κ_c が変 化することで図 4.5(b) のように転移磁場は変化する。図 4.5(b) の計算結果は"Cy"で示す サイクロイド相と"EP"や"T"で示す一様な磁気秩序相の間に"CC"で示す AF-cone 相が存 在することを表している。またこの計算ではサイクロイド相と AF-cone 相の境界は 1次 相転移を示している。このことは本研究の磁歪、磁化、電気分極がサイクロイド相と IM 相の間で磁場に対して履歴を伴っていたことと整合する。

彼女らの計算結果は磁場方向に対する一次元的な解に限定しており、磁場方向に対する *Q*ベクトルの安定する方向を考慮していない。AF-cone 相の変調ベクトルはサイクロイド 磁気相とは異なった方向に変化することが、サイクロイド相から横型の AF-cone 相へ転移 する Ba₂CuGe₂O₇ という物質で観測されている [77]。この物質では交換相互作用と DM 相互作用との競合によって無磁場下でサイクロイド型磁気秩序が実現する。このサイクロ イドの磁気変調ベクトルと垂直な方向に磁場を印加すると、AF-cone 相への相転移を起こ すが、その際両相における帯磁率の異方性の違いを反映して磁気変調方向が変化する。ス ピンハミルトニアンによる理論計算を共同研究者である福岡大学の宮原慎准教授と青山学 院大学の古川信夫教授に行っていただいた。スピンハミルトニアン \mathcal{H} を、交換相互作用 \mathcal{H}_{ex} 、DM 相互作用 \mathcal{H}_{DM} 、Zeeman エネルギー \mathcal{H}_{B} 、異方性エネルギー \mathcal{H}_{ani} とすると

$$\mathcal{H} = \mathcal{H}_{ex} + \mathcal{H}_{DM} + \mathcal{H}_{B} + \mathcal{H}_{ani}$$

$$= J_{1} \sum_{n.n.} S_{i} \cdot S_{j} + J_{2} \sum_{n.n.n} S_{i} \cdot S_{j}$$

$$+ \sum_{n.n.} \left\{ -\frac{1}{2} D(S_{i}^{Y} S_{i+x}^{Z} - S_{i}^{Z} S_{i+x}^{Y}) + \frac{\sqrt{3}}{2} D(S_{i}^{Z} S_{i+x}^{X} - S_{i}^{X} S_{i+x}^{Z}) - \frac{1}{2} D(S_{i}^{Y} S_{i+y}^{Z} - S_{i}^{Z} S_{i+y}^{Y}) - \frac{\sqrt{3}}{2} D(S_{i}^{Z} S_{i+y}^{X} - S_{i}^{X} S_{i+y}^{Z}) + D(S_{i}^{Y} S_{i+z}^{Z} - S_{i}^{Z} S_{i+z}^{Y}) \right\}$$

$$+ \sum_{n.n} (-1)^{n_{i}} D' (S_{i}^{X} S_{j}^{Y} - S_{i}^{Y} S_{j}^{X})$$

$$-g\mu_{B} \sum \mathbf{B} \cdot \mathbf{S}_{i} - K \sum (S_{i}^{Z})^{2}.$$

$$(4.15)$$

のように表すことができる。ここで *i*, *j* はスピン *S* のサイトを意味している。*x*, *y*, *z* は 図 1.14 や図 4.6(c) のように Z = c/6 レイヤーにある擬立方晶の主軸に沿った最近接 Fe サイトを示している。このハミルトニアンで BiFeO₃ を表すときに使われる一般的なパラ メーターを用いてスピン S = 5/2、最近接交換相互作用 $J_1 = 5.32$ (meV)、次近接交換相互 作用 $J_2 = 0.24$ (meV)、サイクロイド構造を作る DM 相互作用の成分 D = -0.15 (meV)、 CAFM を安定にする D' = 0.1 (meV)、g = 2とする。Z 軸に垂直な磁場を印加したときサ イクロイド磁気相、CAFM 相とは別にその間の相 (IM 相) を考慮したとき、各相における エネルギー固有値の磁場依存性は図 4.6(a) のようになる。



図 4.6 各磁場誘起相における (a) エネルギー状態と (b) 磁化の磁場依存性。"Cy"はサ イクロイド磁気秩序相、"IM"は中間磁気相、"CAFM"は傾角反強磁性磁気秩序相を表し ている。(c) IM 相において実現する AF-cone 磁気秩序の構造を表す模式図。黒丸及び 白丸は Z 方向に c/6 だけ異なった層の鉄サイトを表している。コーン内の赤矢印は磁 気モーメントを表している。x, y 及びz は最近接ボンドを表しており、擬立方晶の 3 つ の主軸に対応している。AF-cone 相の磁気伝播ベクトル $Q_{AF-cone}$ は Y 方向に印加した 磁場 H^{ex} と平行になる。

図 4.6(a) によると、サイクロイド磁気秩序の固有エネルギーが約5Tまで最も低く安定的 であることを意味している。また約5Tから約14Tまでの磁場領域でIM相が、約14T 以上の磁場領域ではCAFM相がそれぞれ安定状態である。このときの20Tまでの各相の 磁化過程の計算を図 4.6(b) で示している。5Tを超えたあたりから磁化が緩やかに増加す るふるまいや、15T付近でキンクを持つふるまいは観測した室温付近の磁化過程とよく一 致している。さらにこの計算はIM相のスピン構造が図 4.6(c) で示すような磁場方向に対 して平行に磁気変調ベクトルQが向き、それと垂直方向にコニカルな成分を持ちQ-Z面 で回転している横型の反強磁性コーン型(AF-cone)磁気秩序となることを提案している。

この期待される磁気変調ベクトルの変化を実験的に調べるため、アメリカの Oakridge National Laboratory の松田雅昌研究員、Sachith E. Dissanayake 博士、National Institute of Standards and Technology の William Ratcliff II 研究員、Zhijun Xu 博士、Yang Zhao 博士 に依頼して中性子線回折実験を行なっていただいた。中性子散乱の実験は NIST 中性子 研究センターの熱中性子三軸分光器 BT-7 を用いて行われた。用いた試料は~3.5 #×10 mm² の円柱型である。14.7 meV のエネルギーの中性子線を用いており、高次のビームか らの悪影響を取り除くために熱分解グラファイトフィルターを用いている。磁場は 15 T までのスプリット型の超伝導マグネットを用いて印加している。本実験の磁場スキャン の前にあらかじめ磁場を印加して磁気ドメインを配向させている。Y 方向の磁場の印加 によって Q_2 ドメインが揃い、X 方向の磁場によって Q_1 もしくは Q_3 ドメインが揃う。 H || X のとき 反射面は (*hhl*)_{tri}[もしくは (0YZ)] であり、H || Y のときの反射面は (*hhl*)_{tri} [もしくは (X0Z)] である。測定していただいた中性子の結果を図 4.7 に示す。まず、285 Kにおいて磁場を Y 方向に印加し X 方向にスキャンした結果を図 4.7 に示す。図 4.7(a) は磁場上昇時のピークの外形である。このときの反射面は三方晶の表記で (hh3) を用い ている。この三方晶表記の (003)tri の反射面は擬立方晶における (1/2 1/2 1/2)cub に対応 しており、実験は三方晶の表記で X 軸と等価な方向にある $Q = (\delta, \delta, 0)_{tri}$ の磁気伝播べ クトルによる磁気散乱を観測している。磁場が大きくなるに連れて h = ±0.004 にある不 整合ピークの強度が小さくなっていくのに対して、h=0の整合ピークが発達している。 また図 4.7(b) では整合ピークと不整合ピークの積分強度の磁場依存性を示している。図 3.13(c) の垂直及び水平な破線の交点で示しているように、285 K における 14 T の印加磁 場によって IM 相に十分到達しているが CAFM 相には到達していないことが H-T 相図で 確認できる。磁場の上げ過程では約6Tから整合散乱強度が段々と増大し、反対に不整合 強度は徐々に減少している。IM 相である 14 T では X 方向に沿って整合な磁気構造が出 現している。磁場の下げ過程では X 方向の磁気構造が整合状態から不整合状態へと履歴 を伴いながら移行していく様子がみられている。このことは2相の共存領域があり一次転 移的であることを示唆している。今回の中性子線回折測定では散乱強度を増やすために図 4.8(a) の楕円で示すように縦方向に集光しており磁場方向の角度分解能が小さくなってい るため、磁場方向に対する磁気散乱強度の変化は観測できなかった。図 4.8(b) と 4.8(c) で 示すように CAFM と AF-cone の2つの磁気構造の区別は出来ないが、先ず Y 方向の磁場 の印加によって図 4.8(c) が一次転移で現れ、さらに磁場を印加すると図 4.8(c) の2つの ピークが少しづつ近づいていき最終的には図 4.8(b) の CAFM 相の磁気構造になると推測 される。



図 4.7 (a) 285 K で Y 方向に沿って磁場を印加したときの反射面 (XOZ) の中性子線回 折ピークの外形。シンボルと実線はそれぞれ実験データとフィッティング曲線である。 (b) 整合ピーク (白丸) および不整合ピーク (赤丸) の相対的な積分強度の磁場依存性。実 線は見やすくするためのガイドである。



図 4.8 Y 方向に磁場を印加したとき、(a) サイクロイド、(b) 傾角反強磁性 (CAFM)、 (c) 反強磁性コーン (AF-cone) 構造で期待される Bragg 磁気反射位置。楕円は装置の解 像度を示している。

これに加えて、300 K において磁場を X 方向 (もしくは $\langle 110 \rangle_{tri}$) に印加したときの $(h\bar{h}l)_{tri}$ の反射面で中性子線回折測定を行った。図 4.9(a) に示すように、 Q_1 もしくは Q_3 ドメインに由来する $h \sim \pm 0.0074$ での不整合ピークは磁場が大きくなるに連れて弱まっていき、同時に整合ピークは強まっていく。整合及び不整合ピークの積分強度の磁場依存性は図 4.9(b) にプロットしている。300 K において 14 T の印加磁場ではほぼ完全に不整合ピークから整合ピークに移行しており、これは $H \parallel Y$ における磁化測定から得られた結果と一致している。尚、3.13(d) の H-T 相図において 300 K, 14 T は 2 つの破線の交点で示している。



図 4.9 (a) 300 K で X 方向に沿って磁場を印加したときの反射面 (0YZ) の中性子線回 折ピークの外形。シンボルと実線はそれぞれ実験データとフィッティング曲線である。 (b) 整合ピーク (白丸) および不整合ピーク (赤丸) の相対的な積分強度の磁場依存性。実 線は見やすくするためのガイドである。

IM 相の磁気構造は実験的、理論的な観点から横型の AF-cone 相であると考えられる。 このとき磁化や分極、磁歪は磁場の関数として線形的な勾配をもったふるまいを示してい る。図 3.11(b) の IM 相の 12 T から 15 T の間の分極変化の勾配から計算される室温の 1 次の電気磁気効果は約 217 ps/m であり、図 3.11(b) の 15 T より大きい領域で見積もった CAFM の 1 次の電気磁気効果の値 3.6 ps/m と比較すると 60 倍近く大きい。また、IM 相 の線形電気磁気効果は標準的な物質である Cr_2O_3 よりも約 400 倍も大きい [78]。この値 は相転移付近のとても限られた領域でのデータを用いて決めた値なので、IM 相における 典型的な値とはいえないが、IM 相における顕著な電気磁気効果は今後の BiFeO₃ の応用 に向けた新しい可能性を与えるだろう。

室温付近でサイクロイド磁気秩序よりも大きな電気磁気効果を示す IM 相が磁場誘起 相として実現していることがわかった。現象論では基本的なパラメーターとして交換ス ティフネス (A) や DM 相互作用定数 (D)、規格化した磁気異方性定数 (κ_c)、垂直微分磁化 率 (χ_{\perp})、CAFM での自発磁化 (M_s)が考慮されている。これらのパラメーターの内 χ_{\perp} と M_s は M - H 曲線の実験結果から決定することができる。図 4.10 はいくつかの温度での 磁化曲線から解析したこれらのパラメーターの温度依存性を示している。これらのパラ メーターは 150 K から 320 K の間ではほとんど温度に依存していない。一方図 3.13(c) で 示した転移磁場は温度に依存して変化しているが、これは DM 相互作用や交換スティフ ネスが温度に対してそれほど敏感ではないことから、 κ_c の変化によって転移磁場の温度変 化が起こっていると考えられる。

またこの IM 相は本研究で観測した磁場よりも低い磁場領域で実現する可能性がある。 Gareeva らは BiFeO₃ 薄膜において、基板とのミスマッチによるスピンへの影響を磁気弾 性エネルギー F_{melas} として

$$F_{m.elas} = -\frac{B_2 u_0}{2} l_z^2 \tag{4.16}$$

として与えている。ここで B_2 は磁気弾性結合定数を表している。 u_0 は薄膜と基板とのミスマッチによって生じる歪みで、薄膜と基板の格子定数をそれぞれ a_{film} 、 a_{subs} とすると

$$u_0 = \frac{a_{\rm subs} - a_{\rm film}}{a_{\rm film}} \tag{4.17}$$

として定義している。この磁気弾性エネルギーの l_z の係数を磁気異方性定数として $\tilde{K}_u = K_u + B_2 u_0/2$ とすると規格化した異方性定数 κ_c は、

$$\kappa_c = \frac{4A}{\beta^2} \left(-\tilde{K}_u + \frac{\chi_\perp H_D^2}{2} \right) \tag{4.18}$$

として表される。図 4.5(a) に示した Gareeva らの計算結果によると、式 4.14 で表される

 κ_c は他のパラメーターを一定に保って増加させたとき、AF-cone 相への転移磁場は減少している。すなわち、 κ_c には磁気弾性効果も含まれているので、実用的に κ_c を大きくした BiFeO₃の薄膜では室温でより低い転移磁場で IM 相が実現する可能性を示唆している。 普通の磁性体で磁気異方性 κ はあまり温度変化しないが、今回高温で IM 相が出現したの は、磁気弾性結合を κ に取り込んだことが影響していると考えられる。



図 4.10 CAFM 相での自発磁化 (M_s) と微分磁化率 (χ_{\perp}) の温度依存性。

今回観測した 300 K における磁歪の結果はサイクロイド磁気相だけでなく、IM 相およ び CAFM 相にかけてより大きな格子の歪みが存在することを示している。磁歪測定では 格子歪みの符号がわかるため、CAFM 相では図 3.11(d) で示すように磁場方向に伸び、そ れと垂直方向に縮んでいることが確認できる。また図 3.12 では X、Y 方向の磁場によっ て $P_{\rm T}$ 成分を持った磁気ドメインがそれぞれ Q_1 もしくは Q_3 、 Q_2 に揃うことに伴って、 $P_{\rm T}$ が一方向に配列して巨視的な電気分極が出現している。 $P_Y = 0$ である電気分極の原点 は明確にはわからないが、少なくとも $H \parallel X$ 及び $H \parallel Y$ のときの始状態と終状態の間に 存在しているはずである。さらに磁場を印加し続けた先にある逐次相転移に伴う電気分極 の変化は IM 相や CAFM 相においても電気分極が有限に存在していることを示唆してい る。本研究の磁歪及び電気分極の結果から、室温では IM 相と CAFM 相の磁場誘起相で はサイクロイド相よりも面内の電気分極成分が大きくなっている。式 4.15 のスピンハミ ルトニアンのように、スピンのエネルギー状態には DM 相互作用の項以外でも交換相互 作用や磁気異方性エネルギーが寄与している。そこで逆 DM 相互作用だけでなく交換歪 や *p*-*d* 混成機構を考慮し、宮原らによる計算 [75] を参考にサイクロイド相や磁場誘起相 で起こりうる電気分極を考察する。



図 4.11 BiFeO₃ の Fe サイトの模式図。赤丸、青丸、黒丸はそれぞれ *c*/6 だけ異なっ たレイヤーの Fe イオンを表している [75]。

この系の三回回転対称性を維持した範囲で、サイクロイド相、AF-cone 相、および CAFM 相で実現し得る電気分極の出現を交換歪 P^{EX} 、逆 DM 相互作用 P^{AS} 、および p - d 混成 P^{ML} による機構で考察する。まず、式 4.15 のスピン S_i の位置を $r_i = n_i^x e_x + n_i^y e_y + n_i^z e_z$ で 表す。ここで $n_i \equiv n_i^x + n_i^y + n_i^z$ とし、図 4.11 で示すように格子定数 a をもった擬立方晶の 主軸方向のベクトルを X,Y,Z 座標で次のように表す [75]。

$$\boldsymbol{e}_{x} = \left(\frac{a}{\sqrt{2}}, \frac{a}{\sqrt{6}}, \frac{a}{\sqrt{3}}\right),\tag{4.19}$$

$$\boldsymbol{e}_{y} = \left(-\frac{a}{\sqrt{2}}, \frac{a}{\sqrt{6}}, \frac{a}{\sqrt{3}}\right),\tag{4.20}$$

$$\boldsymbol{e}_{z} = \left(0, -\frac{2a}{\sqrt{6}}, \frac{a}{\sqrt{3}}\right). \tag{4.21}$$

図 4.11 の赤丸、黒丸、および青丸はそれぞれ三方晶の Z = c/6、Z = 0、および Z = -c/6レイヤーの Fe イオンを表している。スピンに依る電気分極を次のように定義する [74]

$$\boldsymbol{P}_{i\ i+\alpha}^{\text{EX}} = \sum_{\langle i,i+\alpha \rangle} \Pi_{i\ i+\alpha} \left(\boldsymbol{S}_{i} \cdot \boldsymbol{S}_{i+\alpha} \right), \qquad (4.22)$$

$$\boldsymbol{P}_{i\ i+\alpha}^{\mathrm{AS}} = \sum_{\langle i,i+\alpha \rangle} \mathrm{d}_{i\ i+\alpha} \left(\boldsymbol{S}_{i} \times \boldsymbol{S}_{i+\alpha} \right), \tag{4.23}$$

$$\boldsymbol{P}_{i}^{\mathrm{ML}} = \sum_{\langle i \rangle} \Lambda_{i} \left(\boldsymbol{S}_{i}^{\alpha} \boldsymbol{S}_{i}^{\beta} \right).$$
(4.24)

 $\alpha や \beta$ は x, y, z などの座標成分を表している。まず i と i + z 間のボンドの寄与のみを考 える。BiFeO₃のボンド間には反転中心がないため、逆 DM 機構と p - d 混成機構では全 ての要素が非ゼロになるため一般に次のように書ける。

$$\boldsymbol{p}_{i\ i+z}^{\mathrm{EX}} = \begin{bmatrix} \Pi_x, \ \Pi_y, \ \Pi_z \end{bmatrix} (\boldsymbol{S}_i \cdot \boldsymbol{S}_{i+z}), \tag{4.25}$$
$$\boldsymbol{p}_{i\ i+z}^{\mathrm{AS}} = \mathrm{d}_{i\ i+z} \left(\boldsymbol{S}_i \times \boldsymbol{S}_{i+z} \right) = \begin{pmatrix} d^{XX} & d^{XY} & d^{XZ} \\ d^{YX} & d^{YY} & d^{YZ} \\ d^{ZX} & d^{ZY} & d^{ZZ} \end{pmatrix} (\boldsymbol{S}_i \times \boldsymbol{S}_{i+z})$$

他のボンドの寄与はこのボンドの寄与に対象操作を加えたものになる。それらの寄与を考 慮すると、あるサイト*i*が隣接サイトとのボンドで持つ局所的な電気分極はそれぞれ、

$$\left\langle \boldsymbol{p}_{i\ i+x}^{\text{EX}} \right\rangle = \left[-(-1)^{n_{i}} \frac{1}{2} \Pi_{X} - \frac{\sqrt{3}}{2} \Pi_{Y}, \ (-1)^{n_{i}} \frac{\sqrt{3}}{2} \Pi_{X} - \frac{1}{2} \Pi_{Y}, \ \Pi_{Z} \right] (\boldsymbol{S}_{i} \cdot \boldsymbol{S}_{i+x}),$$

$$\left\langle \boldsymbol{p}_{i\ i+y}^{\text{EX}} \right\rangle = \left[-(-1)^{n_{i}} \frac{1}{2} \Pi_{X} + \frac{\sqrt{3}}{2} \Pi_{Y}, \ -(-1)^{n_{i}} \frac{\sqrt{3}}{2} \Pi_{X} - \frac{1}{2} \Pi_{Y}, \ \Pi_{Z} \right] \left(\boldsymbol{S}_{i} \cdot \boldsymbol{S}_{i+y} \right),$$

$$\left\langle \boldsymbol{p}_{i\ i+z}^{\text{EX}} \right\rangle = \left[-(-1)^{n_{i}} \Pi_{X}, \ \Pi_{Y}, \ \Pi_{Z} \right] \left(\boldsymbol{S}_{i} \cdot \boldsymbol{S}_{i+z} \right),$$

$$(4.26)$$

として表される。逆 DM 相互作用についても同様にして、

$$\boldsymbol{p}_{i\ i+\alpha}^{\mathrm{AS}} = \mathsf{d}_{i\ i+\alpha}\left(\boldsymbol{S}_{i}\times\boldsymbol{S}_{i+\alpha}\right) \quad \alpha = x, y, z, \tag{4.27}$$

で表されるボンド間の局所的な電気分極において、 $d_{i \ i+\alpha}$ は

$$\mathbf{d}_{i\ i+x} = \begin{pmatrix} (-1)^{n_i} \frac{d^{Xx} + 3d^{YY}}{4} + \frac{\sqrt{3}(d^{XY} + d^{YX})}{4} & -(-1)^{n_i} \frac{\sqrt{3}(d^{XX} - d^{YY})}{4} + \frac{d^{XY} - 3d^{YX}}{4} & -\frac{d^{XZ} + (-1)^{n_i} \sqrt{3}d^{YZ}}{2} \\ -(-1)^{n_i} \frac{\sqrt{3}(d^{XX} - d^{YY})}{4} - \frac{3d^{XY} - d^{YX}}{4} & (-1)^{n_i} \frac{3d^{XX} + d^{YY}}{2} - \frac{\sqrt{3}(d^{XY} + d^{YX})}{4} & \frac{\sqrt{3}d^{XZ} - (-1)^{n_i} d^{YZ}}{2} \\ -\frac{d^{ZX} + (-1)^{n_i} \sqrt{3}d^{ZY}}{2} & (-1)^{n_i} \frac{\sqrt{3}d^{ZX} - (-1)^{n_i} d^{ZY}}{2} & (-1)^{n_i} d^{ZZ} \end{pmatrix} \\ \mathbf{d}_{i\ i+y} = \begin{pmatrix} (-1)^{n_i} \frac{d^{XX} + 3d^{YY}}{4} - \frac{\sqrt{3}(d^{XY} + d^{YX})}{4} & (-1)^{n_i} \frac{\sqrt{3}(d^{XX} - d^{YY})}{4} + \frac{d^{XY} - 3d^{YX}}{4} - \frac{d^{XZ} - (-1)^{n_i} \sqrt{3}d^{YZ}}{2} \\ (-1)^{n_i} \frac{\sqrt{3}(d^{XX} - d^{YY})}{4} - \frac{3d^{XY} - d^{YX}}{4} & (-1)^{n_i} \frac{3d^{XX} + d^{YY}}{4} + \frac{\sqrt{3}(d^{XY} + d^{YX})}{4} & -\frac{\sqrt{3}d^{XZ} + (-1)^{n_i} d^{YZ}}{2} \\ -\frac{d^{ZX} - (-1)^{n_i} \sqrt{3}d^{ZY}}{2} & -\frac{\sqrt{3}d^{ZX} + (-1)^{n_i} d^{ZY}}{2} & (-1)^{n_i} d^{ZZ} \end{pmatrix}$$
$$d_{i\ i+z} = \begin{pmatrix} (-1)^{n_i} d^{XX} & d^{XY} & d^{XZ} \\ d^{YX} & (-1)^{n_i} d^{YY} & (-1)^{n_i} d^{YZ} \\ d^{ZX} & (-1)^{n_i} d^{ZY} & (-1)^{n_i} d^{ZZ} \end{pmatrix}$$
(4.28)

として表される。最後に p - d 混成による局所的な電気分極 p_i^{ML} は次のように表される。 $p_i^{\text{ML}} = \left[(-1)^{n_i} \Lambda_{YZ} S_i^Y S_i^Z + \Lambda_{ZX} S_i^Z S_i^X, \Lambda_{ZX} S_i^Y S_i^Z + (-1)^{n_i} \Lambda_{YZ} S_i^Z S_i^X, \Lambda \left(S_i^Z\right)^2 \right]$ (4.29)

これらの式を用いて、先ずサイクロイド相における電気分極を計算する。

スピンが XZ 平面に回転しているサイクロイド磁気秩序は磁気伝播ベクトル q を用いて 以下のように表される。

$$S_i = (S \sin \boldsymbol{q} \cdot \boldsymbol{r}_i, 0, S \cos \boldsymbol{q} \cdot \boldsymbol{r}_i)$$
(4.30)

$$\boldsymbol{q} = \left(q_0, \ 0, \ \frac{\sqrt{3}\pi}{a}\right) \tag{4.31}$$

初めに、逆 DM 相互作用による電気分極 **P**^{AS} について記述する。

$$\boldsymbol{p}_{i\ i+\alpha}^{AS} = d_{i\ i+\alpha} \left(\boldsymbol{S}_{i} \times \boldsymbol{S}_{i+\alpha}\right), \\ = d_{i\ i+\alpha} \left(\boldsymbol{0}, \ \boldsymbol{S}_{i}^{Z} \boldsymbol{S}_{i+\alpha}^{X} - \boldsymbol{S}_{i}^{X} \boldsymbol{S}_{i+\alpha}^{Z}, \ \boldsymbol{0}\right), \\ = d_{i\ i+\alpha} \left(\boldsymbol{0}, \ \boldsymbol{S}^{2} \sin \boldsymbol{q} \cdot (\boldsymbol{r}_{i+\alpha} - \boldsymbol{r}_{i}), \ \boldsymbol{0}\right)$$
(4.32)

 $S_i \times S_{i+\alpha}$ は *Y* 成分のみである。それを *x*, *y*, *z* 方向のボンド間でそれぞれ計算すると

$$S_i \times S_{i+x} = \left(0, -S^2 \sin \frac{q_0 a}{\sqrt{2}}, 0\right),$$
 (4.33)

$$S_i \times S_{i+y} = \left(0, \ S^2 \sin \frac{q_0 a}{\sqrt{2}}, \ 0\right),$$
 (4.34)

$$S_i \times S_{i+z} = (0, 0, 0), \qquad (4.35)$$

となる。式 4.28 を用いて、x, y, zの3つのボンド方向の和を取ると、局所的な電気分極 p_i^{AS} は、

$$\boldsymbol{p}_{i}^{\text{AS}} = d_{i\ i+x} \left(0, \ -S^{2} \sin \frac{q_{0}a}{\sqrt{2}}, \ 0 \right) + d_{i\ i+y} \left(0, \ S^{2} \sin \frac{q_{0}a}{\sqrt{2}}, \ 0 \right) + d_{i\ i+z} \left(0, \ 0, \ 0 \right)$$
$$= S^{2} \sin \frac{q_{0}a}{\sqrt{2}} \left[\left(-1 \right)^{n_{i}} \frac{\sqrt{3}}{2} \left(d^{XX} - d^{YY} \right), \ \frac{\sqrt{3}}{2} \left(d^{XY} + d^{YX} \right), \ -\sqrt{3} d^{ZX} + (-1)^{n_{i}} d^{ZY} \right],$$
(4.36)

と表される。全部でN個のボンドについての和を取り、それを空間平均した電気分極は、

$$\left\langle \frac{\boldsymbol{P}_{i}^{\mathrm{AS}}}{N} \right\rangle = \left[0, \ \frac{\sqrt{3}}{2} \left(d^{XY} + d^{YX} \right) S^{2} \sin \frac{q_{0}a}{\sqrt{2}}, \ - \sqrt{3} d^{ZX} S^{2} \sin \frac{q_{0}a}{\sqrt{2}} \right]$$
(4.37)

となる。

次に、交換歪による電気分極 **P**^{EX} について示す。

$$\boldsymbol{S}_{i} \cdot \boldsymbol{S}_{i+\alpha} = \boldsymbol{S}^{2} \cos \boldsymbol{q} \cdot [\boldsymbol{r}_{i+\alpha} - \boldsymbol{r}_{i}]$$
(4.38)

であるため、各ボンドにおいて

$$S_i \cdot S_{i+x} = -S^2 \cos \frac{q_0 a}{\sqrt{2}},$$
(4.39)

$$S_i \cdot S_{i+y} = -S^2 \cos \frac{q_0 a}{\sqrt{2}},$$
(4.40)

$$\boldsymbol{S}_i \cdot \boldsymbol{S}_{i+z} = -S^2, \tag{4.41}$$

となる。式 4.26 に従って 3 つのボンドの和を取ると、

と表される。N 個のボンドの和を取り、それを空間平均すると交換歪の電気分極は以下のように表される。

$$\left\langle \frac{\boldsymbol{P}^{\text{EX}}}{N} \right\rangle = \left[0, -\Pi_Y S^2 \left(1 - \cos \frac{q_0 a}{\sqrt{2}} \right), -\Pi_Z S^2 \left(1 + 2\cos \frac{q_0 a}{\sqrt{2}} \right) \right].$$
(4.43)

最後に、p - d混成による電気分極 P^{ML} は式 4.29 から N 個のサイトの空間平均を取ると 以下のように表される。

$$\left\langle \frac{\boldsymbol{P}^{\mathrm{ML}}}{N} \right\rangle = \left(0, \ 0, \ \frac{1}{2}\Lambda_{ZZ}S^{2}\right). \tag{4.44}$$

続いて磁場を Y 方向に印加したときの AF-cone 相のスピンと結合した電気分極を示す。 Y 方向の磁気伝播ベクトル q に対して、Z = c/6 レイヤーだけ離れた 2 つのスピンは X 軸 に沿ったコニカルな成分が反転していることに注意すると、X 軸とスピン S のなす角を θ として以下のように表すことができる。

$$S_{i} = ((-1)^{n_{i}} S \cos \theta, S \sin \theta \sin q \cdot r_{i}, S \sin \theta \cos q \cdot r_{i})$$

$$(4.45)$$

$$(\sqrt{3}\pi)$$

$$\boldsymbol{q} = \left(0, \ q_0, \ \frac{\sqrt{3\pi}}{a}\right) \tag{4.46}$$

初めに、逆 DM 相互作用による電気分極 $p_{i\ i+\alpha}^{AS} = d_{i\ i+\alpha}(S_i \times S_{i+\alpha})$ について計算する。このとき、 $S_i \times S_{i+\alpha}$ は

$$\boldsymbol{S}_{i} \times \boldsymbol{S}_{i+\alpha} = \begin{pmatrix} -S^{2} \sin^{2} \theta \sin \boldsymbol{q} \cdot [\boldsymbol{r}_{i+\alpha} - \boldsymbol{r}_{i}] \\ -(-1)^{n_{i}} 2S^{2} \sin \theta \cos \theta \cos (\boldsymbol{q} \cdot [\frac{\boldsymbol{r}_{i+\alpha} + \boldsymbol{r}_{i}}{2}]) \cos (\boldsymbol{q} \cdot [\frac{\boldsymbol{r}_{i+\alpha} - \boldsymbol{r}_{i}}{2}]) \\ (-1)^{n_{i}} 2S^{2} \sin \theta \cos \theta \sin (\boldsymbol{q} \cdot [\frac{\boldsymbol{r}_{i+\alpha} + \boldsymbol{r}_{i}}{2}]) \cos (\boldsymbol{q} \cdot [\frac{\boldsymbol{r}_{i+\alpha} - \boldsymbol{r}_{i}}{2}]) \end{pmatrix}$$

$$(4.47)$$

として表される。Y, Z成分は r_i に依存して周期的に変化するので、後に和をとるとゼロ になる。よって、これらのX成分に関してx, y, z方向のボンド間でそれぞれ計算する。

$$(\mathbf{S}_{i} \times \mathbf{S}_{i+x})_{X} = \left(\mathbf{S}_{i} \times \mathbf{S}_{i+y}\right)_{X} = \left(S^{2} \sin^{2} \theta \sin \frac{q_{0}a}{\sqrt{6}}\right)$$
$$(\mathbf{S}_{i} \times \mathbf{S}_{i+z})_{X} = \left(-S^{2} \sin^{2} \theta \sin \frac{2q_{0}a}{\sqrt{6}}\right)$$
(4.48)

となる。サイクロイド相のときと同様に *i* サイトの局所的な電気分極を

$$\boldsymbol{p}_{i}^{\text{AS}} = d_{i \ i+x} \left(\boldsymbol{S}_{i} \times \boldsymbol{S}_{i+x} \right) + d_{i \ i+y} \left(\boldsymbol{S}_{i} \times \boldsymbol{S}_{i+y} \right) + d_{i \ i+z} \left(\boldsymbol{S}_{i} \times \boldsymbol{S}_{i+z} \right)$$
(4.49)

で求め、その N 個のボンドの和を取り、空間平均とってマクロな電気分極を求める。空間 平均では n_i の和でゼロになることに注意して計算すると次のようになる。

$$\left\langle \frac{\boldsymbol{P}^{AS}}{N} \right\rangle = -S^{2} \sin \theta \begin{pmatrix} 0 \\ \frac{3d^{XY} - d^{YX}}{2} \sin \frac{q_{0}a}{\sqrt{6}} + d^{YX} \sin \frac{2q_{0}a}{\sqrt{6}} \\ d^{ZX} \sin \frac{q_{0}a}{\sqrt{6}} + d^{ZX} \sin \frac{2q_{0}a}{\sqrt{6}} \end{pmatrix}$$
(4.50)

続いて、AF-cone 相での交換歪を求める。 $S_i \cdot S_{i+\alpha}$ の各3つのボンドに対して計算すると、

$$S_i \cdot S_{i+x} = S_i \cdot S_{i+y} = -S^2 \left(\sin^2 \theta \cos \frac{q_0 a}{\sqrt{6}} + \cos^2 \theta \right)$$
(4.51)

$$\boldsymbol{S}_{i} \cdot \boldsymbol{S}_{i+z} = -S^{2} \left(\sin^{2} \theta \cos \frac{2q_{0}a}{\sqrt{6}} + \cos^{2} \theta \right)$$
(4.52)

式 4.26 に従って3つのボンドの和を取り、それを N 個のサイトに拡張して空間平均を取ると、電気分極は以下のようになる。

$$\left\langle \frac{\boldsymbol{P}^{\text{EX}}}{N} \right\rangle = \begin{pmatrix} 0 \\ -\Pi_Y S^2 \left(\cos \frac{2q_0 a}{\sqrt{6}} - \cos \frac{q_0 a}{\sqrt{6}} \right) \sin^2 \theta, \\ -\Pi_Z S^2 \left\{ 3 + \left(\cos \frac{2q_0 a}{\sqrt{6}} + 2 \cos \frac{q_0 a}{\sqrt{6}} - 3 \right) \sin^2 \theta \right\}.$$
(4.53)

残りの p - d 混成による電気分極は、式 4.29 から N 個のサイトに拡張して空間平均を取ると以下のように表される。

$$\left\langle \frac{\boldsymbol{P}^{\mathrm{ML}}}{N} \right\rangle = \left(0, \ 0, \ \frac{1}{2}\Lambda_{ZZ}S^{2}\right). \tag{4.54}$$

最後に、磁場を Y 方向に印加したときの CAFM 相を考える。AF-cone 相のときと同様 に、X 軸とスピン S のなす角を θ と定義するとS は以下のように与えられる。

$$S_i = ((-1)^{n_i} S \cos \theta, S \sin \theta, 0) \tag{4.55}$$

x, y, z方向のそれぞれ3つのボンド間の $S_i \times S_{i+\alpha}, S_i \cdot S_{i+\alpha}$ は、

$$S_i \times S_{i+x} = S_i \times S_{i+y} = S_i \times S_{i+z} = (0, 0, (-1)^{n_i} S^2 \sin 2\theta)$$
(4.56)

$$S_i \cdot S_{i+x} = S_i \cdot S_{i+y} = S_i \cdot S_{i+z} = -S^2 \cos 2\theta \qquad (4.57)$$

となる。式 4.49 や 4.26 に従って求めた局所的な電気分極を N 個の空間平均を求めてマ クロな系に拡張させると、逆 DM 相互作用および交換歪の電気分極 P^{AS}、P^{EX} はそれぞれ 以下のようになる。

$$\left\langle \frac{\boldsymbol{P}^{\mathrm{AS}}}{N} \right\rangle = \left(0, \ 0, \ 3d^{ZZ}S^2\sin 2\theta\right), \tag{4.58}$$

$$\left\langle \frac{\boldsymbol{P}^{\text{EX}}}{N} \right\rangle = \left(0, \ 0, \ -3\Pi_Z S^2 \cos 2\theta\right). \tag{4.59}$$

また、p - d 混成による電気分極は式 4.29 から N 個のサイトに拡張して空間平均を取る と以下のようになる。

$$\left\langle \frac{P^{\rm ML}}{N} \right\rangle = (0, \ 0, \ 0) \,.$$
 (4.60)

サイクロイド相では p - d 混成では三方晶面内の電気分極成分 P_{T} を説明することはで きないのに対して、交換歪と逆 DM 相互作用ではスピンと結合した三方晶の c 軸及び P_T を説明することができる。また AF-cone 相においても、観測した P-H 曲線の結果によ る三方晶面内の有限の電気分極成分の存在は交換歪と逆 DM 相互作用によって説明する ことができる。このことからサイクロイド磁気相と AF-cone 相では逆 DM 相互作用だけ でなく交換歪による寄与も考えられるため、この系で観測された面内の電気分極成分に とって逆 DM 相互作用と異方的な交換歪のどちらが支配的かというのは1つの問題であ る。一方、CAFM 相では面内の印加磁場方向に沿った電気分極成分はどの機構に関して もゼロである。CAFM 相での対称性は不明だが、室温における磁歪の結果では CAFM 相 はサイクロイド相よりも歪みが大きくなっていた。逆 DM 相互作用の機構では式 4.56 の ように3つのボンド間の $S_i \times S_{i+\alpha}$ は全て等しいことから、ボンド z とボンド x, yのなす 角が 120 度なので 3 つのボンド間の電気分極の和によって Y 成分の電気分極の空間平均 はゼロになってしまった。しかしサイクロイド相では観測した三方晶面内の歪みによって 少なくともボンド z とボンド x, y のなす角は 120 度ではないはずである。これにより 3 つのボンド間の電気分極の和は Y 方向に対して非等価になるので、空間平均をした後に Y方向の電気分極成分には d^{YZ}を含んだ有限の項が残る。交換歪でも同様の議論から電気 分極の Y 成分に Πy を含んだ有限の項が残る。このように三方晶からの歪みを考慮すると CAFM 相において観測された有限の P_Y を説明できるが、今後は対称性を考慮した厳密な 系で検討する必要がある。

第5章

結論と展望

5.1 結論

本研究では BiFeO3 の単結晶を用いて c 軸に垂直な電場に対する磁化と電気抵抗の変化 について研究し、サイクロイド相における不揮発性抵抗メモリー効果を実証した。印加電 場に対する磁化の履歴的な応答は、電気磁気ドメインの再配列であると考えられる。この ドメイン再配列を検出する実用的方法として電気抵抗測定が有効であり、印加電場の方向 に依存して読み出す抵抗値をスイッチングできることを示した。磁化の系統的な変化に伴 い電気伝導の変化がみられているため、 $oldsymbol{Q}_1$ または $oldsymbol{Q}_3$ ドメインのみの初期状態を仮定し、 電場によって **Q**2 の電気磁気ドメインが部分的に再配列することで伝導的だと考えられる 電気磁気ドメイン壁が増減している可能性を提案した。この三方晶面内の電気分極成分 P_T は c 軸方向の自発分極 P_S よりもおよそ 1000 倍も小さいため、同程度の抗電場を仮定 すると電場による電気分極を変化させたときのエネルギー散逸は、c 軸方向成分を使う場 合よりも3桁ほど小さい。観測した面内の分極制御による不揮発性抵抗メモリー効果は 室温で 20000 回の印加電場を経験した後も実現しており、磁場に対して強靭でありメモ リーの安定性がある。また、c 軸方向の電気分極制御で見られるような試料の破損も見ら れていない。今回バルク試料で観測した高抵抗/低抵抗比は約2倍であった。変化を拡大 するには例えば P_T を電場で制御する試料と制御しない試料をブリッジ回路に組み込む等 の方法がある。温度によって電気抵抗の変化が顕著であったが、これもブリッジ回路を適 用することで温度補償を実効的に組み込むことが可能である。これらの観点から、本研究 で見出した不揮発性電気抵抗メモリー効果は安定した実用的なアプリケーションとして期 待される。

これらのサイクロイドの電気磁気効果の研究に加え、*c*軸に垂直な磁場を印加して磁化、 分極、磁歪の変化を調べた。約10T以下では、磁化、格子歪み、および電気分極に非可 逆的な変化が見られ電気磁気ドメインの再配列として解釈した。精密な磁歪測定によって サイクロイド磁気秩序と結合した微小な単斜晶歪みの存在が明らかになった。磁場印加に よるドメイン再配列の過程で起こる歪みの非可逆的な変化はこの物質が示す強弾性的振る 舞いを初めてとらえたものである。知られていた電気分極 *P*_T はこの単斜晶歪みによって *c* 軸の自発分極の傾斜として説明することができる。このサイクロイド相における面内の 電気分極成分 *P*_T は三回回転対称性を維持した範囲において逆 DM 相互作用および交換歪 として説明することが可能である。そのため、この単斜晶歪みと結合した面内方向の電気 分極の起源について、今後の微視的な説明が要求される。

さらに室温付近のより高い磁場領域ではサイクロイド相から CAFM 相に相転移する前 に中間磁気相 (IM 相) が実現した。理論計算はこの相においてコニカルな成分を持った長 周期の反強磁性磁気秩序である AF-cone 相が実現することを提案している。また中性子 線回折の実験結果はこれを支持した。AF-cone 相を仮定すると三回回転対称性を維持し た範囲において逆 DM 相互作用と交換歪機構で Y 方向の電気分極の出現が示唆される。 従ってその範囲内で室温付近で観測された IM 相における Y 方向の電気分極の変化は説明 できた。大きな電気磁気効果を示す IM 相の転移磁場は温度変化に依存している。今後、 より弱磁場でこの相を安定化できれば更なる応用の可能性が期待できる。また、CAFM 相においても三方晶面内に有限の電気分極成分が存在することが電気分極測定で示され た。観測された Y 方向の有限の電気分極成分が存在することが電気分極測定で示され た。観測された Y 方向の有限の電気分極成分は三回回転対称性を維持した範囲における 逆 DM 相互作用、交換歪、p - d 混成機構を考慮した微視的な理論計算では説明すること ができない。磁歪測定では三回回転対称性が破れているサイクロイド相から CAFM 相に 向けてより格子は歪んでいることから、CAFM 相の面内の電気分極成分はより歪んだ系 によって説明されるはずである。従って、今後は対称性を考慮した厳密な系で微視的な議 論をする必要がある。

5.2 今後の展望

本研究では電気抵抗メモリーの電場制御が実現したが、観測した電気抵抗メモリー効果 と磁気ドメインの再配列の関係性は完全に明らかではない。また、本研究では Z 方向の 自発分極の方向を把握した測定を行っていないため、磁気変調ベクトル Q のヘリシティ に対する面内の電気分極 $P_{\rm T}$ の方向は不明である。これらを明らかにするためには、外場 による磁気ドメインの微視的な振る舞いを直接的に観測する必要がある。Johnson らの単 結晶 BiFeO₃ を用いた放射光 X 線の報告によると、彼らは 1 mm 程の (111)_{cub} 面を 50 × 50 μ m² の間隔で磁気ドメインの空間分布のイメージングを偏光磁気散乱を用いて行って いる [79]。この手法を用いて、サイクロイド相における $Q \ge P_{\rm T}$ の関係性を直接観測して 明らかにしたい。また、放射光 X 線回折では中性子線回折とは異なり試料のサイズの上 で電場印加測定との相性が良いので、印加電場によって空間的に磁気ドメインが生成して いく様子を明らかにしたい。

次に強磁場相に関して、磁化や電気分極や磁歪で観測された IM 相は理論的に AF-cone 相であると考えられるが、中性子線回折の結果では測定のセットアップの制限によって AF-cone 秩序の発現に伴うサイクロイド秩序からの変調方向の変化を捉えていない。先に 紹介した X 線磁気散乱をパルス強磁場中で行うことで、IM 相の全貌を明らかにしたい。 また、Gareeva らは面内だけでなく Z 方向の磁場によっても AF-cone 相が出現すること を提唱している [76]。従って Z 方向に磁場を印加したときにも AF-cone 相が実現するの かを確認し、現象論との整合性を明らかにしたい。



- [1] J. S. Meena, S. M. Sze, U. Chand, and T.-Y. Tseng, Nanoscale Res. Lett. 9, 526 (2014).
- [2] J. F. Scott, Nat. Mater. 6, 256 (2007).
- [3] I. E. Dzyaloshinskii, Sov. Phys. JETP 10, 628 (1959).
- [4] D. N. Astrov, Sov. Phys. JETP 11, 708 (1960).
- [5] V. J. Folen, G. T. Rado, and E. W. Stalder, Phys. Rev. Lett. 6, 607 (1961).
- [6] T. Kimura, T. Goto, H. Shintani, K. Ishizaka, T. Arima, and Y. Tokura, Nature **426**, 55 (2003).
- M. Kenzelmann, A. B. Harris, S. Jonas, C. Broholm, J. Schefer, S. B. Kim, C. L. Zhang,
 S.-W. Cheong, O. P. Vajk, and J. W. Lynn, Phys. Rev. Lett. 95, 087206 (2005).
- [8] I. Sosnowska, T. Peterlin-Neumaier, and E. Steichele, J. Phys. C 15, 4835 (1982).
- [9] V. G. Bar'yakhtar, V. A. L'vov, and D. A. Yablonskii, JETP Lett. 37, 673 (1983).
- [10] R. B. Meyer, Phys. Rev. Lett. 22, 918 (1969).
- [11] A. P. Pyatakov, A. S. Sergeev, F. A. Mikailzade, and A. K. Zvezdin, J. Magn. Magn. Mater. 383, 255 (2015).
- [12] Y. Tokura, S. Seki, and N. Nagaosa, Rep. Prog. Phys. 77, 076501 (2014).
- [13] H. Katsura, N. Nagaosa, and A. V. Balatsky, Phys. Rev. Lett. 95, 057205 (2005).
- [14] M. Mostovoy, Phys. Rev. Lett. 96, 067601 (2006).
- [15] I. A. Sergienko and E. Dagotto, Phys. Rev. B 73, 094434 (2006).
- [16] Y. J. Choi, H. T. Yi, S. Lee, Q. Huang, V. Kiryukhin, and S.-W. Cheong, Phys. Rev. Lett. 100, 047601 (2008).
- [17] S. Picozzi, K. Yamauchi, B. Sanyal, I. A. Sergienko, and E. Dagotto, Phys. Rev. Lett. 99, 227201 (2007).
- [18] C. Jia, S. Onoda, N. Nagaosa, and J. H. Han, Phys. Rev. B 74, 224444 (2006).
- [19] C. Jia, S. Onoda, N. Nagaosa, and J. H. Han, Phys. Rev. B 76, 144424 (2007).
- [20] T. Arima, J. Phys. Soc. Jpn. 76, 073702 (2007).
- [21] B. F. Kubel and H. Schmid, Acta Cryst. B 46, 698 (1990).

- [22] A. K. Zvezdin and A. P. Pyatakov, EPL 99, 57003 (2012).
- [23] V. V. Shvartsman, W. Kleemann, R. Haumont, and J. Kreisel, Appl. Phys. Lett. 90, 172115 (2007).
- [24] D. Lebeugle, D. Colson, A. Forget, M. Viret, P. Bonville, J. F. Marucco, and S. Fusil, Phys. Rev. B 76, 024116 (2007).
- [25] G. Catalan and J. F. Scott, Adv. Mater. 21, 2463 (2009).
- [26] A. P. Pyatakov and A. K. Zvezdin, Eur. Phys. J. B 71, 419 (2009).
- [27] D. Lebeugle, D. Colson, A. Forget, M. Viret, A. M. Bataille, and A. Gukasov, Phys. Rev. Lett. 100, 227602 (2008).
- [28] S. Lee, T. Choi, W. Ratcliff II, R. Erwin, S.-W. Cheong, and V. Kiryukhin, Phys. Rev. B 78, 100101(R) (2008).
- [29] I. Sosnowska and A. K. Zvezdin, J. Magn. Magn. Mater. 140, 167 (1995).
- [30] R. S. Fishman, J. H. Lee, S. Bordács, I. Kézsmárki, U. Nagel, and T. Rõõm, Phys. Rev. B 92, 094422 (2015).
- [31] J. Jeong, E. A. Goremychkin, T. Guidi, K. Nakajima, G. Jeon, S.-A. Kim, S. Furukawa, Y. Kim, S. Lee, V. Kiryukhin, S.-W. Cheong, and J.-G. Park, Phys. Rev. Lett. 108, 077202 (2012).
- [32] M. Matsuda, R. S. Fishman, T. Hong, C. H. Lee, T. Ushiyama, Y. Yanagisawa, Y. Tomioka, and T. Ito, Phys. Rev. Lett. 109, 067205 (2012).
- [33] R. S. Fishman, N. Furukawa, J. T. Haraldsen, M. Matsuda, and S. Miyahara, Phys. Rev. B 86, 220402 (2012).
- [34] R. S. Fishman, J. T. Haraldsen, N. Furukawa, and S. Miyahara, Phys. Rev. B 87, 134416 (2013).
- [35] Y. F. Popov, A. K. Zvezdin, G. P. Vorob' ev, A. M. Kadomtseva, V. A. Murashev, and D. N. Racov, JETP Lett. 57, 69 (1993).
- [36] Y. F. Popov, A. M. Kadomtseva, A. K. Zvezdin, G. P. Vorob'ev, and A. P. Pyatakov, in *Magnetoelectric Interaction Phenomena in Crystals*, Ed. by Manfred Fiebig (Kluwer Academic, Boston, 2004).
- [37] A. Kadomtseva, A. Zvezdin, Y. Popov, A. Pyatakov, and G. Vorobev, JETP Lett. 79, 571 (2004).
- [38] B. Ruette, S. Zvyagin, A. P. Pyatakov, A. Bush, J. F. Li, V. I. Belotelov, A. K. Zvezdin, and D. Viehland, Phys. Rev. B 69, 064114 (2004).
- [39] M. Tokunaga, M. Azuma, and Y. Shimakawa, J. Phys. Soc. Jpn. 79, 064713 (2010).
- [40] F. Kubel and H. Schmid, J. Cryst. Growth **129**, 515 (1993).
- [41] T. Ito, T. Ushiyama, Y. Yanagisawa, R. Kumai, and Y. Tomioka, Cryst. Growth Des. 11,

5139 (2011).

- [42] M. Tokunaga, M. Akaki, T. Ito, S. Miyahara, A. Miyake, H. Kuwahara, and N. Furukawa, Nat. Commun. 6, 5878 (2015).
- [43] S. Miyahara and N. Furukawa, Phys. Rev. B 93, 014445 (2016).
- [44] I. Sosnowska, R. Przenioslo, A. Palewicz, D. Wardecki, and A. Fitch, J. Phys. Soc. Jpn. 81, 044604 (2012).
- [45] M. Ramazanoglu, W. Ratcliff II, H. T. Yi, A. A. Sirenko, S.-W. Cheong, and V. Kiryukhin, Phys. Rev. Lett. 107, 067203 (2011).
- [46] S. Lee, W. Ratcliff II, S.-W. cheong, and V. Kiryukhin, Appl. Phys. Lett. 92, 192906 (2008).
- [47] C. Wang, K.-J. Jin, Z.-T. Xu, L. Wang, C. Ge, H.-B. Lu, H.-Z. Guo, M. He, and G.-Z. Yang, Appl. Phys. Lett. 98, 192901 (2011).
- [48] A. Tsurumaki, H. Yamada, and A. Sawa, Adv. Funct. Mater. 22, 1040 (2012).
- [49] V. M. Fridkin, Ferroelectric Semiconductors (Consultant Bureau, New- York and London, 1980).
- [50] J. Seidel, L. W. Martin, Q. He, Q. Zhan, Y.-H. Chu, A. Rother, M. E. Hawkridge, P. Maksymovych, P. Yu, M. Gajek, N. Balke, S. V. Kalinin, S. Gemming, F. Wang, G. Catalan, J. F. Scott, N. A. Spaldin, J. Orenstein, and R. Ramesh, Nat. Mater. 8, 229 (2009).
- [51] Y.-H. Chu, L.W. Martin, M. B. Holcomb, M. Gajek, S.-J. Han, Q. He, N. Balke, C.-H. Yang, D. Lee, W. Hu, Q. Zhan, P.-L. Yang, A. F.-Rodr'iguez, A. Scholl, S. X. Wang, and R. Ramesh, Nat. Mater. 7, 478 (2008).
- [52] T. Choi, S. Lee, Y. J. Choi, V. Kiryukhin, and S.-W. Cheong, Science 324, 63 (2009).
- [53] S. M. Wu, S. A. Cybart, P. Yu, M. D. Rossell, J. X. Zhang, R. Ramesh, and R. C. Dynes, Nat. Mater. 9, 756 (2010).
- [54] A. Q. Jiang, C. Wang, K. J. Jin, X. B. Liu, J. F. Scott, C. S. Hwang, T. A. Tang, H. B. Lu, and G. Z. Yang, Adv. Mater. 23, 1277 (2011).
- [55] S. Hong, T. Choi, J. H. Jeon, Y. Kim, H. Lee, H.-Y. Joo, I. Hwang, J.-S. Kim, S.-O. Kang, S. V. Kalinin, and B. H. Park, Adv. Mater. 25, 2339 (2013).
- [56] C. Tabares-Muñoz, J. -P. Rivera, A. Bezinges, A. Monnier, and H. Schmid, Japan. J. Appl. Phys. 24, 1051 (1985).
- [57] P. Chen, Ö. Günaydin-Şen, W. J. Ren, Z. Qin, T. V. Brinzari, S. McGill, S.-W. Cheong, and J. L. Musfeldt, Phys. Rev. B 86, 014407 (2012).
- [58] I. Sosnowska, M. Azuma, R. Przeniosło, D. Wardecki, W.-t. Chen, K. Oka, and Y. Shimakawa, Inorg. Chem. 52, 13269 (2013).

- [59] H. Yamamoto, T. Kihara, K. Oka, M. Tokunaga, K. Mibu, and M. Azuma, J. Phys. Soc. Jpn. 85, 064704 (2016).
- [60] F. Bai, J. Wang, M. Wuttig, J. Li, N. Wang, A. P. Pyatakov, A. K. Zvezdin, L. E. Cross, and D. Viehland, Appl. Phys. Lett. 86, 032511 (2005).
- [61] H. Béa, M. Bibes, A. Barthélémy, K. Bouzehouane, E. Jacquet, A. Khodan, J.-P. Contour, S. Fusil, F. Wyczisk, A. Forget, D. Lebeugle, D. Colson, and M. Viret, Appl. Phys. Lett. 87, 072508 (2005).
- [62] D. Sando, A. Agbelele, D. Rahmedov, J. Liu, P. Rovillain, C. Toulouse, I. C. Infante, A. P. Pyatakov, S. Fusil, E. Jacquet, C. Carretero, C. Deranlot, S. Lisenkov, D. Wang, J-M. Le Breton, M. Cazayous, A. Sacuto, J. Juraszek, A. K. Zvezdin, L. Bellaiche, B. Dkhil, A. Barthelemy, and M. Bibes, Nat. Mater. 12, 641 (2013).
- [63] QLaue, Sourceforge.net [https://sourceforge.net/projects/qlaue/].
- [64] H. Mitamura, S. Mitsuda, S. Kanetsuki, H. A. Katori, T. Sakakibara, and K. Kindo, J. Phys. Soc. Jpn. 76, 094709 (2007).
- [65] A. M. Kadomtseva, Y. F. Popov, G. P. Vorob' ev, and A. K. Zvezdin, Phys. B 211, 327 (1995).
- [66] M. Tokunaga, M. Akaki, A. Miyake, T. Ito, and H. Kuwahara, J. Magn. Magn. Mater. 383, 259 (2015).
- [67] R. Daou, F. Weickert, M. Nicklas, F. Steglich, A. Haase, and M. Doerr, Rev. Sci. Instrum. 81, 033909 (2010).
- [68] G. Kido, Physica B 155, 199 (1989).
- [69] 1615A Capacitance Bridge User and Service Manual, IET Labs Inc (2003).
- [70] V. I. Nizhankovskii, Eur. Phys. J. B 53, 1 (2006).
- [71] R. S. Fishman, Phys. Rev. B 88, 104419 (2013).
- [72] J. H. Lee and R. S. Fishman, Phys. Rev. Lett. 115, 207203 (2015).
- [73] S. E. Dissanayake, T. Hong, T. Ito, and M. Matsuda, (unpublished).
- [74] T. Moriya, J. Appl. Phys. **39**, 1042 (1968).
- [75] S. Miyahara (private communication).
- [76] Z. V. Gareeva, A. F. Popkov, S. V. Soloviov, and A. K. Zvezdin, Phys. Rev. B 87, 214413 (2013).
- [77] S. Muhlbauer, S. Gvasaliya, E. Ressouche, E. Pomjakushina, and A. Zheludev, Phys. Rev. B 86, 024417 (2012).
- [78] H. Wiegelmann, A. G. M. Jansen, J.-P. Rivera, H. Schmid, A. A. Stepanov, and I. M. Vitebsky, Physica B 204, 292 (1995).
- [79] R. D. Johnson, P. Barone, A. Bombardi, R. J. Bean, S. Picozzi, P. G. Radaelli, Y. S. Oh,

S.-W. Cheong, and L. C. Chapon, Phys. Rev. Lett. 110, 217206 (2013).

謝辞

本研究を遂行し、本論文をまとめるにあたってお世話になった方々に感謝の意を表し ます。

指導教官である徳永将史准教授には、修士・博士課程を通して大変厚くご指導していた だきました。博士課程では BiFeO₃ の電気磁気効果の研究という世界的に競争の激しい分 野にも関わらず未熟な私にそのテーマを与えて頂きました。また実験でミスやトラブルを 招いてしまった際も親身になっていただき、私が研究を遂行する上での様々な機会を与え ていただきました。大学院生活を通して研究に対する取り組み方や研究者としての心構え など多くのことを学ばせていただきました。心から御礼申し上げます。

産業技術総合研究所の伊藤利充主任研究員には、LD-FZ 法という他にない技術で BiFeO₃の非常に純良な単結晶を作製していただきました。また、*P* – *E* 測定を行った際 もお世話になりました。感謝申し上げます。

Oakridge National Laboratory の松田雅昌研究員、Sachith E. Dissanayake 博士、National Institute of Standards and Technology の William Ratcliff II 研究員、Zhijun Xu 博士、Yang Zhao 博士には BiFeO₃ の磁場誘起相における中性子線回折実験を行っていただきました。 また投稿論文を執筆する際に大変多くのご支援をいただきました。特に松田研究員には 結果の解釈に対する質問に対しても丁寧にご指摘、ご教授していただきました。また、 Ratcliff 研究員には投稿論文の読者や審査員に正しく理解してもらえるように結果の示し 方や結晶構造の表現の仕方など多くのご指摘やご助言をしていただきました。感謝申し上 げます。

福岡大学の宮原慎准教授、青山学院大学の古川信夫教授には、BiFeO₃の磁場誘起相に おける理論計算をしていただきました。また、行っていただいた磁場誘起相における電気 分極の計算から、マルチフェロイクスの分野において重要な電気磁気結合の微視的な解釈 を学ばせていただきました。感謝申し上げます。

上智大学の黒江晴彦准教授には、MPMS での電場中の磁化測定の行う場を提供していただき、お力添えをしていただきました。小さな磁化の変化を捉えるために試行錯誤させていただいた経験から、電気抵抗メモリー効果の研究に発展する上で不可欠だった技術や

経験を学ばせていただきました。感謝申し上げます。

東京大学物性研究所超強磁場科学研究施設の金道浩一教授にはパルス強磁場という他に はない実験環境を提供していただきました。また輪読会やミーティング等の場を通して多 くのことを教えていただきました。感謝申し上げます。

同施設の嶽山正二郎教授、松田康弘准教授、中村大輔助教、池田暁彦助教にはスポーツ 大会のイベントや飲み会などの日常生活を通して大変お世話になりました。

同施設の小濱芳允准教授には、主に特任助教時代に実験室で日々多くの研究の話をして いただいたり相談事に乗ってくださりました。特に、小濱准教授の測定に対する熱意や研 究の姿勢から多くを学ばせていただきました。感謝申し上げます。

徳永研究室の三宅厚志助教には、大変お忙しい中でも親身になってご指導をしていただ きました。特に学会のプレゼンや論文等の表現を注意深くご指摘していただきました。大 変お世話になりました、感謝申し上げます。

金道研究室の近藤晃弘助教には、大学院生活の初めから終わりまで多くのご支援、ご助 言をいただきました。感謝申し上げます。

金道・徳永研究室の三田村裕幸助教には、短い間でしたがご助言・ご指導をいただきま した。特に磁歪測定を通して濃い経験をさせていただきました。感謝申し上げます。

廣井研究室の矢島健助教には、物性研究所の X 線測定室にて X 線装置の使い方をご指 導していただきました。大変お世話になりました、感謝申し上げます。

その他にも、徳永研究室の秋葉和人氏、元徳永研究室の赤木暢博士、木原工博士、渋谷 純平氏、金道研究室の川口孝志技術専門員、松尾晶技術専門職員、大圃一実学術支援職 員、高柳常夫技術補佐員、足立伸太郎博士、岩浅歩氏、大阪大学から留学生として金道研 究室に在籍している佐藤和樹氏、秘書の荒木和代氏、元金道研究室の望月健生博士、森理 恵氏、後藤大樹氏、嶽山研究室の澤部博信氏、厳正輝氏、安井伸氏、青木孝晶氏、下起敬 史氏、元嶽山研究室の宮田敦彦博士、周偉航博士、斉藤宏晃博士、佐々木達哉氏、間祐樹 氏、沼田拓也氏、山下知大氏、松田研究室の野村和哉氏、秋元昴氏、清水歩実氏、都築崇 氏、柿田頼輝氏、三田航平氏、周旭光氏、元松田研究室の Lee Suyeon 博士、野村肇宏博 士、阿部望氏、寺島拓博士、西晃弘氏、市川俊和氏には、研究生活を送る上でお世話にな りました。感謝申し上げます。

最後に、今日まで様々な援助していただき、このような研究の機会を与えてくださった 両親に深く感謝申し上げます。